

بسم الله الرحمن الرحيم  
المحاضرة رقم (1)  
Definition.

Soil Mechanics

it is part of geotechnical Engineering concerning with the application of mechanics of the soil properties. (complex material)

\* Soil is a heterogeneous material (non homogeneous)

غير متجانس

\* Soil mechanics is art rather than science.

\* We study Soil as a construction material.

أحد مشروع في الهندسة المدنية تتدخل فيه التربة.

\* Engineering properties of soil such as ... (origin, grain size distribution, permeability, compressibility, bearing capacity)

\* Rock weathering Soil

- تختلف التربة حسب عامل الزمن.

→ Residual Soil (التربة المتبقية) 

→ Transported soil (التربة المنقولة)

1. Glacial Soil (delt) → عامل ناقل الجليد

2. Alluvial Soil (Alluvium) → عامل ناقل للماء الجاري

3. Lacustrine soil (التربة المنقولة من البحيرة) → نتيجة تيار طاني صلبة (بحيرة)

4. marine Soil → في البحار أو قريباً من البحار

5. Aeolian Soil → منطقة فيها راجح

6. Colluvial Soil → بفعل الجاذبية

## \* Grain size distribution

G: Gravel (الحصى المكسرة المتوسطة والكبيرة)

S: Sand

M: Silt

C: Clay

عندما نقول (Grain size) نقصد أكبر حجم (max size)   
 يجب (max size particle).

وضع عدة تصنيفات للتربة حسب الغرض من استخدامها.   
 تحت هذا الذي هو التصنيف الهندسي.

The main classification system.

(AASHTO).

American Association of State Highway and Transportation   
 Officials.

(USCS): Unified Soil Classification System.

يصبح لاي مشروع غير متابع الطرق.

AASHTO

(mm)

G

76.2 - 2

3" - 10"

S

(2 - 0.075)

10# 200#

M

(0.075 - 0.002)

< 0.002

USCS

G

76.2 - 4.75

S

4.75 - 0.075

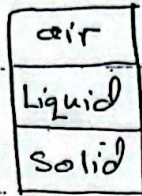
4# 200#

M and C

< 0.075

200#

Soil is 3-phase material. (Block diagram)



Solid consist of

- Organic materials (Humogenous)
- Clay minerals.

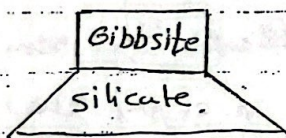
clay minerals

- kaolinite
- Illite

montmorillonite - montoline

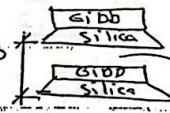
لا تتحرك تحت تصرف  
الكبيبات  
فتزداد المساحة السطحية

كل clay minerals لها وحدة بناء وتقسما هي طبقة من السيليكات والأكسجين



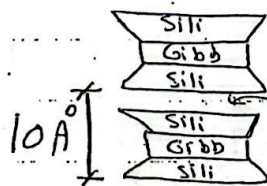
\* Kaolinite

7.2 Å انفستروم  
فوق الوحدة 7.2 Å انفستروم



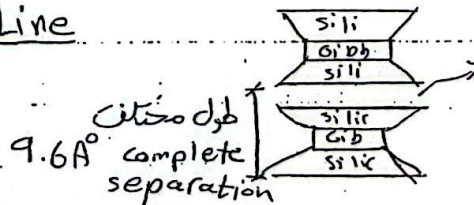
الطبقة هي رابطة  
من اقوى الروابط

\* Illite



potasium ions

\* montorline



$n.H_2O + exchangeable ions$

الكل نوع هو montorline حيث الروابط هي طبقة من السيليكات والأكسجين  
← شحنات السيليكات ← يزداد دخول جزيئات الماء ← يزداد الحجم (الانتفاخ)

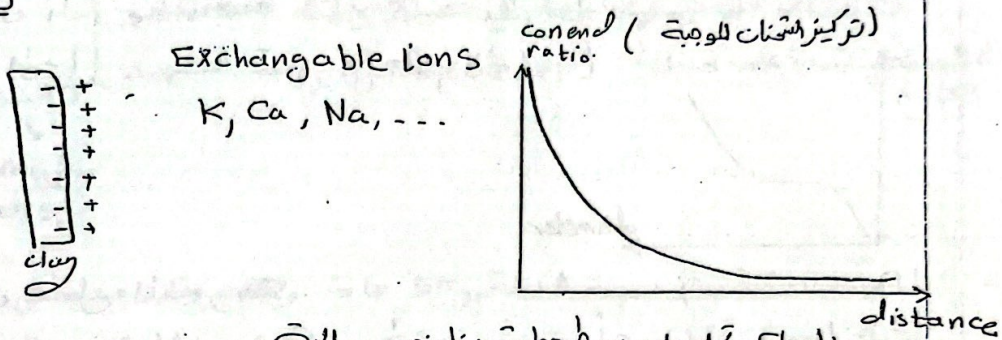
Wednesday

clay minerals

4/2/2015

- \* clay minerals <sup>give</sup> ~~have~~ a plastic property for the soil .  
(قابلية التشكيل)

Soil dry

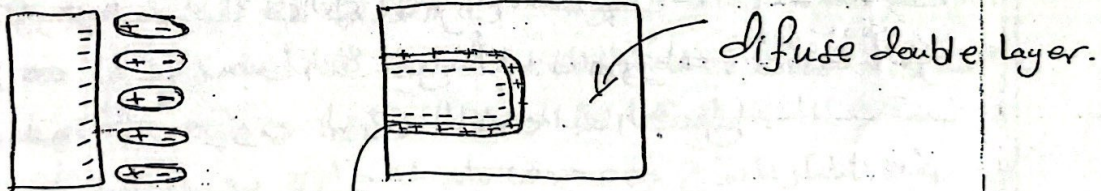


الماء تجل على سطحها شحنات سالبة .  
لما تكون جافة يجذب الشحنات الموجبة ، يعني يكون تركيز الشحنات الموجبة  
على السطح ، كلما ابتعدت عن السطح يقل تركيز الأيونات الموجبة فيقل التجاذب .

Wet Soil

إذا أضفت ماء ، الماء يايول ~~الشحنات~~

دايول يعني (تجميع الشحنات الموجبة في جهة والسالبة في جهة)



الماء الموجود هنا يسمى (adsorbed water)  
يعني ماء ممتص في سطح طبقة ال clay  
بقوة كبيرة ، ويكون اللزوجة له أعلى من الماء الطبيعي

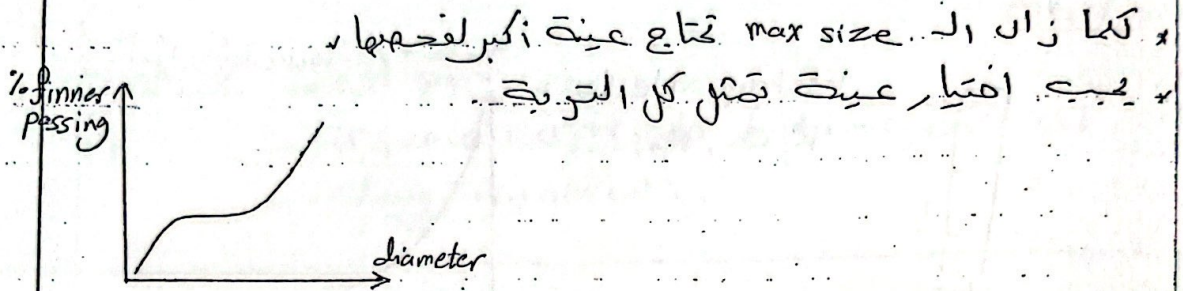
منا هيك ! لو مسكت تراب أحمر جاف من راح نقد  
تشكله لأنه يكون متعادل ، أما لو وضعت عليه ماء يسرع من التشكيل

\* The presence of clay minerals give the soil the plastic properties .

## Mechanical Analysis of Soil

→ making Grain size Distribution (توزيع الحبيبي)

①\* Sieve Analysis. use for Grain size  $> 9075_{\mu m}$  (#20)



خطوات عمل التجربة

١. تجفيف العينة بالفرن، لكي أتخلص من تأثير الماء على النتائج؛  
فترصع عندي صرّيج ثابت. ثم نوزن العينة ونسمى وزن جاف قبل الغسل.
٢. أحياناً تكون التربة على شكل كتل (لا يمكن تنقيتها) لذلك نستخدم  
باستخدام المطرقة المطاطية (Rubber mallet) ونكسرها.

٣. نضع العينة على منخل #200 ونفصلها باستخدام تيار ماء خفيف  
فتخرج الحبيبات التي أصغر من #200.  
الجزء المتبقى بعد الغسل نأخذه ونفقه بالفرن  
ثم نوزنه فيكون الوزن الجاف بعد الغسل.

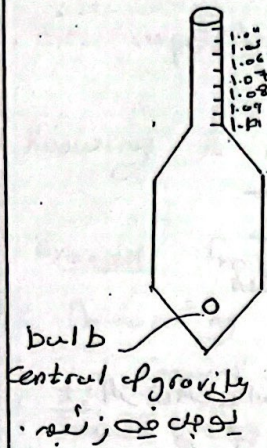
1000gm

assum oven dry before wash = 1000 gm

oven dry after wash = 600 gm

إذاً 400gm مرت من منخل #200 نضيفها إلى الكمية التي بقيت في Pan.

## 2] Hydrometer Analysis. (wet Analysis) use for particle size $< 0.075$ (#200)



هذا الجهاز يشبه ميزان الحرارة .  
إذا غمرته فيه محلول سوف يطفو  
لحد معين ، الرقم الذي تقرأه يعطي  
الكثافة النوعية للمنطقة التي حولها (Central of gravity)  
يعتمد على مبدأ (stock's law)

+ غالباً نستخدم عينة # كثافة 50 حافة ويجب وطارة من منخل #200

+ نضيف عامل مساعد (Hexameta phosphate) بنسبة (4%)  
يغني لو استخدمت محلول 1 لتر تحتاج 45 غرام من العامل المساعد.  
هدف العامل للمساعدة تفكيك عينات التربة .  
خطوات عمل التجربة .

1. نحضر المحلول الملحي الذي فيه عامل مساعد بنسبة 4% .
2. نحضر العينة الجافة (oven dry) ونوزنها وغالباً تأخذ من 50g
3. نضع العينة في المحلول الملحي لمدة 8 ساعات .
4. نسكب المادة (العينة) مع المحلول الملحي في مخبر مدرج ثم نضيف ماء من التل
5. نضع المخبر المدرج في حوض ماء له حرارة معينة ، يمكن تأخذ حرارة ثابتة .
6. نضع المخبر المدرج حتى يصبح كامل العينة معلقة في الماء .
7. نضع الهيديرومتر في المخبر المدرج وتأخذ القراءات خلال فترات زمنية  
\* فيه البداية تكون القراءات متقاربة (خلال فترات زمنية متقاربة) .  
أقصد تأخذ قراءات خلال فترات زمنية قصيرة حيث تنخفض القراءة بشكل  
سريع وذلك لأن عملية الترسيب تكون سريعة في البداية  
ثم بعد ذلك . نباعد القراءات حتى يصبح كل 5-10 دقائق ونستمر حتى  
ووفد هذه القراءات نضع الهيديرومتر في مخبر فيه ماء في نفس الوقت  
حتى لا تتغير صيحات التربة في سطح الهيديرومتر .

Time	Reading
15 sec	1.04
30 sec	1.055

وبعد 24 ساعة تأخذ القراءة النهائية

## Stock's Law (sedimentation)

$$V = \frac{\gamma_{solid} - \gamma_{water}}{18\eta} D^2$$

سرعة الترسب

أينما (لزوجة سائل)

$$D = \sqrt{\frac{18\eta}{\gamma_s - \gamma_w}} = \sqrt{\frac{18\eta}{6.5\gamma_w - \gamma_w}}$$

$$V = \frac{L}{t}$$

ت: الزمن الذي استغرقه السبب وقراء هذا الحجم وهو تراكمي

- \* Corrections
1. Zero correction.
  2. Temperature correction.
  3. miniscuse correction.

### Zero correction

وضع العينة في محلول ملحي يسبب زيادة الكثافة يعني الهيدرومتر يرتفع لأعلى ← فتزداد قراءته (قراءة قراءة أعلى من الحقيقية) ← هذا الفرق بينا نطرحه من القراءة كيف نحدد مقدار هذا الفرق...  
نحضر مخبرين صديقين واحد فيه مادة لينة وآخر فيه مادة صلبة، ونضع الهيدرومتر فيهما ونقيس الفرق في القراءتين.

### Temperature correction standard Temp 20°C

إذا زادت الحرارة تقل الكثافة ← ينزل الهيدرومتر ← تقرأ قراءة أقل من الحقيقية ← هذا الفرق نضيفه للقراءة.

### miniscus correction (المناسك)

هناك خاصية إذا مسكت أنبوب زجاجي وغمرته في الماء سطح الماء يعمل (Surface Tension) نضع الهيدرومتر فيه في مادة هائلة، ونقرأ القراءتين الحقيقية (الطوية) والسطحية في الموقع. أقرأ القراءة <sup>السطحية</sup> ~~الطوية~~ نأخذ الفرق (المناسك) ونطرحه من القراءة (لقيقة).

Saturday

The importance of Mechanical Analysis 7/2/2015

The importance of Mechanical Analysis of soil :-

1) Knowing % of each fraction of soil (G, S, M, C)

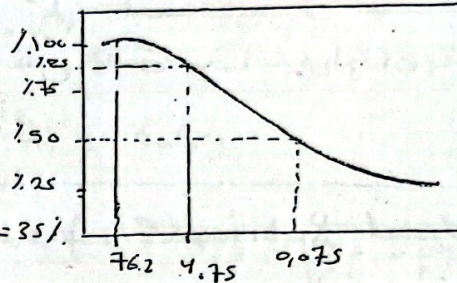
example from the graph and

According to USCS  $G = (76.2 - 4.75)$

$\rightarrow$  Gravel =  $100 - 85 = 15\%$  of soil

Sand  $(4.75 - 0.075) \rightarrow$  sand =  $85 - 50 = 35\%$

and silt in ---



2) We can calculate some parameters, required for classification of coarse granular soil (gravel and sand)

$\Rightarrow$  gravel and sand  $\rightarrow$  Gravelly

$\Rightarrow$  silt and clay  $\rightarrow$  fine

لما نقول coarse soil يعني رطابية coarse soil، فذلك يعني fine

$\rightarrow$  \* The parameters :-

1. effective size (diameter) ( $D_{10}$ ) diameter corresponding to 10% finer

هو القطر المقابل لـ 10% باقى (يعني حال 10% اتم في)

2. Uniformity coefficient ( $C_u$ ) معامل التفاضل

$$C_u = \frac{D_{60}}{D_{10}}$$

3. Coefficient of gradation (concavity). ( $C_c$ )

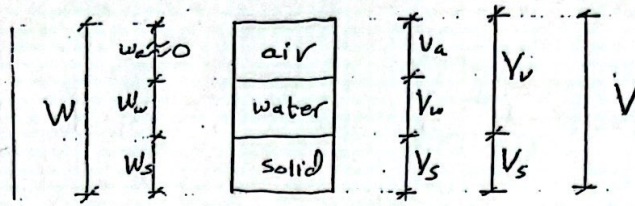
$$C_c = \frac{(D_{30})^2}{D_{10} * D_{60}}$$

\* well graded  $\begin{cases} \text{for Gravel } C_u > 4, & 1 \leq C_c \leq 3 \\ \text{for sand } C_u > 6, & 1 \leq C_c \leq 3 \end{cases}$

\* Poorly Graded  $\rightarrow$  جيد منظم المتابع يفضل يكون عنده well معان فيه كل الحجم  
\* Gap Graded  $\rightarrow$  لكن احياناً انا متابع فلان متبع بس يكون زي فلتر انا متابع احجام كسرة ونقص الحجم معان يمشي الماء (او الهواء)

## Weight - Volume Relation ship

### \* Block-Diagram.



← وزن العينة الكلية وحجمها ثابت لنفس العينة بينما حجم الفراغات يتغير طبقاً للفراغات يكون فيها ماء وهواء

\* Void Ratio,  $(e) = \frac{V_v}{V_s}$  يعبر عنه بالأختار .

