

STAT2361
Lecture Notes - First

We'am A Rostom



We'am A Rostom ► Commercial
Zone - BZU



34m •



يعطيكم العافيه

الي بعتولي بدهم تلخيص ماده الستات الفيرست
جمعتلكم الي كنت مسجلته عالدفتر + بلص تلخيص العناوين
والقوانين المهمة وطريقه استخدام الاله الحاسبه

ركزوا كثير على كل عنوان وكيف منستخدم في الاله الحاسبه اغلبهم
نفس البدايه بس اللهم النتيجة بتختلف حسب المطلوب
الي ما بفهم منيح بامكانه يبعثلي مسج افهمه كيف يستخدم الاله
الحاسبه بكل مطلوب

برضو اي اشي مش واضح او بتشوفوا ان مش كامل وما وصلتكم
فكرته بتقدروا تتواصلوا معي

.....



ملاحظة: تدققوش عالاغلاط الاملائية المهم الاخلاق

وبس

شكرا عفوا

stat-2361

chapter 1
sc.1

Data and statistics

section 1 :

- statistics : علوم وفن جمع المعلومات، تحليلها، عرضها وتفسيرها
- Data : الرسوم والكميات التي يتم جمعها وتفسيرها وتحليلها
- Data Set : مجموعة الكميات التي قُصِدَ دراستها وحيداً
- Elements : المراتب والعجوات التي تجعل الدراسة عليها
- Variable : الصفات والكميات التي تقوم بدراستها
- observation : العجوات القياسية لكل عنصر

section 2 : Scales of measurements

تصنيفات طرق تحليل أو تصنيف البيانات

(1) Nominal scale : تصنيفات أسماء أو صفات في كل عام
سواء كانت البيانات رقمية أو غير رقمية

مثل : Phone number / ID's number / gender

(2) ordinal scale : أرقام أول التي يتم تصنيفها أسماء أو صفات
مثل : عام ولكن [الترتيب حسب الأولوية] أو أهمية كبيرة
سواء رقمي أو غير رقمي

مثل : ترتيب الترتيب good - very good - excellent

من الأعلى للأقل
من الأولوية

الكرادال التي يمتلكها الصفر فيها معنى : Ratio scale (3)
 تظهر وتقتصر على الصفات العددية

مثل : ~~الراتب / الوقت~~ الراتب / الوقت

مماول ذات قيمة رقمية ذات : Interval scale (4)
 ومن مثل درجات الحرارة

* we have 2 Types of Data :

* Quantitative data : (Interval / Ratio) قيم كمية
 * Qualitative data : (ordinal, Nominal) قيم نوعية

Section 3: Data Sources

(1) Existing Sources : دراسة حالة خاصة موجودة مسبقاً

- * internal
- * external
- * internet

(2) Statistical studies :

- * observational : ملاحظة ومراقبة
- * experiment : التجارب بتجربة الباحث بالنتائج

* section (4,5) :

Statistic

(1) Descriptive stat. :

وصف البيانات

(2) Inference Stat. :

دراسة عينة

* population : collection of all elements

* sample : subject of population

* Census : survey for all elements

Chapter 2 :

Descriptive statistic

Qualitative data

Section 1 :

من ناحية اعداد

* Tabular :

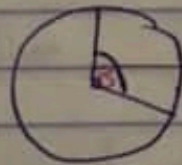
a - Frequency distribution (Fd) = التكرار

b - Relative Frequency (RFd) = $\frac{F}{n}$ النسبة المئويةc - percentage frequency (PFd) = $\left(\frac{F}{n}\right) * 100\%$

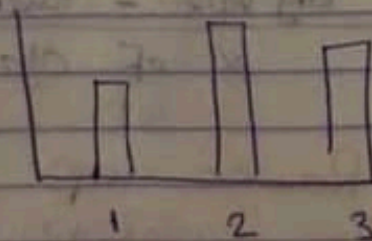
* graphical :

من ناحية الرسوم البيانية

(*) pie chart

قياس الزاوية
= $360 * RF$

(*) bar graph

يتميز بأنها لا يمكن
فيه مقابلة
غير متساوية

* راجع تعریفی طور پر اسکرابان مناسبت
تاسیسیہ

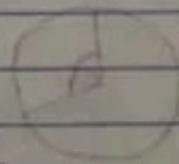
* مناسبتی اسکرابان : مناسبتی اسکرابان

- Cumulative Frequency

Which are less or equal the upper class limit

- Cumulative Relevant

- percentage



* اسکرابان اسکرابان :-

(1) number of classes

(2) width of " = $\frac{\text{largest value} - \text{smallest value}}{\text{number of class}}$