لا يمكن تكون هفر 1. ويمكن تكون أكبر من 1

\* porosity,  $(n) = \frac{V_v}{V} \times 100\%$   $0 < n < 100\%$

\* Water content (moisture),  $(w) = \frac{W_w}{W_s} \times 100\%$

1300

\* Degree of saturation,  $(S_r) = \frac{V_w}{V_v} \times 100\%$

\* Unit weight,  $(\gamma) = \gamma_{total} = \gamma_{bulk} = \gamma_{moisture} = \frac{W_t}{V_t}$

\* Specific gravity of solid  $(G_s) = \frac{\gamma_s}{\gamma_w}$

الكثافة النوعية وزن حجم معين من المادة إلى وزن نفس الحجم من الماء

$\gamma_w = 9.81 \text{ kN/m}^3 = 62.4 \text{ lb/ft}^3$

\*  $\gamma_s = \frac{W_s}{V_s}$  (يعني ال unit weight لل solid)

\* mass specific gravity  $(G_m) = \frac{\gamma}{\gamma_w}$  كثافة  
الكثافة النوعية لكل المادة

\* air content  $(a) = \frac{V_a}{V_{tot}} \times 100\%$

\*  $\gamma = \gamma_{dry} = \frac{W_s}{V}$

\*  $S \cdot e = w G_s$

[e]

→ Relationship between  $(e), (n)$

$$e = \frac{V_v}{V_s} = \frac{V_v}{V - V_v} = \frac{V_v/V}{V/V - V_v/V} = \frac{n}{1-n}$$

$$n = \frac{V_v}{V} = \frac{V_v}{V_v + V_s} = \frac{V_v/V_s}{V_v/V_s + V_s/V_s} = \frac{e}{1+e}$$

→ Relationship between  $\gamma, w, \gamma_{dry}$

$$\gamma = \frac{W}{V} = \frac{W_s + W_w}{V} = \frac{W_s}{V} \left[ 1 + \frac{W_w}{W_s} \right] = \frac{W_s}{V} \left[ 1 + \frac{W_w}{W_s} \right]$$

$$\Rightarrow \gamma = \gamma_{dry} [1 + w\%]$$

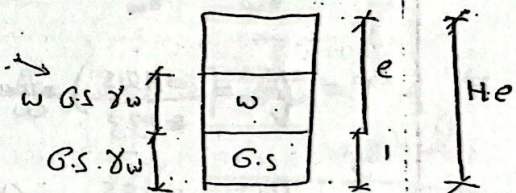
→ Relationship between  $\gamma, e, w, G.S$

if you know  $w, e$  and  $G.S$ , Find  $\gamma$

~~$$\gamma = \frac{W_s}{V} + \frac{W_w}{V}$$~~

$$\gamma = \gamma_{dry} [1 + w\%]$$

$$w = \frac{W_w}{W_s}$$



$$\gamma = \frac{W_s}{V} [1 + w\%]$$

assume  $V_s = 1 \Rightarrow e = \frac{V_v}{V_s} = \frac{V_v}{1} \Rightarrow V_v = e \Rightarrow V = 1 + e$

$$G.S = \frac{\gamma_s}{\gamma_w} = \frac{W_s/V_s}{\gamma_w} = \frac{W_s/1}{\gamma_w} \Rightarrow W_s = G.S \gamma_w$$

$$\Rightarrow \gamma = \frac{G.S \gamma_w}{1+e} [1 + w\%] = \gamma_{sat}$$

For Saturated Soil  $\rightarrow S_r = \frac{V_w}{V_v} \times 100\%$

$$\Rightarrow S_r = \frac{V_w}{V_v} \Rightarrow V_w = \frac{W_w}{\gamma_w} = \frac{w \frac{W_s}{G.S} \gamma_w}{\gamma_w} = w G.S$$

$$\Rightarrow S_r = \frac{w G.S}{e}$$

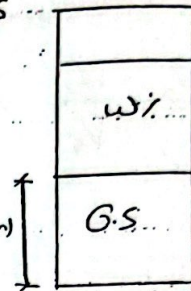
monday

9/12

if you knowing the value of  $n, w, G.S$   
Find  $\gamma$ ?

assume  $V=1 \Rightarrow n = \frac{V_v}{V} = \frac{V_v}{1} \Rightarrow V_v = n$

$\gamma = \gamma_{dry} [1+w] = \frac{W_s}{V} [1+w] \quad G.S \times w (1-n)$



but  $G.S = \frac{\gamma_s}{\gamma_w} = \frac{W_s / (1-n)}{\gamma_w} \Rightarrow W_s = G.S \gamma_w (1-n)$

$\Rightarrow \gamma = \frac{G.S \gamma_w (1-n) [1+w]}{1}$

9/12

monday

Ex// amasture soil sample has a volume of  $0.33 \text{ ft}^3$   
and weight  $39.92 \text{ lb}$ . The oven dry is  $34.54 \text{ lb}$   
 $G.S = 2.7$  Find the following:-

1.  $n, e, S_r, w$

2. what is the amount of water required to saturate

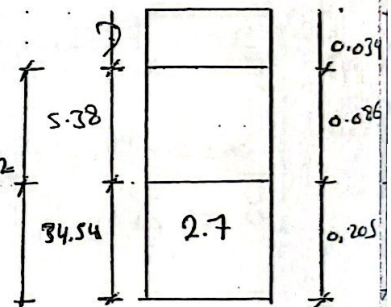
1.  $G.S = \frac{\gamma_s}{\gamma_w} = \frac{W_s / V_s}{\gamma_w} \Rightarrow V_s = \frac{W_s}{G.S \gamma_w}$

$n = \frac{V_v}{V} = \frac{0.125}{0.33} \times 100\% = 37.9\%$

$e = \frac{V_v}{V_s} = \frac{0.125}{0.205} = 0.61$

$S_r = \frac{V_w}{V_v} = \frac{0.086}{0.125} = 68.8\%$

$w = \frac{W_w}{W_s} = \frac{5.38}{34.54} \times 100\% = 15.58\%$



2. we must add  $0.039 \text{ ft}^3$  water to saturate  $0.33$

$\Rightarrow 0.039 \text{ ft}^3 \text{ water} \rightarrow 0.33 \text{ ft}^3$

$?? \rightarrow 2 \text{ ft}^3$

so we must add  $0.235 \text{ ft}^3$  water to saturate  $2 \text{ ft}^3$  sample.

يمكن الحصول على الماء من مزرعة المياه  $0.235 \text{ ft}^3$  لا تحتاج مياه جوفية  $2 \text{ ft}^3$

11

X// Show that  $\gamma_{sat} = \frac{e}{w} \left( \frac{1+w}{1+e} \right) \gamma_w$  ?

Because the soil is saturated

→ 2-phase Block-diagram

assume  $V_s = 1$

$$\rightarrow e = \frac{V_w}{V_s} = \frac{V_w}{1} \rightarrow V_w = e$$

$$\rightarrow G.S = \frac{\gamma_s}{\gamma_w} = \frac{W_s/V_s}{\gamma_w} \Rightarrow W_s = G.S \gamma_w$$

$$\rightarrow W_w = V_w \gamma_w = e \gamma_w$$

$$\rightarrow w\% = \frac{W_w}{W_s} = \frac{e \gamma_w}{G.S \gamma_w} = \frac{e}{G.S} \rightarrow G.S = \frac{e}{w}$$

$$\gamma_{sat} = \frac{W}{V} = \frac{e \gamma_w + G.S \gamma_w}{1+e} = \frac{(e+G.S) \gamma_w}{1+e}$$

$$\text{but } G.S = \frac{e}{w}$$

$$\Rightarrow \gamma_{sat} = \frac{(e + \frac{e}{w}) \gamma_w}{1+e} = \frac{e}{w} \left( \frac{1+w}{1+e} \right) \gamma_w$$

wanted

// Show that  $\gamma_{sat} = n \gamma_w + \gamma_d$

assume  $V = 1 \rightarrow V_u = V_w = n$

$$\gamma_{sat} = \frac{W}{V} = \frac{W_w + W_s}{V} = \frac{W_w}{1} + \frac{W_s}{V}$$

$$= n \gamma_w + \gamma_{dry} \quad \text{wanted}$$

EX// a sample of soil have  $\gamma_{mois} = 19.2 \text{ kN/m}^3$

$$G.S = 2.69$$

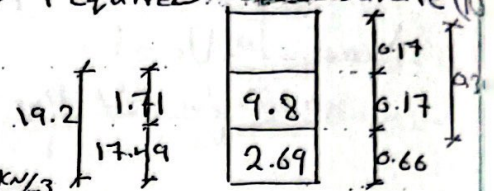
$$w = 9.8\%$$

Find ①  $\gamma_d$  ②  $S_r$  ?

③ what is the amount of water required to saturate (10)

$$\textcircled{1} \gamma_{moist} = \gamma_d (1+w)$$

$$\Rightarrow \gamma_d = \frac{\gamma_{moist}}{(1+w)} = \frac{19.2}{(1+0.098)} = 17.49 \text{ kN/m}^3$$



$$\textcircled{2} S_r = \frac{V_w}{V_v}$$

assume total value  $1 \text{ m}^3$

$$\Rightarrow \gamma_{mois} = \frac{W}{V} = \frac{W}{1} = 19.2 \Rightarrow W = 19.2 \text{ kN}$$

$$W = W_s + W_w = W_s + 0.098 W_s = 19.2$$

$$\Rightarrow W_s = 17.49 \text{ kN}$$

$$W_w = 1.71 \text{ kN}$$

$$\Rightarrow V_w = \frac{W_w}{\gamma_w} = \frac{1.71}{9.81} = 0.17 \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow V_s = \frac{W_s}{G.S \gamma_w} = \frac{17.49}{(2.69)(9.81)} = 0.66 \text{ m}^3$$

$$S_r = \frac{V_w}{V_v} = \frac{0.17}{0.34} \times 100\% = 50\%$$

③

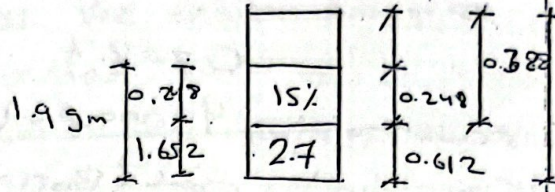
X// a sample of soil has  $w = 15\%$

$$\rho = 1.9 \text{ gm/cm}^3$$

$$G.S = 2.7$$

Find  $S_r$ ?

$$\rho = \frac{M}{V}$$



assume  $V = 1 \rightarrow \rho = M = 1.9 \text{ gm}$

$$M = M_s + M_w = M_s + 0.15 M_s = 1.9$$

$$\Rightarrow M_s = 1.652 \text{ gm}$$

$$M_w = 1.9 - 1.652 = 0.248$$

$$V_w = \frac{M_w}{\rho_w} = \frac{0.248}{1} = 0.248$$

$$V_s = \frac{M_s}{G.S \rho_w} = \frac{1.652}{(2.7)(1)} = 0.612$$

~~Find~~

$$S_r = \frac{0.248}{0.388} = 63.9\%$$

X// a sample of soil have - moisture Mass = 21.67 gm

- oven dry Mass = 18.53 gm

- G.S = 2.7

- air content = 5%

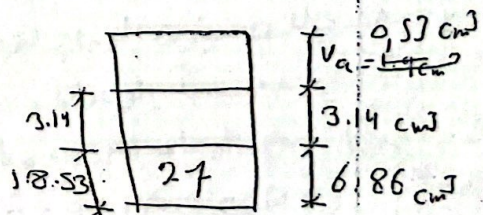
Find Void ratio.

$M_s$  = oven dry Mass

$M_w$  = moist Mass - oven dry Mass = 3.14

$$\text{air content} = \frac{V_a}{V_a + 6.86 + 3.14} = 0.05$$

$$V_a = 0.53 \text{ cm}^3$$



$$e = \frac{V_v}{V_s} = \frac{3.14 + 0.53}{6.86} = 0.53$$

14

c. 10% / 11

EX //

Borrow site

$$e = 0.6$$

$$w = 15\%$$

$$V = ??$$

Construction Site

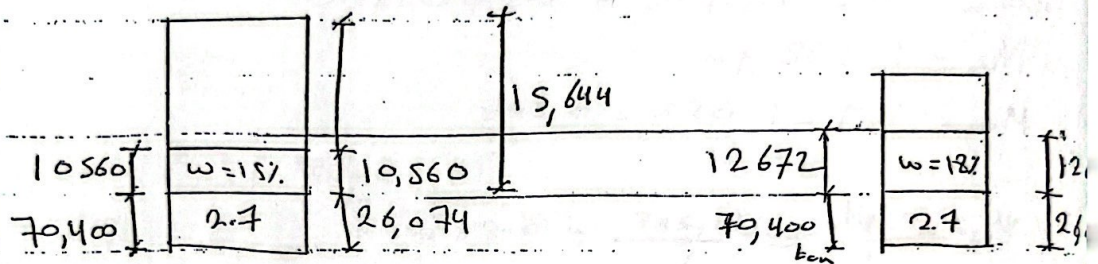
$$\rho_d = 1.76 \text{ ton/m}^3$$

$$w = 18\%$$

$$V = 40,000 \text{ m}^3$$

$$G.S = 2.7$$

في الموقع (الموقع النهائي) يحتاج 40,000 م<sup>3</sup> من التربة حبيبات خشنة  
لكن تتوفر فيه الـ (Borrow site) حيث يوجد هبوط مختلف  
أما حجم التربة 1 حقل من Borrow site



$$e = \frac{V_v}{V_s} \Rightarrow V_v = e V_s = 15,644$$

$$\rho_d = \frac{w_s}{V} \Rightarrow w$$

$$V_{\text{Borrow}} = 41,718 \text{ m}^3$$

$$G.S = \frac{\rho_s}{\rho_w} = \frac{w_s/V}{1}$$

## chapter Three Relative Density ( $D_r$ %)

الكثافة النسبية

\* it is used to express the insitu looseness or densel of granular soil

$$* D_r = \frac{e_{max} - e}{e_{max} - e_{min}} = \left[ \frac{\gamma_d - \gamma_{d min}}{\gamma_{d max} - \gamma_{d min}} \right] \left( \frac{\gamma_{d max}}{\gamma_d} \right)$$

حالات  
تجريب  
التي

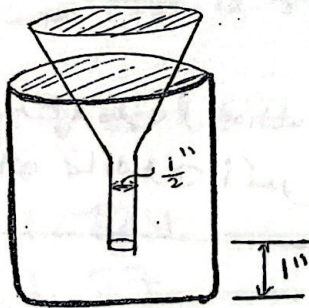
$e_{max} = \text{max void ratio} \rightarrow \gamma_{d min} \rightarrow \text{loose}$  مفككة

$e_{min} = \text{min void ratio} \rightarrow \gamma_{d max} \rightarrow \text{dense}$  ممتلئة

$e = \text{in situ void ratio.}$

### Measure $\gamma_{d min}$

\* لو أحضرت عينة من الرمل وقتل بدي أمب  $\gamma_{d min}$  تتبع الخطوات التالية.