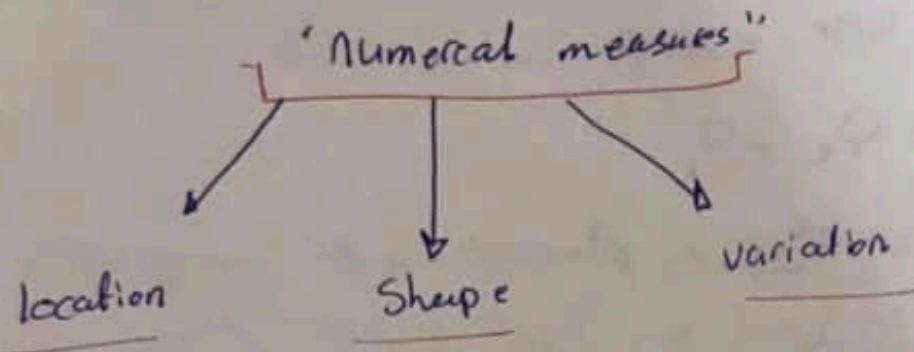
Round up

بجای بڑے تقریبی طور پر اسکرابان اسکرابان

3	← Round up	2.3
4	←	3.5
3	←	2.2
3	←	2.4

فاسیت؟

"Chapter 3" SC-1



[1] location :

- * mean
- * mode
- * median : ترتيب نقاشي
- * percentile : ترتيب نقاشي
- * Quartiles : ترتيب نقاشي

* mean : average $\rightarrow \bar{x}$, $\mu = \frac{\text{المجموع}}{\text{العدد}} = \frac{\sum x_i}{n}$

* mode : الأكثر تكراراً

* median : midpoint

* percentile $\rightarrow p^{th}$: $i = \frac{p}{100} \cdot n$ $\rightarrow$ $\frac{x_i + x_{i+1}}{2}$ $\rightarrow$ Round up

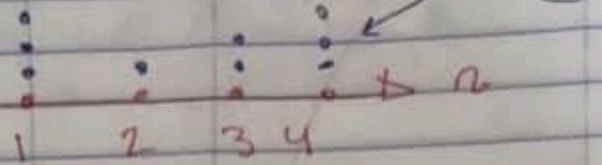
* Quartiles $\rightarrow Q_1 = 25\%$

$Q_2 = 50\% \rightarrow$ median = midpoint

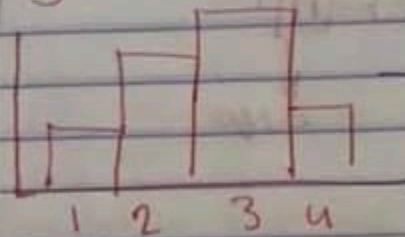
$Q_3 = 75\%$

من ناحية الرسوم البيانية ~~البيانية~~ :

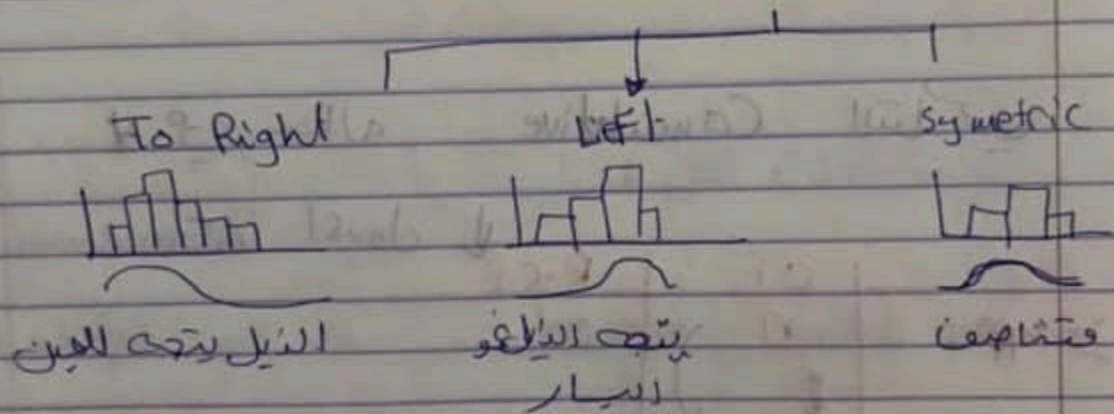
* Dot plot



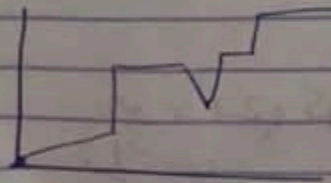
* Histogram



يتميز أن الأعمدة
تتزايد في الارتفاع
بشكل متساوٍ
في شكل

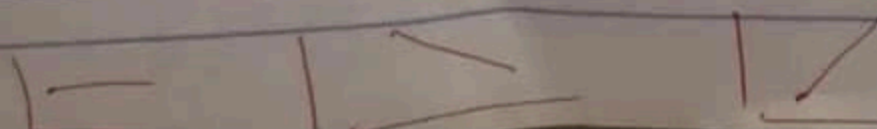


* ogive : ~~البيانات التراكمية~~
Cumulative



• Gross-Tabulation → بيانات كمية وكمية

• Scatter diagram → ~~البيانات الكمية~~
البيانات الكمية



(3)	[lower $\leftrightarrow$ upper]	F	R, F	P, F
	(x - y)			

لا يكون صناديق
فترة قبل [6-10]
الفرد بينهم
بعض من classes

$\Sigma F = n$

❖ لا في حالة Cumulative الترتيبي

ہے وہاں ایک رول ہے

$\geq$ upper
 $\geq$ upper
 $\downarrow$

C.F
n
$F+n \leq Z$
$F+n+Z$

روحی بحکم کل نتیجہ مع ای قبایع ہر کل
قداسی

مثال : 65, 60, 57, 50, 42
 ملاحظة : 57

عدد موزون : 57
 يعني : 57 هو القيمة التي تقع في منتصف البيانات
 أي : 57 هو القيمة التي يكون
 Median

Median : 57

[4] Percentile : "the p^{th} percentile"
 is a value such that at least $p\%$
 of the observations are less than
 or equal to this value and $(100 - p\%)$
 of observations are greater than
 this value

مثال : 20% , 80%
 20th percentile
 80th percentile

مثال : 20% , 80%
 20th percentile
 80th percentile

مثال : 20% , 80%
 20th percentile
 80th percentile
 percentile

مثال : 20% , 80%
 20th percentile
 80th percentile
 percentile
 20% , 80%
 20th percentile
 80th percentile
 percentile
 20% , 80%
 20th percentile
 80th percentile
 percentile

[2] Mode : the value with greatest frequency

- بطالع على الاكثر تكراراً من العقيم

مذكورة مرتبة: 46, 54, 42, 46, 32

$$s \bmod_1 = 46$$

$\overset{2}{46}, \overset{2}{54}, \overset{1}{46}, \overset{1}{32}, 59$ *

$\rightarrow$ mode = 46, 54

* فی حال فیش تکرار بنجائی No mode

$\begin{array}{ccccccc} & 2 & & 2 & & & 1 \\ & 46 & 32 & 42 & 46 & 42 & 48 \\ 2 & 54 & 60 & & & & \end{array}$

→ mode 42, 46, 45

rule "multi mode"

(a) $\frac{3}{5}$ mode
 (b) $\frac{3}{5}$ mode

3 Median : The value in the middle

إلى طهوانة، حنة وحمدة

1) First step: arrange data in ascending order

١٠ - بینهام سے ادا ہوئے (مستند) / تسلیم

example: 40, 50, 44, 60

برقیہم نقیادی

2) second step : $\frac{1}{2} \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{2} \frac{d^2}{dt^2} \right)$

بسم الله الرحمن الرحيم

[illegible]
$$\text{median} = \frac{44 + 50}{2} = 47$$

SC. 3.1 Measures of location

Type of measure location :-

- 1 Mean (average)
- 2 Mode
- 3 Median
- 4 percentile
- 5 quartiles

μ "sample statistic" "sample mean"

* **mean** : data for a sample $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 \dots + x_n}{n}$$

* **population mean**: data for population " $x_1, x_2, \dots, x_n$ "
 is "population parameter" μ
 formula: $\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$

example: Consider the values and following data from

46, 59, 42, 46, 32

Compute the mean:

① كبدی ای نوعی $\times$ او M / بطلای السؤال موعنی
Sample here - بحث و د

$$X = \frac{46 + 42 + 46 + 32 + 54}{5} = \boxed{44}$$

3. $\{x' \in \mathcal{X} \mid x' \text{ قريبة } \mathcal{M} \text{ من } x\}$

[2] Variation

- Range = large - small
- IQR = $Q_3 - Q_1$
- Varince = $S_{\text{sample}}^2 \quad \sigma^2$
- Standard deviation = $S_{\text{sample}} \quad \sigma_{\text{population}}$
- Coefficient of Variation = $\frac{S}{\bar{x}} * 100\%$

$$\bullet \text{ Varince} = \sum^{(\text{shift})} (\text{mode}) (3) (=)$$

(mode) (2) → متغير واحد

$$\begin{aligned} (x_i) (m+) \\ (\bar{x}_i) (m+) \end{aligned}$$

$$\left[\begin{array}{c} (1) \\ (\text{Shift}) (2) (=) \\ (3) \end{array} \right] \rightarrow \begin{array}{c} \text{م} \\ \text{ا} \\ \text{ع} \\ \text{ط} \\ \text{و} \\ \text{ن} \end{array}$$

$\bar{x}$	G_x	S_x
1	2	3

→ Solution: $\rightarrow$ "إذا" هو ما $\rightarrow$ percentile

* $Q_1 = 25^{th}$ percentile

[1] = 16, 20, 25, 26, 27, 28, 30, 34

$$[2] \quad L = \frac{25 \times 8}{100} = 2$$

$$\Rightarrow 25^{th} \text{ percentile } = \frac{X_2 + X_3}{2} = \frac{20 + 25}{2} = \frac{45}{2} = 22.5$$

$$\Rightarrow Q_1 = 22.5$$

* $Q_2 = 50^{th}$ percentile and median

16, 20, 25, 26, 27, 28, 30, 34

$$\text{median} = \frac{25 + 27}{2} = 26 = Q_2$$

* $Q_3 = 75^{th}$ percentile

$$L = \frac{75 \times 8}{100} = 6$$

$$= \frac{X_6 + X_7}{2} = \frac{28 + 30}{2} = \frac{58}{2} = 29$$

$$Q_3 = 29$$

→ Computing the p^{th} percentile:

① arrange data in ascending order
ترتيب البيانات تصاعدياً

$$② i = \frac{P \cdot n}{100} \quad \text{e.g. } i = \frac{20 \cdot 30}{100} = 6$$

if i is integer $\rightarrow$ ex: $i = 6$
إذا كان i عدداً صحيحاً

$$\therefore p^{\text{th}} \text{ percentile} = \frac{x_6 + x_6}{2} = 20$$

if i is not an integer $\rightarrow$ ex: $i = 1.5$
إذا لم يكن i عدداً صحيحاً

نأخذ القيمة التي فوقها في القائمة
والتي أعرفها

Round up

$$i = 1.5 \approx 2 \Rightarrow p^{\text{th}} \text{ percentile} = x_2$$

Example: consider a sample with data values
"27, 26, 20, 15, 30, 34, 28, 25"

بالمثال $P = 20$

compute the 20th percentile?

20% من البيانات التي أعرفها

① ترتيب البيانات تصاعدياً: 15, 20, 26, 26, 27, 28, 30, 34

$$② i = \frac{P}{100} \times n = \frac{20}{100} \times 30 = 6$$

$i = 2$ Round up.

$$\Rightarrow \text{The } 20^{\text{th}} \text{ percentile} = x_2 = 20$$

(*) Chapter 3

Weighted Data

المطلوب بالسؤال :
 x_i → القيمة
 w_i → الوزن

(Shift) (mode) (3) (=)

- (mode) (2) (=)

(x_i) (w_i) (mt)

}

- (Shift) (2) $\begin{pmatrix} (1) \\ (2) \\ (3) \end{pmatrix}$ (=)

- group data :
 قسمة | تقريبا | mid point
 $\frac{7}{2}$

- (Shift) (mode) (2) (=)

= (mode) (2) (=)

- (mid) و (F) (mt)

- (Shift) (2) $\begin{pmatrix} (1) \\ (2) \\ (3) \end{pmatrix}$ (=)

• Detecting outliers

- unusual large or small values
- extreme value.