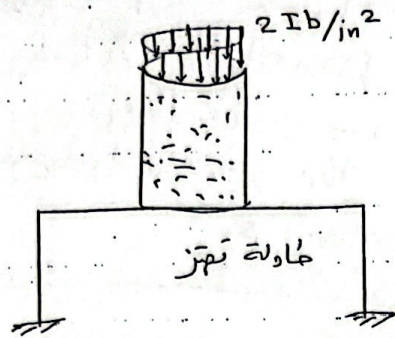
حجم الوعاء 0.1 ft³  
حجم الوعاء

1. خفف العينة في الفرن  
2. نقي العينة في وعاء (moat) خاص  
3. استخدام صقان خاص. هي يتلخ.  
ونراعي أن مافة القول 1 انش.

بعد ذلك نوزن الوعاء لنرى وزن الرمل الذي هو عبأ الوعاء.  
بمقارن حجم الوعاء معروف وبالتالي نحصل على  $\gamma_{d min}$  0.1 ft³  
وبالتالي يمكن معرفة الحجم الكثافة.

$$\Rightarrow \gamma_{d min} \approx \frac{W_s}{V} = \frac{W_s}{0.1 \text{ ft}^3}$$

Measure  $\gamma_{dmax}$



في الوعاء ثم نوزن عليه بقوة  
زمنه عليه بكل منتظم

نستعمل طاولة الاهتزاز  
لمدة 8 دقائق

بمعدل 3600 cycle/min

بعد هذا الاهتزاز يعطى كامل الفراغات  
في ذلك نأخذ ارتفاع العينة في الوعاء ، قطر الوعاء معروف  
فنسب حجم العينة ~~ب~~ بأفق فراغات ممكنة  
ثم نوزن العينة ~~فمنه~~ فالتالي يمكن حساب الكثافة القصوى

$$\gamma_{dmax} = \frac{W_s}{V}$$

Dr %	Description of the soil
0-15 %	Very Loose (مفككة جداً)
15-50 %	Loose
50-70 %	Medium
70-85 %	Dense (مدمكة ، متماسكة)
85-100 %	Very Dense

في عمليات دمل (Compaction) أكثر تقل  $e$  ← فتتقل على  $Dr$  أكبر  
فالتالي متماسك أكبر

14/2/2015

loose  
X// Uncompacted sand fill has a depth of 2 m.

$$D_r = 40\% , e_{max} = 0.9 , e_{min} = 0.46 , G_s = 2.65$$

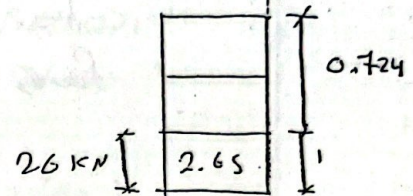
Find 1.  $\gamma_d$

2. if  $D_r$  become 75% , what is decrease in thickness?

Solution: if  $\gamma_{mois} = 19 \text{ kN/m}^3 \rightarrow$  what is  $w\%$ .

$$D_r = \frac{e_{max} - e}{e_{max} - e_{min}}$$

$$0.4 = \frac{0.9 - e}{0.9 - 0.46} \Rightarrow e = 0.724$$



$$\text{assume } V_s = 1 \Rightarrow V_v = e = 0.724$$

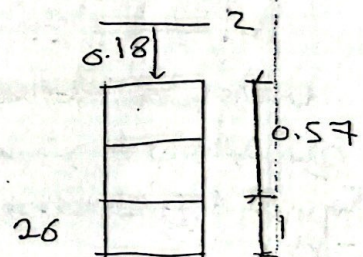
$$W_s = (G_s)(\gamma_w)(V_s) = (2.65)(9.81)(1) = 26 \text{ kN}$$

$$\Rightarrow \gamma_d = \frac{W_s}{V} = \frac{26}{1.724} = 15.08 \text{ kN/m}^3$$

$$\textcircled{2} \text{ when } D_r = 0.75 = \frac{0.9 - e}{0.9 - 0.46} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow e = 0.57$$

$$\Rightarrow V = 1.57$$



$$1.724 \rightarrow 2 \text{ m thickness}$$

$$1.57 \rightarrow ?? \text{ thickness}$$

thickness will become 1.82 m

which mean 0.18 m decrease in thickness

$$\textcircled{3} \gamma_{mois} = \gamma_d(1+w) = 16.56(1+w) = 19$$

$$\gamma_d = \frac{W_s}{V_{new}} = \frac{26}{1.57} = 16.56 \text{ kN/m}^3$$

$$\Rightarrow w = 14.7\%$$

## Consistency of soil

في الحالة التي تتواجد فيها التربة حسب نسبة الماء التي تكون موجودة في التربة.

In 1900 Atterberg.

developed a method to describe consistency of fine grained soil with varying of  $w$ . Depending on the moisture content soil behavior can be divided four basic states.

shrinkage limit (SL)	plastic limit (PL)	liquid limit (L.L)	
Solid	Semisolid	plastic	Liquid
hard	extremely stiff	stiff	very soft
	very stiff	soft	

(S.L) : هي نسبة الماء التي إذا انقلبت في الهواء جففت  
P.L : هي نسبة الماء التي إذا انقلبت تنقل من رطب إلى صلب  
L.L : هي نسبة الماء التي إذا انقلبت تنقل من صلب إلى رطب

وجود الماء يغير التربة  
consistency limit = Atterberg limits

التربة لها خاصية البلاستيكية : أي أنها تتحمل التربة عند إضافة الماء دون أن تتكسر

clay minerals → soil can be remolded without crumble when water is added.

لأن هذه الـ limits في حد ذاته التجارب

\* Liquid Limit :- (دقة السيولة)

Wt. required to close  $\frac{1}{2}$ " groove along the bottom at 25 blows.

\* العالم Casagrande و فتح تجريح لحاب ١.٢ ماخذ ام جلال حسن باقر

١. فحضر عينه ونجفها باستخدام الهواد وإذا انقشرت استخدم

الفرن بشرط ألا تزيد حرارته عن  $60^{\circ}\text{C}$ .

النسب به إذا جفقتا على حرة عالج به قد يصف الما دله داخل حارة التربة  
كما قد يمر به من الموار داخل التربة

وَلَقَدْ بَعَثْنَا فِي مُوَاهِبَاتِ الْبَنِي إِسْرَءِيلَ

٢. تَنْخُلُ الْعَيْنَةَ عَلَى صَخْرٍ #٤٥ وَنَأْخُذُ الْمَاءَ

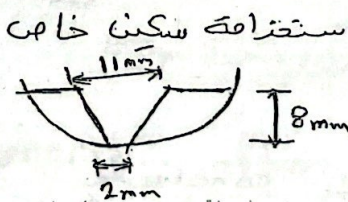
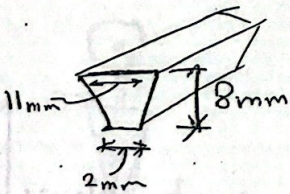
أخذنا المواد الناعمة لأنها هي التي تليق بالدور الأصغر في L L

۳. خیر دیا، *casagrande* میں کون ارتفاع الفتح  $\delta_{mm}$  ← از اقرب صوت الفتح علی

ادۛ اۛعن ۛمۛنۛ الفۛنۛ مۛنۛفۛ

فَخَلَّى الْحَبِيبَةُ بِأَمْرٍ وَأَنْ تَكُونَ قَلِيلَةً فِي الْبَيْتِ فَتَقْصِعَ

مثل المجونة ونفهم فيه الحسن  $\approx$  نسبا  $8mm$ .



٦. ثم انصرف سعدون  $\odot$  لا يزيه عن  $\odot$  هجري / ذوقية

۱- در هر فصل یک فصل

ثم فحسب عهد القربان الأربعة لاغلاو السيف

عقب العياية تكون الضرب كسيرة حيث كلما زاد ضربة الماء قل على عبد الغنيا

وإذا طلع عدد الفرياح فوق الأرض من حشرة استنسية

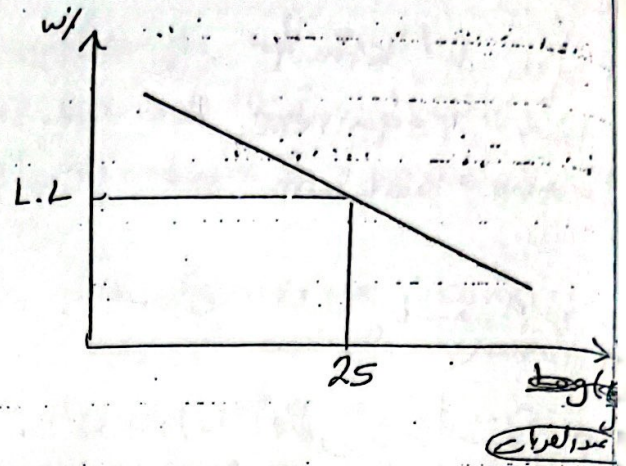
٧. في كل مرة مطروح ما يسكن الشجر : عملها بالكين وأسفلها في

وہمارے معروف عزیزانہ... ومن ہم اورنگز...

٥- نضع المعينات في الفرن في اليوم الثاني نوزننا و نعيد الفرعه بين الوزنين

فَيَكُونُ وَزْنُ الْمَاءِ وَفَتْهُمُ بِقَمْعِهِ عَلَى الْكَزْنِ الْخَفِيفِ فِي عَيْنِي رُفْعَهُ  $\frac{W_4}{W_3}$  ب.

عدد الضربات	w%
35	55%
27	75%
15	80%



أراهم في التجربة أن عدد الضربات بين 20-30 ضربة

إذا استقرت بكل دفعه معروف الأرقام تطلع على نفس الخط

L.L. تحتلها تجربة أخرى

Casegrance تستخدم في التربة وطو أمريكا

إذا كان عندك تجربة ممكن تجعل تجربة واحدة فقط بين  
أن عدد الضربات (20-30)

$$L.L. = W_n \left( \frac{N}{25} \right)^{0.121}$$

نسبة الماء  
عند N من الضربات

\* Casagrande conclude that each blows in  
L.L. is corresponding to shear strength  
of 1 kg/cm<sup>2</sup> (0.1 kN/m<sup>2</sup>)

يعني كل ضربة من يخلع التربة تحاطل انهم 1 سم أو 10 كيلونيوتن/م<sup>2</sup>

لو كان عدد الضربات لانه التربة 30 ضربة القوة = 10 x 3 = 30 كيلونيوتن/م<sup>2</sup>  
لما يكون على L.L. تكون قوة التربة = 10 x 5 = 50 كيلونيوتن/م<sup>2</sup>  
ل عام لما تكون التربة قوتها أقل من 50 كيلونيوتن يكون تجربة هضيفة  
زيادة الماء يعني قلت عدد الضربات في تجربة أضعف

monday 16/2/2015

\* Plastic Limit :- (درجة اللدونة)

w% at which the soil when rolled into threads of  $(\frac{1}{8})$  (3mm) diameter is crumble.

معدل ال (rolling) = (80-90) لفات / دقيقة .  
نستمر باللف حتى تظهر الشقوق على 3 ملم .

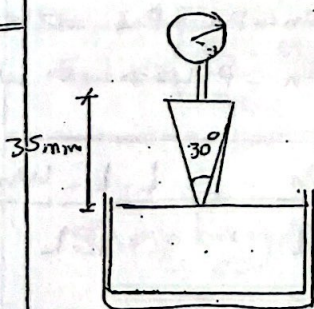
\* خطوات حساب (P.L)

- تجهيز عينة جافة في الهواء ارضي حرارة  $60^{\circ}C$
- نقل العينة الى منخل #40 وتأخذ الكمية
- نضيق كمية في الماء تكون قليلة في البداية
- نضيق نعل كرة صغيرة ونضيقها على لوح زجاجي ونلاحظ حتى تظهر الشقوق
- نكرر الخطوات السابقة حتى تظهر الشقوق عندما يكون القطر 3 ملم .
- نوزن العينة قبل التفتيت وبعد التفتيت في الفرن ونقيس نسبة الماء .