• Determined by the empirical and Z-score Rules

* Any value less than -3 "Z-score"

* Any value more than 3 "Z-score"

* Exploratory Data analysis

- Five-number summary $\rightarrow$ small, Q_1 , Q_2 , Q_3 , large
 $\downarrow$
 median

• Box-plot

① Q_1, Q_2, Q_3 $\rightarrow$ Empirical

② Limitation $\rightarrow$ upper $[Q_3 + 1.5(IQR)]$
 lowest $[Q_1 - 1.5(IQR)]$

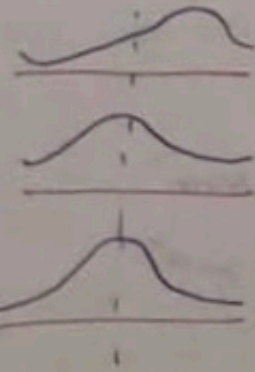
③ Q_1 $\rightarrow$ small
 Q_3 $\rightarrow$ large
 Q_2 $\rightarrow$ median
 out lies for values



[3]

"distribution shape"

• Histogram



• Skewness → Relationship

- to left → mean < median
- to Right → mean > median
- Symmetric → mean = median

• Relative location

$$\rightarrow \bullet \text{ Z-score} = \frac{x_i - \bar{x}}{s}$$

• Empirical Rule

- نستخدم في حالة وحدة
- توزيع البيانات على شكل bell-shaped

$$\begin{array}{c} \text{68\% of} \\ \text{data} \\ -1 \quad +1 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \text{95\%} \\ -2 \quad 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \text{almost all} \\ \text{data} \\ -3 \quad 3 \end{array}$$

• نستخدم Z-score كما يلي

توضیحات:

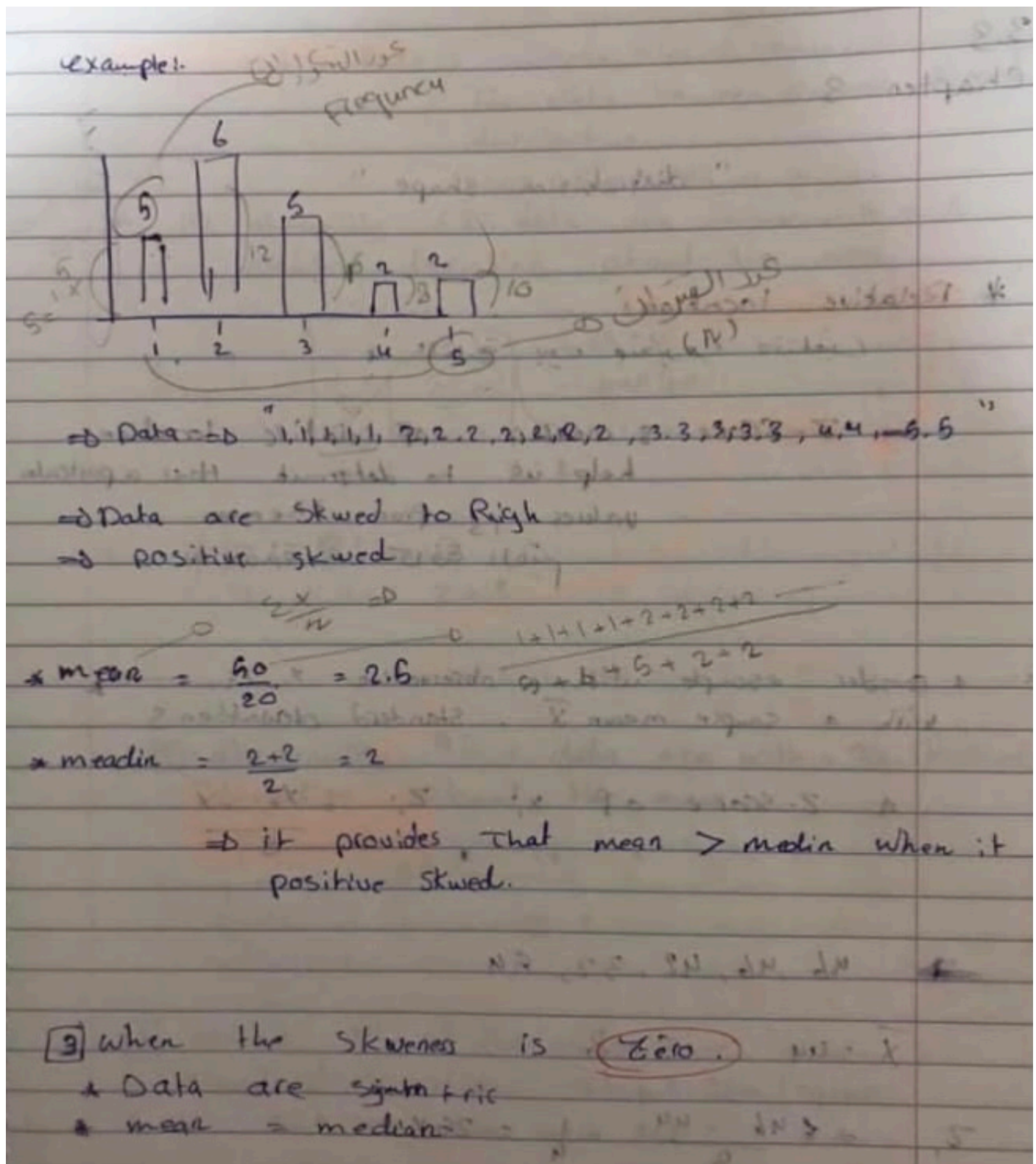
* r_{xy} between -1 and 1

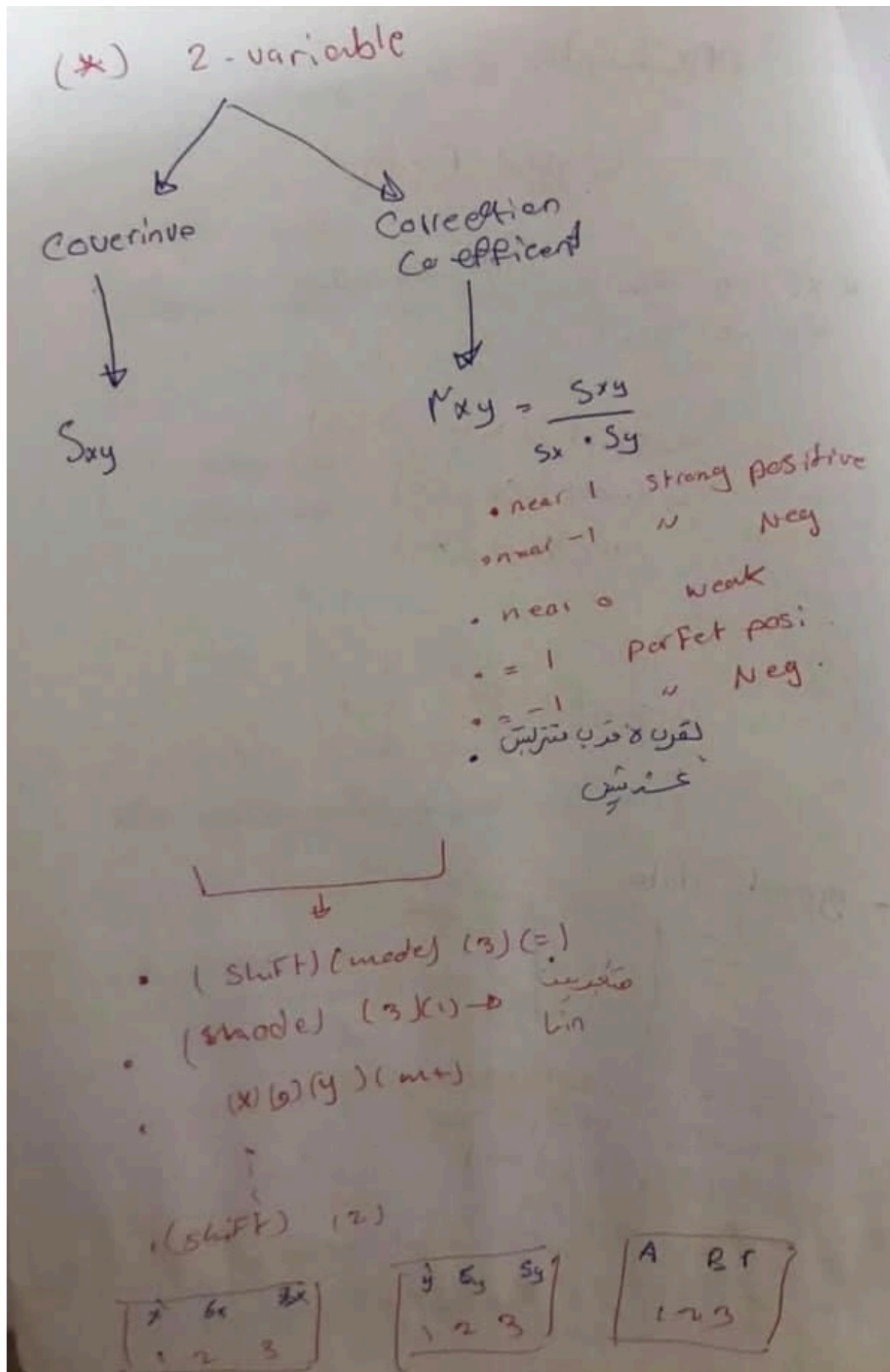
- ① values near 1 indicate a strong positive relationship
- ② values near -1 indicate a strong negative relationship
- ③ values near 0 indicate a weak [positive or negative] relationship
- ④ $r_{xy} = 1$ " " " perfect positive relationship
- ⑤ $r_{xy} = -1$ " " " negative " "