في أمريكا وأوروبا وآسيا يستخدمون طريقة full cone method

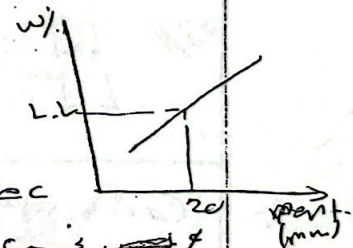
وزن المخروط

وزن المخروط 80 gm



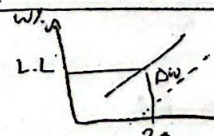
penetration after 5 sec

نسبة نسبة الماء التي عندما يخوض المخروط في الرمل 20mm بعد 5 ثواني



L.L. w% at which the L.L. w% content corresponding to penetration of (20 mm after 5 sec)

$$P.L = L.L - 4.2 \Delta w$$



تغير وزن المخروط = 2%  
بعد 5 ثواني

\* الطريقة الثانية (المخروط) أكثر دقة بسبب قلت تأثير ضغط العنصر البشري

22

\* plasticity index (P.I.) : هو الفرق الرياضي بين  $P_L$ ,  $L.L$

يمثل المجال الذي تكون فيه الماد في حالة plasticity كل ما قلته P.I تكون التربة آمنة

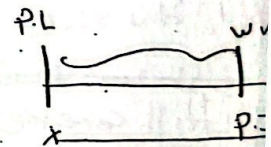
P.I %	0	1-5	5-10	10-20	20-40	> 40
Description	non-plastic	slightly plastic	low plastic	Medium	high	Very high

لوجينا كركار ماء من راج يتمايل عات التربة له plasticity عالية

plasticity ... هي خاصية تشكل التربة عند سبب من clay mineral and water

\* Liquidity index (L.I) =  $\frac{W_n - P.L}{P.I}$

$W_n$  ← مقيرة وهي تعبر عن نسبة الماء البسيطة بوزن الجاف من خلال معرفة  $L$  يمكن معرفة حالة التربة وقوتها



ex//  $L.I = 1 \rightarrow$  liquid state. ( $W_n - P.L = P.I \Rightarrow L.I = 1$ )  
 $L.I = 0 \rightarrow$  plastic state. ( $W_n - P.L = 0 \Rightarrow L.I = 0$ )

\* Consistency index (C.I) =  $\frac{L.L - W_n}{L.L - P.I} = \frac{L.L - W_n}{P.I}$

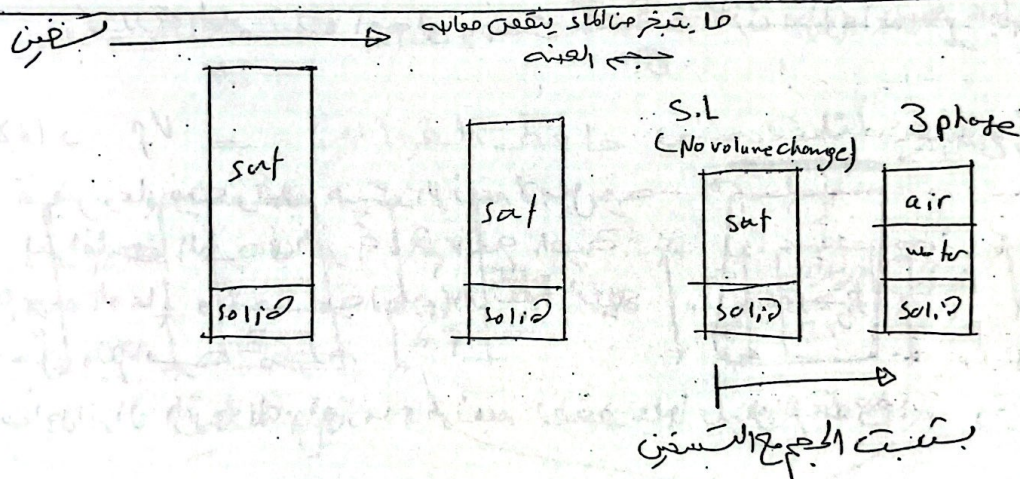
ex//  $C.I = 0 \rightarrow$  Liquid stat

wednesday

18/2/2015

\* shrinkage limit :- (درجة الانكماش)  
نسبة الماء التي تقلص عندها التربة إلى حجمها الصلب.

- \* w%. at which no volume change happen even the water content decrease.
- \* w%. just sufficient to fill the voids when the soil at the minimum volume.
- \* smallest water content at which soil can be completely saturated.



$$S.L = \left( \frac{m_1 - m_2}{m_2} \right) \times 100\% - \left( \frac{V_i - V_f}{m_2} \right) \rho_w \times 100\%$$

\* Shrinkage ratio (S.R) =  $\frac{m_2}{V_f \rho_w} = \frac{\rho_d}{\rho_w}$

\* Volumetric shrinkage =  $\frac{V_i - V_d}{V_d} = \frac{V_i - V_f}{V_f} \times 100\%$

\*  $G.S = \frac{1}{S.R} - \left( \frac{S.L}{100} \right)$

$S.L = 2\% \rightarrow$   
 $\frac{1}{S.R} - \frac{2}{100}$

لوات الجاد ال shrinkage limit

قف العينة فيه الهواء أو على حرارة  $60^{\circ}$ .

قل العينة على منخل #40 وتأخذ الماء.

لط العينة بالماء وتُحضر وعاء خارج حجمه ووزنه معروف.

يُغنى العينة فيه الوعاء وتوزنه الوزن.

$m_1$  : وزن العينة التي في الوعاء.

$V_i$  : حجم العينة التي في الوعاء ( حجم الوعاء )

تضع الوعاء مع العينة في الفرن وتجففها.

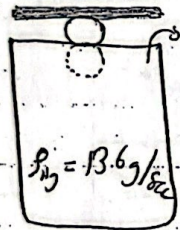
$m_2$  : وزن العينة بعد التجفيف (oven dry weight)

$V_f$  : حجم العينة بعد التجفيف

كُبحاً العينة بعد التجفيف تَقْلَعُ حجمها وأخذ شكلاً غير هندسي.

وكذلك الحجم ثبت أحيال ووضع العينة في الزن أسبوعاً لتتغير حجمها.

لا يباد  $V_f =$  → لوع ز جاي



تُحضر وعاء فيه زئبقه حيث الزئبقه لا يسل فيه

إفراغات التي في التربة، ثم توضع العينة

في الوعاء ويلاحظ كمية (حجم) الزئبقه التي

حل التراب محله.

من أجل انزال التربة الى داخل وعاء الزئبقه لضغط عليها بلوع ز جاي.

تغلن العينة بالشمع أو الواكس ثم توزن العينة مع الفولاذ

وتقطع من هذا الوزن وزن التربة الجافة فيكون وزن الشمع

وبما أن كثافة الشمع معروفة يمكن حساب حجم الشمع المخلت للعينة.

ثم تسقط العينة في وعاء ماء صريح وتقرأ أي الزيادة في

حجم الماء فيكون ذلك الفرق هو حجم العينة مع الشمع.

نطرح منه حجم الشمع فيكون حجم العينة ( $V_f$ ).

X// Saturated Soil sample has a volume of  $(18.9 \text{ cm}^3)$  and mass of  $(30.2 \text{ gm})$ .  
on oven drying the mass, reduced to  $(18 \text{ gm})$  and the volume to  $(9.9 \text{ cm}^3)$   
Find S.L. G.S, S.R

Solution

$$V_i = 18.9 \text{ cm}^3$$

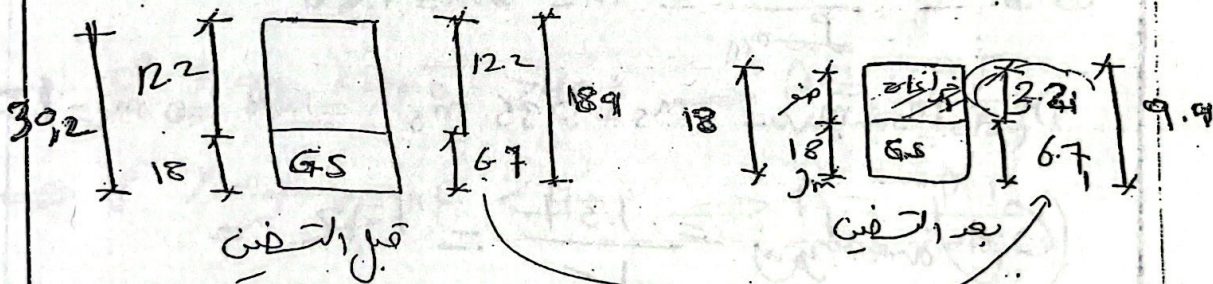
$$V_f = 9.9 \text{ cm}^3$$

$$m_1 = 30.2 \text{ gm}$$

$$m_2 = 18 \text{ gm}$$

$$\begin{aligned} \text{S.L} &= \frac{m_1 - m_2}{m_2} \times 100 = \frac{V_i - V_f}{V_f} \times 100 \\ &= \frac{30.2 - 18}{18} \times 100 = \frac{18.9 - 9.9}{9.9} \times 100 = 17.78\% \end{aligned}$$

افترض أنك في حافط القوانين



S.L = نسبة الماء التي بقيت الزئبق في حافط

$$\text{S.L} = \frac{3.2 \text{ gm water}}{18 \text{ gm solid}} \times 100\% = 17.8\%$$

$$\text{S.R} = \frac{W}{V_w} = \frac{18 / 9.9}{1} \times 100\% = 181.8\%$$

$$\text{G.S} = \frac{P_s}{P_w} = \frac{18 / 6.7}{(1)} = 2.69$$

[26]

Ex// mass specific gravity of saturated sample is (1.86),  $w\% = 36\%$

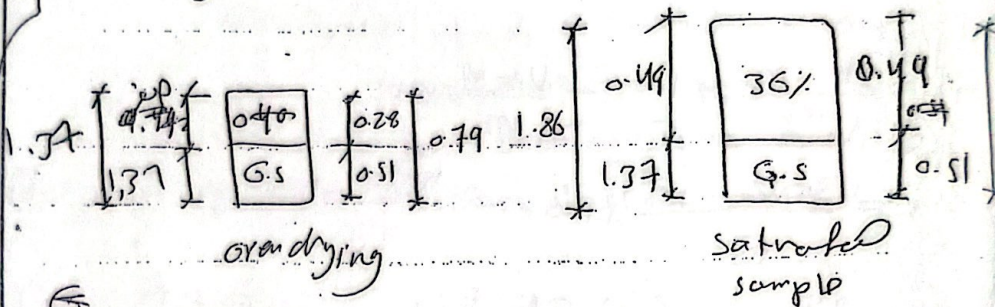
on over drying, mass specific gravity drop to 1.72,

calculate G.S., S.L

solution

$$(G.m)_{sat} = 1.86 \quad (w\%)_{sat} = 36\%$$

$$(G.m)_{overdrying} = 1.72$$



G

$$G.m = \frac{m_{total}}{V_{solid}} = m = G.m = 1.86$$

$$m = m_s + m_w = m_s + 0.36 m_s = 1.86 \Rightarrow m_s = 1.37$$

$$(G.m)_{overdrying} = \frac{1.37}{V} = 1.72$$

$$V = \frac{1.37}{1.72} = 0.79$$

$$G.S. = \frac{1.37/0.51}{1} = 2.69$$

$$S.L = \frac{0.28}{1.37} = 20.44\%$$

monday

Activity of the soil.

23/2/2015

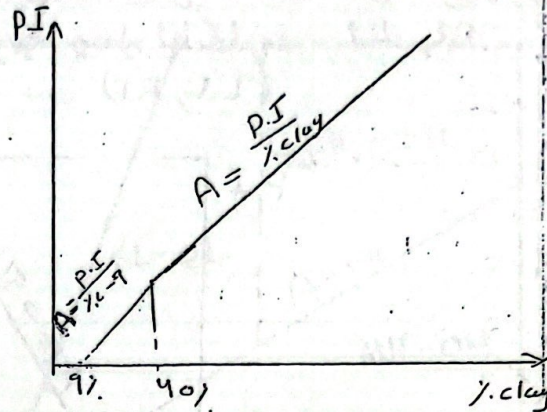
### Activity:

used to identify of swelling potential of the soil.

$A \leq 0.7 \rightarrow$  in active

$0.7 < A \leq 1.2 \rightarrow$  normal

$A > 1.2 \rightarrow$  active



Skempton observed that P.I. is linearly varied with the percent of clay.

سبب التوسع البندستية للتربة هو وجود clay minerals ونوعها ونوع البندستية على نوع clay minerals

if % clay weight  $> 40\% \Rightarrow A = \frac{P.I.}{\% \text{ clay}}$

$\Rightarrow$  if % clay weight  $< 40\% \Rightarrow A = \frac{P.I.}{\% \text{ clay} - 9\%}$

لما تكون التربة Active  $\leftarrow$  يعني عندك مشكلة ببل نفاخ  
بعين صال حركة للتربة من الانتفاخ  
الحلول في تخلص التربة مع موارد نائية مثل الأنهار  
 $\leftarrow$  ما يكون صال امتداد كبير بين القاعدة والتربة.  
 $\leftarrow$  اذا كانت الحقيقة التي مسببة للمشكلة صغيرة ازايها.

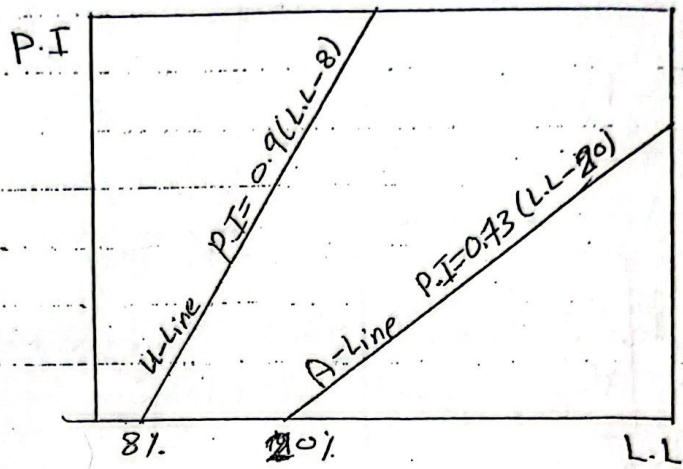
التفسير في نسبة الماء يسبب مشاكل في حركة في التربة  
اذا استلقت في حافظ من نسبة ماء ثابتة فهذا أمر جيد  
كما نزلت لأسفل في الأرض تصبح نسبة الماء في التربة  
في اذا بي ابي صور حول المنزل ارتفاعه حوالي 1.5 متر نزل من نفس



متر من التربة بعد ما وضع رصيفه بحيث لو نزل 50 و انتفخت  
التربة ، يدخل الارتفاع داخل الكسارة ولا يذترى اسفل

## Plasticity chart

معياره عن علاقة لتوصل لها العالم Casagrande من خلال التجربة (empirical)  
 حيث أخذ عينة كبيرة من التربة وعمل لها تجارب  $P.L$ ,  $L.L$   
 ومن خلالها علاقة خطية بين  $(L.L, P.I)$



empirical chart ← حيث clay and silt ← غالباً يكون مع بعضها في البنية.

### U-line

يصل الحد الأعلى للعلاقة بين  $P.I$ ,  $L.L$  حيث أنه نتيجة  
 نتائج عمل يجب أن تكون تحت هذا الخط

### U-line

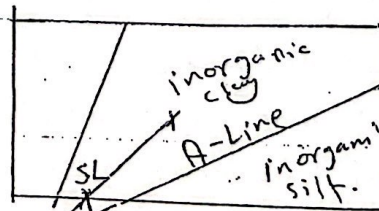
the upper limit of the relationship of  $P.I$  with  
 Ex//  $P.I = 40\%$

$P.I = 28\%$  according U-line

if  $P.I = 35\%$  from the experiment → something

### A-line

it is an empirical line separate (organic clay and inorganic clay) and inorganic silt.



يمكن من خلال Plasticity chart

إيجاد قيمة تقارب بين Shrinkage limit و

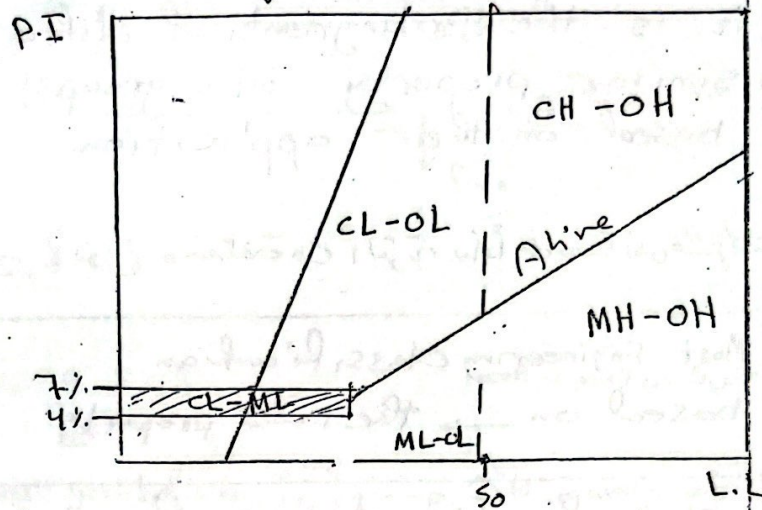
حيث أنه الخط U-line, A-line

واضح قيمة  $P.I$  من  $L.L$  و

وأيضاً من تقارب الاستساق و نقطة  
 و مكان ما يقابل  $L.L$  على

## Plasticity chart

used to classify the fine grained soil in (USCS)



### CH-OH

inorganic clay with high plasticity  
or organic clay with high plasticity.

### MH-OH

inorganic silt with high compressibility (الضبابية)  
or organic silt with high compressibility

### CL-OL

inorganic clay with low plasticity  
or organic clay with low plasticity.

### ML-OL

inorganic silt with low compressibility  
or organic silt with low compressibility.

### CL-ML

inorganic clay with low plasticity  
and organic silt with low compressibility.

إذا كان P.I. بين (4/7) فيكون التصنيف الرصدي يكون خليط من الطين والطين

30

wednesday

## Soil Classification

25/2

- \* it is the Arrangement of different soil with similar property into groups and subgroups based on their application.

هو عبارة عن ترتيب لأنواع مختلفة من التربة بناءً على خصائص مشتركة بينها.

Most Engineering classification

based on → the index property and grain size.

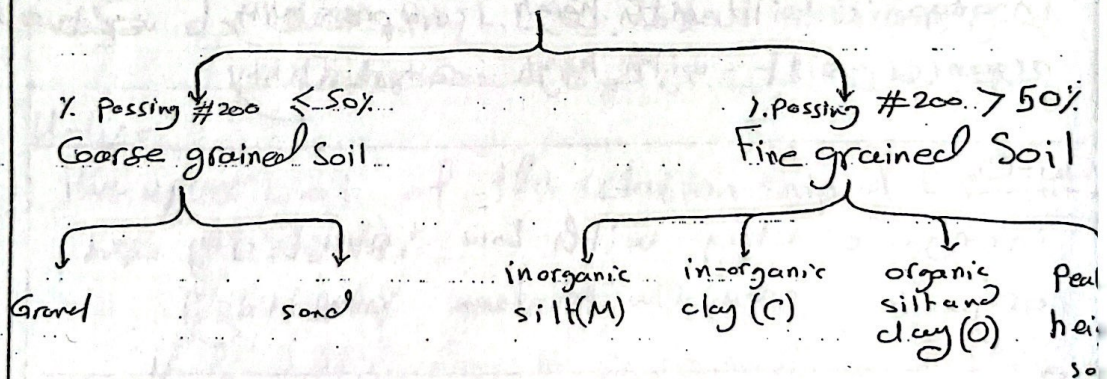
### \* Classification by used

— AASHTO : خاص بمشاريع الطرق

— U.S.C.S : (لأي مشروع غير الطرق)

### Unified Soil Classification system

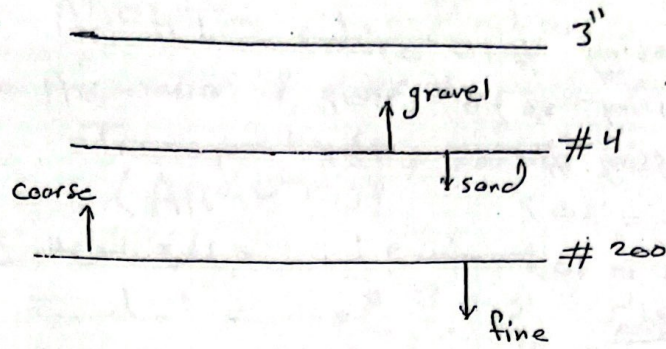
#### U.S.C.S



- \* % Passing #200 sieve > 50% → fine soil  
    → clay  
    → silt  
    classified by using plasticity chart

- \* % passing #200 sieve < 50% → Coarse soil  
    → Gravel  
    → sand

- \* if most fraction of coarse part is retained on #4  
    → Gravel



### \* For coarse soil

→ if % passing #200  $\leq 5\%$  (تحت 5% من الحبيبات الصغيرة)

- G → well graded  $\begin{matrix} c_u > 4 \\ 1 \leq c_c \leq 3 \end{matrix}$  → GW → well graded gravel
- poorly graded  $\begin{matrix} c_u > 4 \\ 1 \leq c_c \leq 3 \end{matrix}$  → GP → poorly graded gravel
- S → well graded  $\begin{matrix} c_u > 6 \\ 1 \leq c_c \leq 3 \end{matrix}$  → SW → well graded sand
- poorly graded  $\begin{matrix} c_u > 6 \\ 1 \leq c_c \leq 3 \end{matrix}$  → SP → poorly graded sand

→ if % passing #200  $> 12\%$  هذا أصبح أكثر الحبيبات الصغيرة  
نفس نقلت عن الحبيبات الصغيرة في التربة

- GC → clayey gravel
  - GM → silty gravel
  - SC → clayey sand
  - SM → silty sand
- } plasticity chart

→ if % passing #200 between (5% - 12%)

lowel symbol → عن فتحات في التوزيع ونوع الحبيبات الصغيرة  
GW - GC well graded gravel.  $c_u$   $c_c$   $w_p$   
silty and clayey gravel

→ if % of other coarse fraction is greater than 15%

لازم نذكر الحبيبات الأخرى الصغيرة إذا كانت نسبة أكبر من 15%  
ex// G=70% ; S=20% , well graded , clayey

→ GW - GC

well graded gravel and clayey gravel with sand.

EX// % passing #10 = 100%  
 % passing #40 = 80%  
 % passing #200 = 58%  
 L.L = 30%  
 P.I = 10%

Solution

% passing #200  $\geq$  50%  $\rightarrow$  Fine soil  
 From chart (Plasticity chart)

$\rightarrow$  CL - OL... clay inorganic clay with low pl.  
 or... organic clay with low pl.

EX// % passing #4 = 100%  
 % passing #200 = 8%  
 $D_{10} = 0.085$  mm  
 $D_{30} = 0.12$  mm  
 $D_{60} = 0.135$  mm  
 L.L = 30%  
 P.L = 22%

Solution

% passing #200  $<$  50%  $\rightarrow$  Coarse soil  
 % passing #4 = 100%  $\rightarrow$  Sand

$$C_u = \frac{D_{60}}{D_{10}} = 1.59 < 4, \quad C_c = \frac{(D_{30})^2}{D_{60} \times D_{10}} = 1.25$$

$$P.I = 8\%$$

$\rightarrow$  SP - SC... poorly sorted sand and clayey sand

EX// % passing #200 = 61%  
 L.L = 26, P.L = 20

Solution

% passing #200  $>$  50% Fine

$$P.I = 6\% \quad 4 < P.I < 7 \quad \text{Doubt}$$

$\rightarrow$  CL - ML

inorganic clay with low plasticity  
 and inorganic silt with low compressibility

saturday AASHTO Classification. 28/2/2015

American Association of state Highway and  
Transportation officials.

(AASHTO)

يستخدم لتاريخ الطرق والواصلات

يقسم التربة إلى 7 مجموعات أساسية \*

(A-1), (A-2), (A-3), (A-4), (A-5), (A-6), (A-7)

وهذه المجموعات قسمة لقسمين

1. Granular Soil ---- % passing #20 sieve  $\leq 35\%$  .... (A-1, A-2, A-3)

2. Fine grain Soil.... % passing #200 sieve  $\geq 35\%$  .... (A-4, A-5, A-6, A-7)

\* To classify a soil  $\rightarrow$  the tested data are  
applied from left to right by  
elimination process.  
the first group from left into which the  
data fit is the right classification.

نبدأ بالفحص من اليسار لليمين .  
أول مجموعة تنطبق عليها المواصفات نأخذها ولا نفحص غيرها

نسجل على يمين التصنيف باسم B Group index (معايير المجموعات)  
أو رقم المجموعة  
مثلا A-5 (5.0) أو A-1-a (0.5)

$$G.I. = (F-35) \left[ 0.2 + 0.005 (L.L-40) \right] + 0.01 (F-15) (P.I.-10)$$

Partial GI from L.L.      Partial GI from P.I.

\* كل ما أجهنا لليمين تصبح نوعية المواد أسوأ .  
A-3 : Fine sand  $\rightarrow$  don't have plasticity properties

if boulder are encountered (في عتري نسبة محجوزة)   
 3"   
 لا يحسب منه

لا يحسب منه التربة، لكن نسطر أنه يوجد هذا الحجم من التربة

\* if  $G.I = 0$  → نطرحه من

⊕ it is rounded to the nearest whole no.

-5.0 → 0

4.6 → 5

4.4 → 4

4.5 → 5

\* There is no upper limit for the group index   
 ... 20, 40, 60

لما زادت F ← يزيد

لما زادت L.L ← يزيد

لما زادت P.I ← يزيد

في كل ما زادت قيمة G.I تصبح التربة أسوأ

\* For soil

A-1-a

A-1-b

A-2-4

A-2-5

A-3

G.I = 0

For soil

A-2-6

A-2-7

$G.I = 0.01(F-15)$

For soil

A-7-5

A-7-6

}

أسود أنواع التربة

مصنوع استخدمها في معظم الحالات مثل القرم

الحقت البلاط والمصمم

أصابعها أصباً عنها أصابع مورناجة سد الفناحة

A-7-5 if  $PI \leq (LL - 30)$

A-7-6 if  $PI > (LL - 30)$

EX//

% passing #10 = 100%

L.L = 30

% passing #40 = 80%

P.I = 10

% passing #200 = 58%

→ A-4 (3)

silty soil, fair to use in subgrade

EX//

% passing #200 = 95%

L.L = 60, P.I = 40

$PI > (LL - 30)$

A-7-6 (42), clayey soil, poor to use in subgrade

EX//

% passing #10 = 83%

L.L = 20

% passing #40 = 48%

P.L = 15

% passing #200 = 20%

P.I = 5

A-1-b (a), stone fragments, gravel on sand  
Excellent use in subgrade

monday

## Soil Compaction and Soil Stabilization 2/3

عندما نتخلط التربة فإن

- الكثافة تزيد

- قوة التحمل تزيد

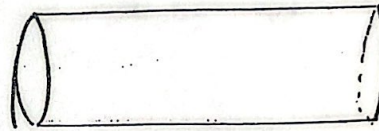
- إمكانية دخول الماء تقل

- مقدار الهبوط يقل

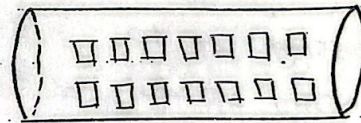
هدف الدمك هو تقليل الفراغات

### \* Types of rollers

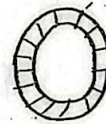
① Smooth wheel roller  
مركبة عادية (وزن) + اهتزاز



② Sheep foot roller  
مركبة قدم الغنم، يكون على عجل المسطح صلبة بارزة



③ Rubber-tired roller



عجلات مغاطية فيها  
هواء مضغوط

④ Vibratory roller

اختيار المركبة المناسبة يعتمد على نوع التربة

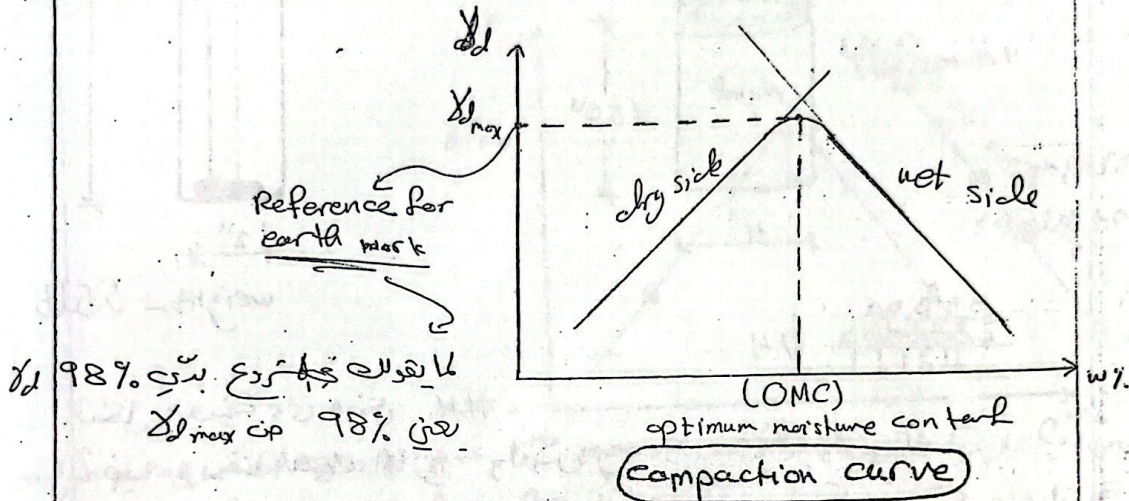
\* Degree of compaction is measured by  
dry density of the soil ( $\rho_d$ )

النسبة له ( $\rho_d$ ) أكبر يكون أفضل وأكبر دكاً (compaction)

الدمك يحتاج للماء، حيث الماء يخلق جسيمات التربة مما يجعل  
انزلاقها على بعضها البعض وهذا بشكل مثل سحبة تزل على سطح  
بيننا إذا نتخلط التربة وهي حافة، يس على الغاضي  
فقط راح تكسر الجزيئات

\* water works as softening (lubricating) agent on the soil particles.

→ اذا وضعت ماء بنية 2% تجد ان  $\gamma_d$  زاد  
 → اذا وضعت ماء بنية 4% تجد ان  $\gamma_d$  زاد أكثر  
 → تستمر الزيادة حتى معين ثم تبدأ  $\gamma_d$  بالنقصان مع زيادة (w%)



\* اذا بنقطة  $w\% = OMC$  و  $\gamma_d = \gamma_{dmax}$  فهذا متبع مثالي.

\* في الموقع يجب تحقق الشيطان بالبقات بشكل دقيق.  
 لكن يفضل ان يكون قرب 'dry side' قرب (OMC)  
 → اذا كان منري silty soil أو cohesive soil يفضل ان يكون في 'wet side' لكن قرب OMC.