تَحَوُّنٌ هِجَاقٌ بَيَّجِي ى
- perfect:

(19-20) (تفاس) (ألفا) (و) (ميلها) (موجب)

* (فوق 12) الساعات





طريقة التحويل من البايز إلى البايز (Shift) (3)
 ba / bp

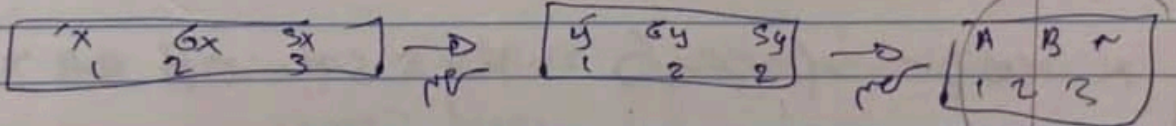
[1] (Shift) (mode) (3)

[2] (mode) (3) (1)

[3] Data 1

[4] [5] [6]

[4] (Shift) (2)



(A) $\rightarrow b_0$ (=) $\rightarrow$ الرقم

(B) $\rightarrow b_1$ (=)

* ملاحظة: (Shift) (2) يعمل على تحويل البايز إلى البايز
 بين بايز 1 وبايز 2

Ch. 12

~~Simple Linear Regression~~

Simple Linear Regression

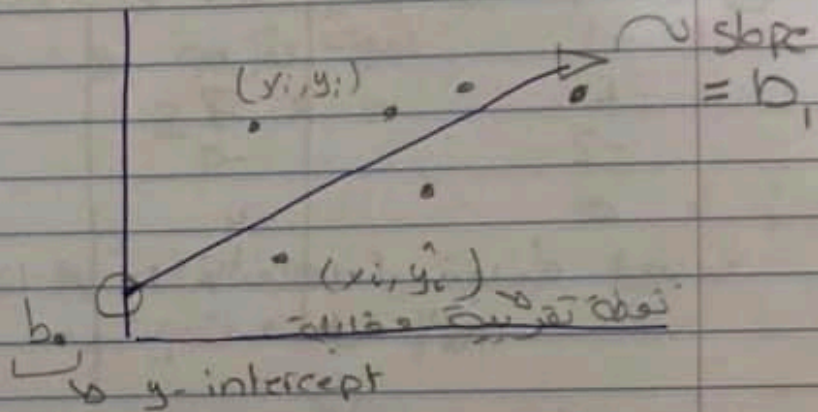
 $y = a + b_1x$

* estimated linear regression equation:

$$\hat{y} = b_0 + b_1x$$

example to explain:

x	y
1	3
2	7
3	5
4	11
5	14



Sc 12.2 Least squares method.

* least squares method : is a procedure to use data from sample to find the estimated regression equation.

$$\Rightarrow b_1 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$$

$$\Rightarrow b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x}$$

* Covariance $\Rightarrow r_{xy} = \frac{S_{xy}}{S_x \cdot S_y}$

يوجد من الآلة

نطلع علاقة جيدة بوجودها S_{xy}
 تفايزي إياها بيون الجدول الكبير :

$$S_{xy} = (r_{xy}) (S_x) (S_y)$$