من ا OMC تحقق اكبر كثافة بأقل مجهود

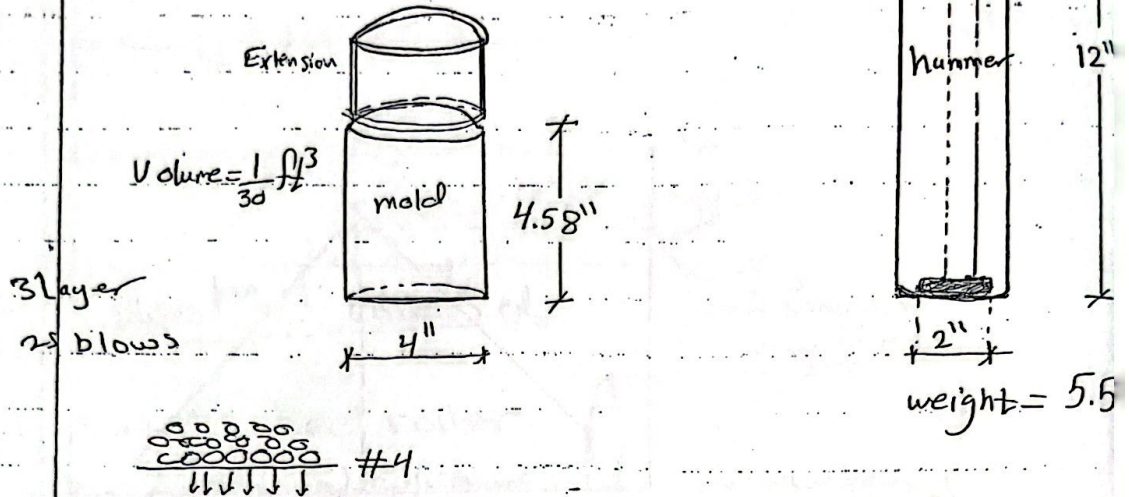
$$\text{degree of compaction} = \frac{\gamma_{d \text{ on site}}}{\gamma_{dmax}} \times 100\%$$

How to find  $\gamma_{dmax}$ ??

by proctor Test.

## \* Proctor Test.

- standard proctor Test.



ننخل العينة على منخل #4. ولتكن 5000g. حيث تكون كافية لتعبئة الدلاء. ونضيف نسبة الماء في البداية ولكن 2% ويجب أن يكون موزع على التربة. نحشي الدلاء بالعينة بثلاث طبقات وكل طبقة نضربها بالhammer 25 ضربة. حيث يكون الضرب من طرفه رفع المطرقة ارتفاع 12"

ونقلها سقوط حر. نراعي أن الطبقة الأخيرة فيها زيادة نزيلا بعضا. ننقوي من الضرب عند إزالة الطبقة الزائدة. قد يظهر بعض التصدعات ، نرأس على هذه التصدعات بالتراب المار بمنخل #4 ونضرب بالمطرقة ضرباً خفيفاً. نخرج العينة من الدلاء ونفكها ونأخذ جزءاً منها ونفحصها على معروف وزنها = نوزن العينة.

ثم نجففها بالفرن = ١٠٠ درجة مئوية. نخرج العينة من الفرن ونوزنها. نحسب % w ، لها  $\gamma$  نفيها حيث  $\gamma = \frac{W_{wet}}{Volume}$  نحسب  $\gamma_d$

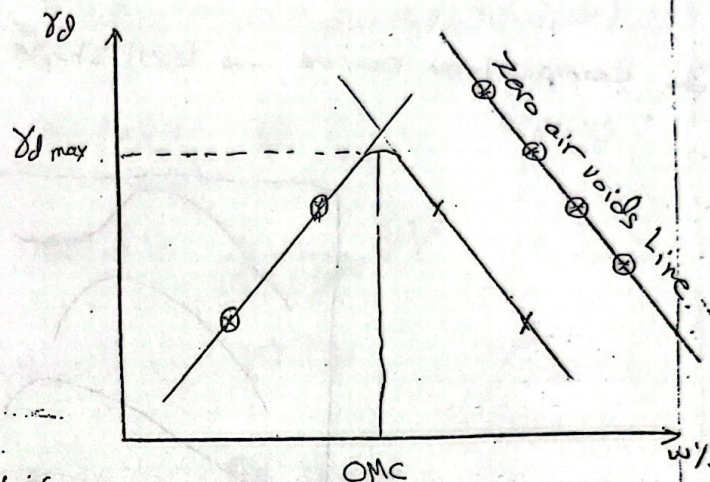
$$\gamma_d = \frac{\gamma}{1+w\%}$$

Trial	$\gamma$	w%	$\gamma_d$
1			
2			
3			
4			

30

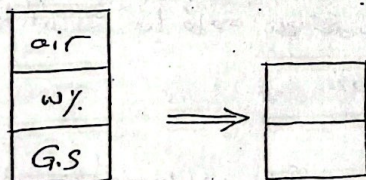
نحتاج على الأقل أربع نقاط - نقطتين في الجانب الرطب  
 - نقطتين في الجانب الجاف

ولما كانت عدد التجارب أكبر تكون النتائج أكثر دقة



عندما نعلم ذلك متى نخرج جميع البيانات

\* max theoretical dry density ( $\gamma_{d \text{ zero}}$ )  
 Zero air weight



Zero air voids line

يقع دائماً على يسار و يمين من compaction curve ولا يقطعها

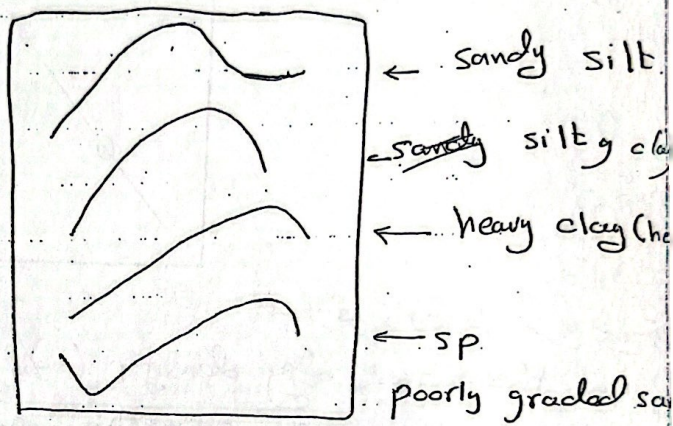
$$\gamma_{d \text{ zero}} = \frac{\gamma_w}{w + \frac{1}{G.S}} \quad \text{show that}$$

wednesday

4/3/17

### Factors affecting Compaction :

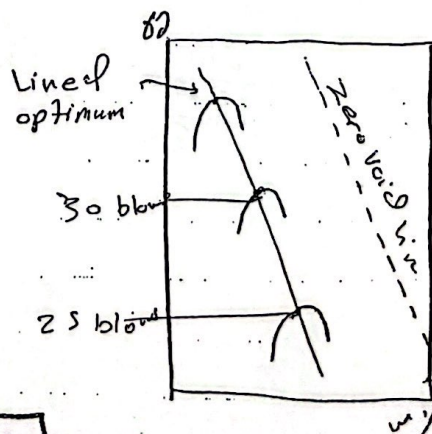
1. water content (w%).
2. Type of the soil, for example → grain size distribution  
→ shape of particles.  
→ amount of clay minerals.
3. compaction curve → bell shape



4. Energy : كل ما استخدمنا طاقة في سحق التربة (X max) و. i. w. .

$$E = \frac{(\text{\# of layers})(\text{\# of blows})(\text{hammer weight})(\text{height})}{\text{Volume of mold}}$$

$$= \frac{(3)(25)(5.5)(1 \text{ ft})}{\frac{1}{30}} = 12,375 \text{ Ib. ft/ft}^3$$



كثيراً التجربة السابقة كانت قبل 50 سنة .  
اليوم وسائل العمل تطورت ← يمكن أحصل دمل في  
الموقع أعلى من المختبر .

لما كبة هذا التطور تم تعديل المعايير لـ Proctor

(مستخدم الآن في معظم المختبرات) Modified Proctor Test

→ use material passing #  $\frac{3}{4}$ " sieving

→ Volume of mold =  $\frac{1}{13.33}$  ft<sup>3</sup>

→ hammer weight = 10 Ib

→ # of blows = 56 blows

→ # of layers = 5 layers

→ height of drop = 18" = 1.5 ft

$$E = \frac{(5)(56)(10)(1.5)}{13.33} = 55,986 \text{ Ib.ft/ft}^3$$

# Effect of compaction on Cohesive soil properties

1) structure:

flocculent structure

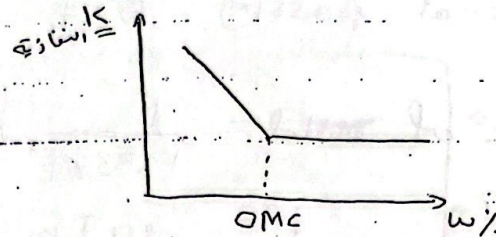


compaction

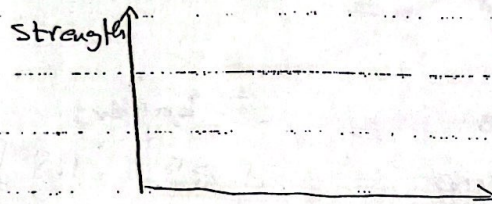


disperse structure

2) permeability : (decreases)



3) Strength: Compaction increase strength



## \* Field Compaction :

Organic material : (O.C) organic content

كما زادت (O.C) تقل القوة } فالتالي وجود هذه المواد العضوية  
 ← تزيد OMC } بحسن التربة سيئة

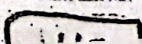
1. If  $O.C > 10\%$  → نرفض هذه التربة

\* How to find O.C??

$$O.C = \frac{W_1 - W_2}{W_1} \times 100\%$$

$$\begin{array}{lcl} 1080 & \rightarrow & 140FS \rightarrow W_1 \\ 550 & \rightarrow & 400 \rightarrow W_2 \end{array}$$

يقطع ونخرج الماء والعضوية



Saturday

Field Compaction.

7/3/2015

### \* Specification

For the earthwork Degree of compaction  $\geq 90\%$

$$* \text{Degree of compaction } (R) = \frac{\gamma_d \text{ field}}{\gamma_d \text{ max}}$$

$$D_r = 81\% \rightarrow \text{Dense (مدموكة بحل جيد)}$$

$$R = 80 + 0.2D_r$$

Finiding  $\gamma_d \text{ field}$ .

Then Substitute in  $R = \frac{\gamma_d \text{ field}}{\gamma_d \text{ max}}$

كل 200 م<sup>2</sup> أو 30 متر لازم نحل عينه في الموقع  
نختار منطقة تمثل معظم الطريق  
يعني منه تروح توفد من اماكن منطقة  
ولا توخل من اسود منطقة  
مثلا طريقه كلها جيدة ونحس من منطقة صغيرة 4م<sup>2</sup>  
شيئة ما بنفحص هذه المنطقة عنان اكبر راح تقطع  
خارج الفحص والما نفحص من منطقة اخرى ونوقع  
لذلك هذه المنطقة بحل جيد.

اسباب سقوط عينه الفحص :-

1. عدم الملء بشكل جيد.

2. عدم وضع ماء كافيه.

3. رسيته سيئة - و -

مثلا اذا لقينا 70% حول OMC يعني فيه داخل التربة بشكل جيد.

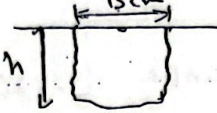
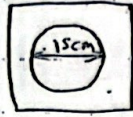
اذا لقينا 70% بعيد عن OMC يعني فيه واقع ما في ما في

\* العمل في الموقع يكون على طبقات ، كل طبقة (20 - 25) سم ثم تفحص  
وهكذا كل طبقة

44

## Finaling Soil Field

### 1 Sand cone method.



التراب وكتلها شيوعاً وأنتها رقة.

نحضر الوعاء المملوء بالرمل ونوزنه الرمل الذي فيه  $(W_1)$

نحفر حفرة في الموقع ههنا فتحة المخروط.

المواد التي نخرجها من الحفرة نضعها في

كيس بلاستيكي وأغلقه بحيث

أمنع خروج الماء من التربة

عمق الحفرة  $(h)$  يكون حسب سماك الطبقة المراد فحصها.

وأنت تخرج البسطة من الحفرة احرص ألا يفتح شيء منها

وإذا ملأ معك حجر كبير  $(4''-5'')$  أو  $(10''-15'')$  نضعه في الحفرة

حتى لا وزنه ولا يحججه يدخل في الحسابات.

وإذا ملأ الحجر كبير كثر فتأخر حفرة أخرى لأن الغصن سوف يسقط.

نأخذ العينة التي في الكيس ونوزنها

نخفف العينة في الفرن ثم نوزنها

حسب  $W_2$

حساب حجم الحفرة نفتح ثلاً الحفرة بالرمل (حجم الحفرة = حجم الرمل)

بحيث نفتح القمام حتى تمتلئ الحفرة والمخروط ويتوقف

نزول الرمل  $\rightarrow$  نوزن الباقي  $(W_2)$  في الوعاء  $(W_2)$

لمعرفة وزن الرمل الذي عملاً الحفرة والمخروط

$$\text{Weight of sand in (hole + cone)} = W_1 - W_2$$

ثم نطرح منه وزن الرمل الذي عملاً المخروط.

حساب وزن الرمل الذي يعطي المخروط (Calibration of the cone)

نعي الوعاء من جديد

نحلب الوعاء ونفتح القمام حتى ينزل الرمل  $\rightarrow$  ونوزن الباقي  $W_2$

$$\text{weight of the sand in the cone} = W_1 - W_2$$

حساب كثافة الرمل  $\rightarrow$  نعي الوعاء من جديد  $W_1$

نحضر أسطوانة حجمها معروف

نفتح قمام الوعاء حتى تمتلئ الأسطوانة والمخروط، نوزن الباقي  $W_2$

$$\text{Weight (cylinder + cone)} = W_1 - W_2 \rightarrow W_{\text{cone}} \rightarrow W_{\text{cylinder}}$$

45

كثافة الرمل

بعد ما تكون المختبر نوزن العينة التي اخذناها من الحفرة  
ثم نحفظها ← ونكتبها بالاسم

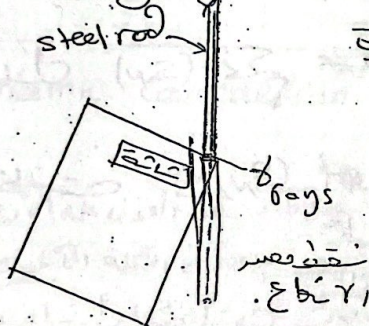
### \* Rubber Ballon method



طريقة لإيجاد حجم الحفرة.  
بحيث تنفخ بالوناً جديلاً بهارن  
الحفرة، ثم تملأه بالماء  
ونكتب حجم الماء فيكون حجم الحفرة

هذه الطريقة ليست دقيقة

### \* Nuclear gauge method.



لنستخدم فيه الماربع البيرة  
عندما نريد نتيجة سريعة  
وفورية مثل المقاربات  
هذه الطريقة مستخدمة منذ  
السبعينات

نتجه  
نحل حفرة بسنخ جديدة في الأرض ونضع مصدر الإشعاع  
خلفه هذه الفتحة في عمق  
Wet, W<sub>1</sub>

او يمكن ان نحل فتحة بحيث نحل مصدر الإشعاع بلا من الطبقة  
Wet, W<sub>1</sub>, W<sub>2</sub>

هذه الطريقة الباقية أكثر دقة حيث أننا نحصل على قراءة سطح الطبقة فقط

### \* تحت برات

1. لا تتفكك الجواز

2. لا تتحلل الجواز إلا عند الضرورة

3. على بسبب لباس خاص ويكون عليه شريحة نقس ما يمتصه الجسم

Monday

9/3/2015

جاء الأول ١٤٣٦ هـ

\* Grain size distribution of the backfill:  
is an important factor control rate of densification.

compaction: هو عملية من عملية دك عن طريق التخلخيل الهوائي

المادة التي فيها أحجام مختلفة تكون على الدك لها أقل

\* Suitability NO. ( $S_N$ ) =  $1.7 \sqrt{\frac{3}{(D_{50})^2} + \frac{1}{(D_{20})^2} + \frac{1}{(D_{10})^2}}$

من خلال ( $S_N$ ) نعلم نوعية الحصى من ناحية التدرج

كلما كانت ( $S_N$ ) أكبر تكون التربة أنعم ← وبالتالي أفضل

$S_N$	Rating as back fill
0-10	Excellent
10-20	Good
20-30	Fair
30-50	Poor
>50	unsuitable

EX//  $D_{10} = 0.11 \text{ mm}$  ,  $D_{20} = 0.19 \text{ mm}$  ,  $D_{50} = 1.3 \text{ mm}$

$$S_N = 1.7 \sqrt{\frac{3}{(1.3)^2} + \frac{1}{(0.19)^2} + \frac{1}{(0.11)^2}} = 18$$

→ Good Back fill.

47

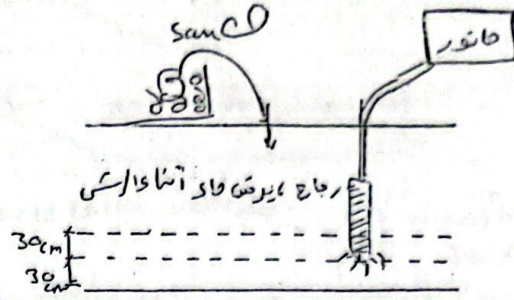
## Special Compaction Techniques (method)

1

### Vibro flotation:

(for granular (coarse) soil)

يدنا نحن نعلم لهذه المنطقة .  
هو القوة التقليدية ، جيدة لكنها مكلفة



مبدأ العمل نفسه مبدأ عمل رجاج الباطن حيث يتم إزاحة الحبيبات الخشنة

طبقات ، كل طبقة سمكها 30 سم .

من خاصية الرمل أنه يصبح (aquifer) مغطى بالماء

حيث الامتزاز هو جمع المواد بحوال الرمل إلى Liquid مما يسهل دمكه ، ثم المواد تنفذ للطبقات السفلى .

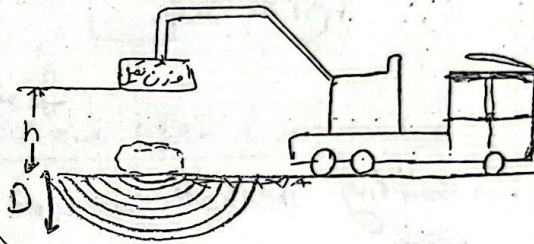
2

### Dynamic Compaction (for granular (coarse) soil).

عندما نقل الوزن على الأرض .

نقوم هذه الكتلة الكبيرة بالترسية

وتجرب امتزازاً ياعني عليه ومن الغي



$$D = \frac{1}{2} \sqrt{\text{Weight} \times \text{height}}$$

EX//  $W = 10 \text{ ton}$  ,  $h = 10 \text{ m}$  , Final depth of dense

$$D = \frac{1}{2} \sqrt{W \cdot h} = \frac{1}{2} \sqrt{10 \times 10} = 5 \text{ m}$$

3

### Preloading (for fine Soil)

التربة الناعمة تتطابق مع مشكلة الترسيع (consolidation) ، وهذه الحالة مرتبطة بالزمن

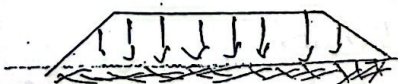
تصل ما نبني نخل التربة أوزاناً لحمل فترة معينة

يحدد بعين المقدار والزمن على مقدار الترسيع

الذي نريد الوصول إليه .

حيث نخل التربة قد يتبع .

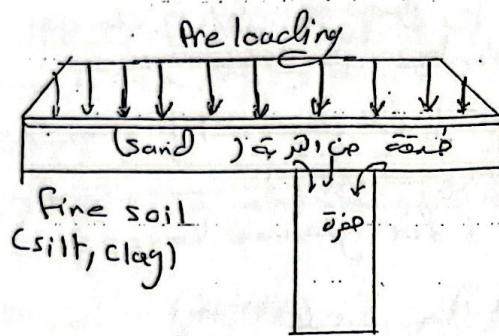
الهبوط (الترسيع) يستمر إلى الأبد



#### 4) Compaction by Dewatering . 1. انساب لكل أنواع التربة

يجري من أجل التربة على تدب تحملها جبال التربة  
~~وحتى لا يحد~~  
 وذلك تحمل التربة الماء الذي فيها .  
 effective stress  $\sigma_v'$   $\sigma_v$   $u$   $\sigma_v$   $u$   $\sigma_v'$   
 سبب الماء يسبب ضغط إضافي له جبال التربة  $\leftarrow$  فيزداد الضغط

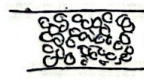
#### 5) Pre loading using sand planket and sand drag



تعمل على تسريع عملية  
 preloading  
 من هذه الطبقة  
 ويتجمع الماء في الحفرة

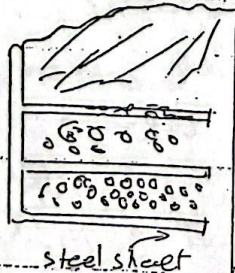
$\leftarrow$  هنا الأسلوب يسرع الضغط

#### 6) GROUTING method $\rightarrow$ lime, cement, (2-6) % of dry حَقْن

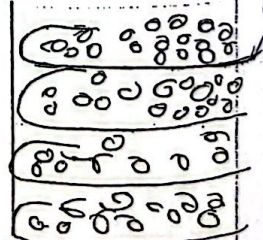


تخلطها بالاسمنت أو lime  
 حَقْن هذا المواد في التربة فتعمل على تحسين خواص التربة  
 أحياناً تعمل هذه المواد من الروبة (slurry) ثم تحقنها في المنطقة  
 التي تريد معالجتها .  
 ويكون الحقن تحت الضغط التي بدوره يضغطها ويحلبها تتغلغل  
 في التربة .

#### 7) Geotextile material. Earth reinforcement



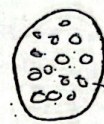
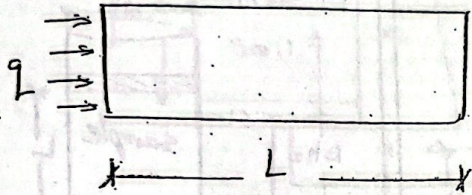
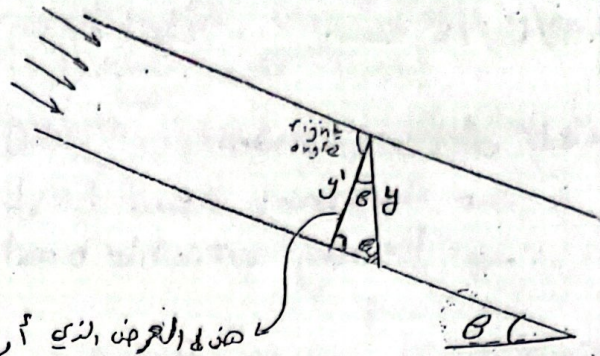
نضع طبقات وينتقل طبقة وأخرى  
 نضع شبكة حديد أو نايلون  
 هذا سبب امتكان صنع البهار  
 التربة



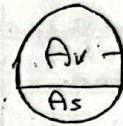
$$y' = y \cos \theta$$

هذا العرض الذي نريه

~~assume y~~



discharge velocity



seepage velocity ( $v_s$ )

حزب الماء يكون متجانساً من حيث الغلظت

$$Q = \underset{\text{discharge velocity}}{v} \underset{\text{gross area}}{A} = \underset{\text{seepage velocity}}{v_s} \underset{\text{void area}}{A_v}$$

$$= v (A_v + A_s) = v_s A_v$$

$$\rightarrow v_s = v \frac{(A_v + A_s)}{A_v} \times \frac{L}{L} = \frac{v(v_v + v_s)}{(v_v)}$$

$$= \frac{v(v_v/v_s + v_s/v_s)}{(v_v/v_s)} = v \left( \frac{e+1}{e} \right)$$

$$\rightarrow v_s = v \left( \frac{e+1}{e} \right) = \frac{v}{n}$$

$$\text{always } n < 1 \Rightarrow v_s > v$$

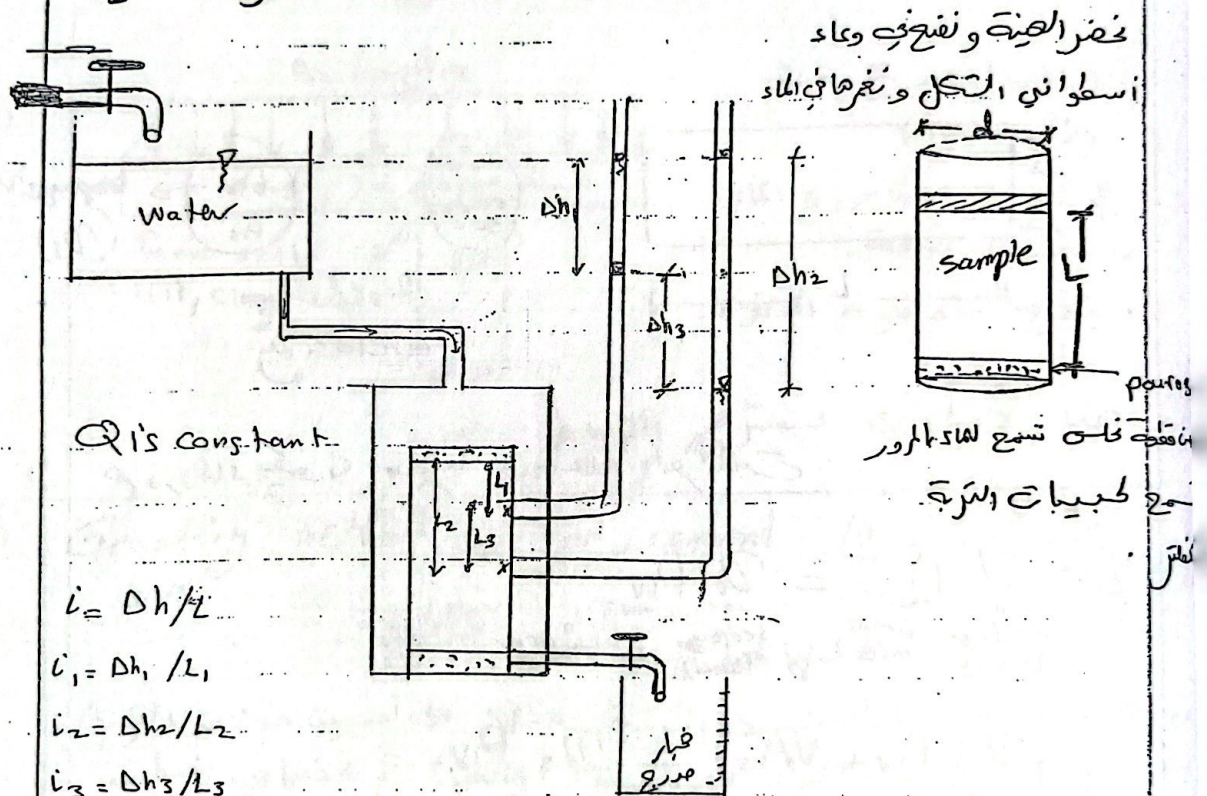
54

## البت ١٤/٣/٢٠١٥ Determination of (K)

- Lab determination : من خلال عمل التجارب في المختبر
  - Constant head test.
  - Falling variable test

→ Empirical relation for K

### Constant head test



حيث البداية تكون قرارة البير وميض نفس قرارة الميزان المميز بموضع الحنفية التي سوف يقل  
نفس الوقت الميزان حتى يصل لالة التبات (steady state flow) التي تثبت عندما جميع القراءات

$$Q = vAt = (K i) At = K \left( \frac{\Delta h}{L} \right) At$$

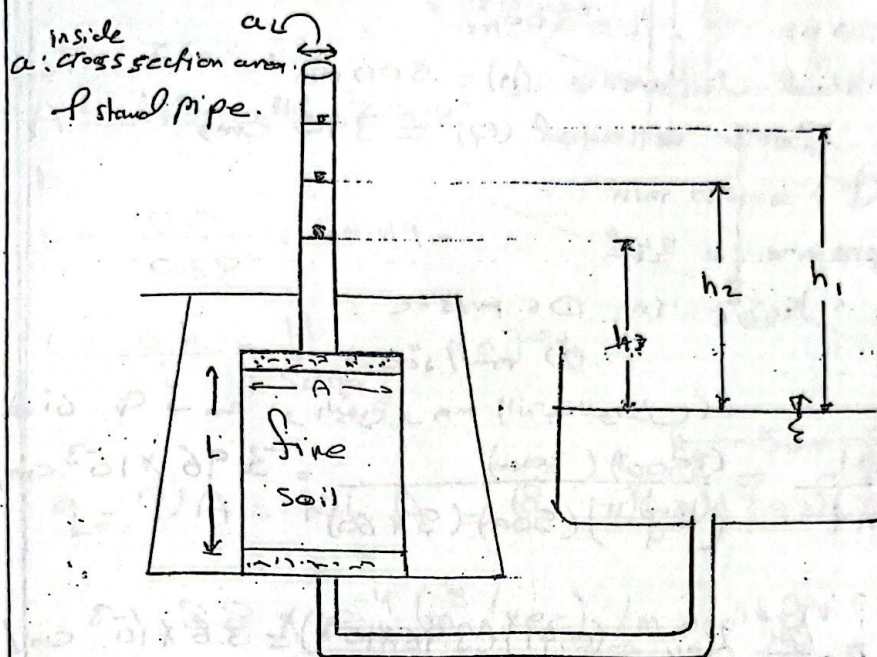
$$K T_g = \frac{Q L}{\Delta h A T}$$

$$K_{20^\circ C} = \frac{T_{20^\circ C}}{T_{200^\circ C}} \times K_{T_{200^\circ C}}$$

Table 7.2

## Variable head Test (فحص الرأس المتغير) (falling head Test)

طريقة فحص الرأس المتغير بنفس الطريقة من const. head test



$Q$  is variable and  $h$  is variable

$$dQ = a dh - \cancel{v} dt$$

$$dQ = v a dt$$

$$K = 2.303 \frac{aL}{At} \log \left( \frac{h_1}{h_2} \right)$$

where ,

$L$ : length of the sample

$A$ : cross section area of the sample

$a$ : internal cross section area of the stand pipe

$t$ : time of flowing

الأمثلة 10 / 17

Examples.

EX// result of constant head test are as following.

$$d = 150 \text{ mm}, L = 300 \text{ mm}$$

$$\text{const. head difference } (h) = 500 \text{ mm}$$

$$\text{Volume of water collected } (Q) = 350 \text{ cm}^3$$

$$\text{Time } (t) = 5 \text{ min}$$

$$\text{Temperature} = 24^\circ \text{C}$$

what is  $K_{20^\circ \text{C}}$  in ① cm/sec.

② mm/sec.

Solution

$$K = \frac{QL}{Aht} = \frac{(350 \text{ cm}^3)(300 \text{ mm})}{\left(\frac{(150 \text{ mm})^2 \pi}{4}\right)(500 \text{ mm})(5 \times 60)} = 3.96 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}$$

$$\textcircled{1} K_{20^\circ \text{C}} = \frac{\eta_{24^\circ}}{\eta_{20^\circ}} K_{24} = (0.91)(3.96 \times 10^{-3}) = 3.6 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}$$

$$\textcircled{2} K_{20^\circ \text{C}} = 3.6 \times 10^{-2} \text{ mm/sec}$$

EX// Results of falling head test are as following

$$A = 1200 \text{ mm}^2 = 12 \text{ cm}^2$$

$$L = 150 \text{ mm}$$

$$a = 150 \text{ mm}^2 = 1.5 \text{ cm}^2$$

$$\text{at } t = 0 \rightarrow \text{head difference } (h_1) = 400 \text{ mm}$$

$$\text{at } t = 5 \text{ min} \rightarrow \text{head difference } (h_2) = 200 \text{ mm}$$

what is  $K$  in (cm/sec) ??

$$K = 2.303 \frac{(a)(L)}{(A)(t)} \log\left(\frac{h_1}{h_2}\right)$$

$$= 2.303 \frac{(1.5)(150)}{(1200)(5 \times 60)} \log\left(\frac{400}{200}\right) = 1.44 \times 10^{-3} \text{ mm/sec}$$

$$= 2.303 \frac{(0.5)(15)}{(12)(5 \times 60)} \log\left(\frac{40}{20}\right) = 1.44 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}$$

54

Ex// find  $q$  ?? in  $m^3/sec$  /m width.

$$K = 0.08 \text{ cm/sec} = 8 \times 10^{-4} \text{ m/sec}$$

$$d = 3 \cos 8^\circ$$

$$A = d \times 1 \text{ m width} = 3 \cos 8^\circ$$

$L$

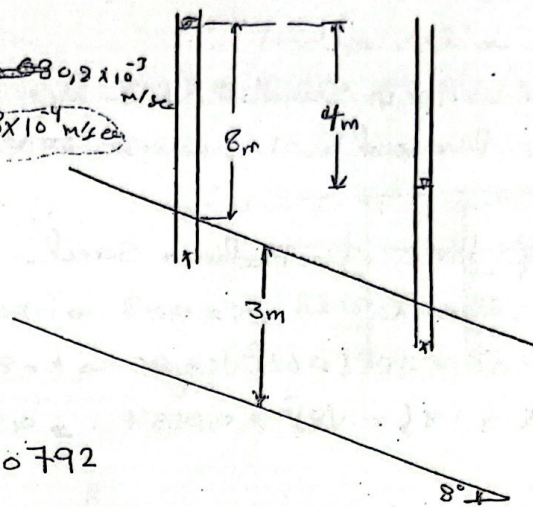
$$L = \frac{50}{\cos 8^\circ} = 50.49 \text{ m}$$

$$i = \frac{\Delta h}{L} = \frac{4}{50.49} = 0.0792$$

50m

$$q = VA = KI A = (8 \times 10^{-4})(0.0792)(3 \cos 8^\circ)$$

$$1.88 \times 10^{-4} \text{ (m}^3/\text{sec) /m width}$$



58

Empirical relations for (k)  
 $D_{10} \rightarrow (\text{mm}) \text{ unit}$   
 $k \rightarrow (\text{cm/sec}) \text{ unit}$

① For uniform sand  $\Rightarrow k = c D_{10}^2$ ,  $c = (1-1.5)$   
 For fine sand  $c=1$ , coarse sand  $c=1.5$ ,

② For Fine to medium sand  $\rightarrow k = 1.4 \frac{e^2}{1+e} K_{0.85}$

Ex// when  $e=0.62$ ,  $k=903$  find  $K$  where  $c=0.48$  <sup>void ratio</sup>

$\rightarrow 903 = 1.4 (0.62)^2 K_{0.85} \rightarrow K_{0.85} = 90557 \text{ cm/sec} \rightarrow$  <sup>تقريباً</sup>

$$k = 1.4 (0.48)^2 \times 90557 = 90798 \text{ cm/sec}$$

③ For sand  $k = c_1 \frac{e^3}{1+e}$

④ For normally consolidated clay  $k = c_3 \frac{e^n}{1+e}$

يقسم به الطين الذي يتعرف الآن لأكثر ضغطه التاريخ

ما الطين الذي تعرف لضغوط أكبر من الزمان فليس (over consolidated clay).

Ex//  $\frac{e}{k}$

$$1.1 \quad 0.392 \times 10^{-7}$$

$$0.9 \quad 0.12 \times 10^{-7}$$

$$0.75 \quad k$$

by solving two equations we can find that

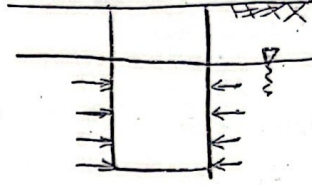
$$n = 5.1, c_3 = 0.39 \times 10^{-7}$$

$$\rightarrow k = 5.138 \times 10^{-9}$$

- Finding  $K$  in the field.

نقوم على حفر حفرة الموقع ونراقب كيف يتجمع الماء فيها

Test well.



## Equivalent permeability in isotropic stratified

isotropic  $\rightarrow k_v = k_H$   
 stratified  $\rightarrow$  على شكل طبقات

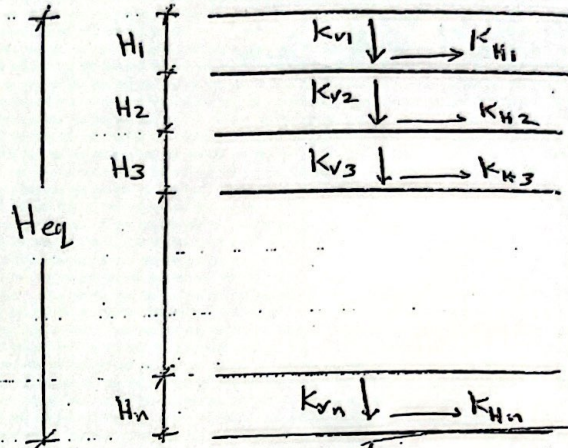
⊗ Vertical flow

$$Q = q_1 = q_2 = q_3 = \text{constant for all layers}$$

$$k_{v1} = k_{H1}$$

$$k_{v2} = k_{H2}$$

$$k_{v3} = k_{H3}$$



$$q_1 = q_2 = q_3 = \dots = q_n = q_{eq} = (k_{eq})(l_{eq})(A)$$

$$k_1 l_1 A = k_2 l_2 A = \dots = k_n l_n A$$

$k_i = \text{constant for all layers}$

velocity ( $v$ ) is same for all layers.

كلما كانت  
 المساحة  
 الممرات  
 في طبقات  
 أكبر

وإذا كانت المساحة  
 في الطبقات (الممرات)  
 متساوية  $v_1 = v_2 = \dots = v_n$   
 فقد انما العلاقة  $k_1 l_1 = k_2 l_2 = \dots = k_n l_n$

$$k_{v eq} = \frac{H}{\frac{H_1}{k_{v1}} + \frac{H_2}{k_{v2}} + \dots + \frac{H_n}{k_{vn}}}$$

⊗ Horizontal flow (تسري في طبقات واحدة فقط)

$q$  is variable

$$k_{H eq} = \frac{1}{H} (k_{H1} H_1 + k_{H2} H_2 + \dots + k_{Hn} H_n)$$

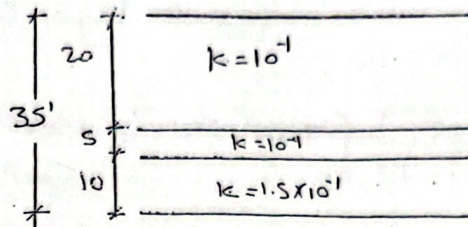
$$l_{eq} = l_1 = l_2 = l_3 = \dots = l_n$$

$$q_{eq} = k_{H eq} \cdot l_{eq} \cdot A$$

week 18/3/2015

Layer	Thickness	$k$ (ft/min)
1	20	$10^{-1}$
2	5	$10^{-4}$
3	10	$1.5 \times 10^{-1}$

Find  $K_{Heq}$ ,  $K_{veq}$  ??



Solution

$$K_{Heq} = \frac{1}{35} (20 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-4} + 10 \times 1.5 \times 10^{-1}) = 0.1 \text{ ft/min}$$

$$K_{veq} = \frac{35}{\left(\frac{20}{10^{-1}}\right) + \left(\frac{5}{10^{-4}}\right) + \left(\frac{10}{1.5 \times 10^{-1}}\right)} = 6.96 \times 10^{-4} \text{ ft/min}$$

$$\frac{K_{Heq}}{K_{veq}} = \frac{0.1}{6.96 \times 10^{-4}} \approx 144$$

يعني سرعة التدفق بالاتجاه الأفقي أعلى من سرعة التدفق في الاتجاه العمودي  $\rightarrow 144$  ضعف

**EX**

Knowing that  $i = 0.3$  for horizontal flow

- find horizontal and vertical flow...
- for horizontal flow find the discharge and discharge rate
- for vertical flow, find Hydraulic gradient and head loss in each layer??

(a)

$$K_{Heq} = \frac{1}{10} [2 \times 5 \times 10^{-4} + 5 \times 2 \times 10^{-2} + 3 \times 3 \times 10^{-3}]$$

$$= 9.011 \text{ cm/sec}$$

$$K_{veq} = \frac{10}{\left( \frac{2}{5 \times 10^{-4}} + \frac{5}{2 \times 10^{-2}} + \frac{3}{3 \times 10^{-3}} \right)}$$

$$= 1.9 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}$$

$$\frac{K_{Heq}}{K_{veq}} = \frac{9.011}{1.9 \times 10^{-3}} = 5.8$$

(b)

$$i_1 = i_2 = i_3 = i_{eq} = 0.3$$

$$q = K_{Heq} i_{eq} A = (9.011 \text{ cm/sec})(0.3)(1000 \text{ cm} \times 1 \text{ cm}) = 3.3 \text{ cm}^3/\text{sec}$$

$$v_1 = K_1 i = 5 \times 10^{-4} \times 0.3 = 1.5 \times 10^{-4} \text{ cm/sec} \rightarrow q_{L1} = 1.5 \times 10^{-4} \times 1000$$

$$v_2 = K_2 i = 2 \times 10^{-2} \times 0.3 = 6 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}$$

$$v_3 = K_3 i = 3 \times 10^{-3} \times 0.3 = 9 \times 10^{-4} \text{ cm/sec}$$

(c)

$$i = 0.3 = \frac{\Delta h}{L} = \frac{\Delta h}{1000 \text{ cm}} \rightarrow \Delta h = 300 \text{ cm}$$

300 cm ارتفاع في كل طبقة

→ cont.

بنو  
 $V_1 = V_2 = V_3 = V_{eq} = K_{eq} i_{eq} = (1.4 \times 10^3) (0.3) = 5.7 \times 10^4$

$$V_1 = K_1 i_1 = (5 \times 10^4) i_1 = 5.7 \times 10^4 \rightarrow i_1 = 1.14$$

$$V_2 = K_2 i_2 = (2 \times 10^2) i_2 = 5.7 \times 10^4 \rightarrow i_2 = 0.0285$$

$$V_3 = K_3 i_3 = (3 \times 10^3) i_3 = 5.7 \times 10^4 \rightarrow i_3 = 0.19$$

$$\rightarrow i = \frac{\Delta h}{L}$$

$$\Rightarrow \Delta h_1 = i_1 L_1 = 1.14 \times 200 \text{ cm} = 228 \text{ cm} \quad \text{بعض فقره 228 cm}$$

$$\Delta h_2 = i_2 L_2 = 0.0285 \times 500 \text{ cm} = 14.25 \text{ cm}$$

$$\Delta h_3 = i_3 L_3 = 0.19 \times 300 \text{ cm} = 57 \text{ cm}$$

نلاحظ انه مشي 2 فقره فقط 228 cm  
 في مشي 5m فقط فقره 14.25 cm وذلك لان التفاز في هذه الطبقة اكبر  
 يعني لا يحتاج ان يفصل اكثر في هذه الطبقة.

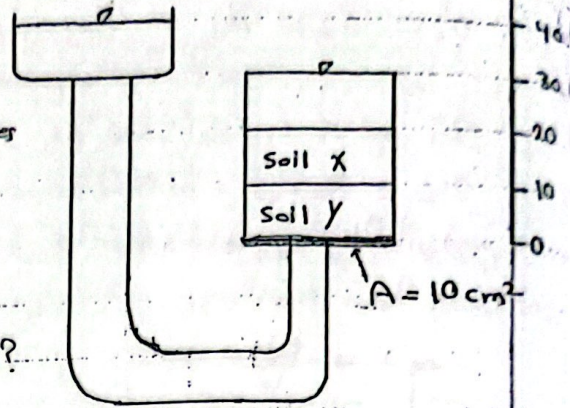
$$\Delta h_{eq} = 300 \text{ cm}$$

$$\Delta h_1 + \Delta h_2 + \Delta h_3 = 300 \text{ cm}$$

EX//

For Soil (X)  $K_x = 4 \times 10^{-3} \text{ cm/s}$   
 head loss in soil (Y) is (9) times  
 of head loss in soil (X)

$$\Delta h = 10 \text{ cm}$$



- what is the type of flow?
- what is  $K_y$ ??
- Find discharge (Q) per hour?
- To what elevation water will rise in piezometer to inset real in soil (Y) at elevation (5 cm)

Solution

a) The type of flow is vertical flow, because it flow thro many layers and perpendicular to the layers.

b) في بداية طاب ان القامة المفقودة في Y اكبر من القامة المفقودة في X  
 يعني ان القامة لـ Y اصغر من القامة لـ X

$$\Delta h = \Delta h_x + \Delta h_y \quad , \quad \Delta h = 40 - 30 = 10 \text{ cm}$$

$$10 \text{ cm} = \Delta h_x + 9(\Delta h_x)$$

$$\rightarrow \Delta h_x = 1 \text{ cm} \quad \rightarrow i_x = \frac{\Delta h_x}{L_x} = \frac{1 \text{ cm}}{10 \text{ cm}} = 0.1$$

$$\rightarrow \Delta h_y = 9 \text{ cm} \quad \rightarrow i_y = \frac{\Delta h_y}{L_y} = \frac{9 \text{ cm}}{10 \text{ cm}} = 0.9$$

$$\rightarrow v_x = v_y$$

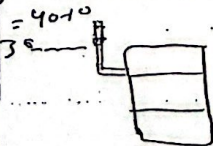
$$(K_x)(i_x) = (K_y)(i_y)$$

$$(4 \times 10^{-3})(0.1) = K_y(0.9) \Rightarrow K_y = 4.44 \times 10^{-4} \text{ cm/sec}$$

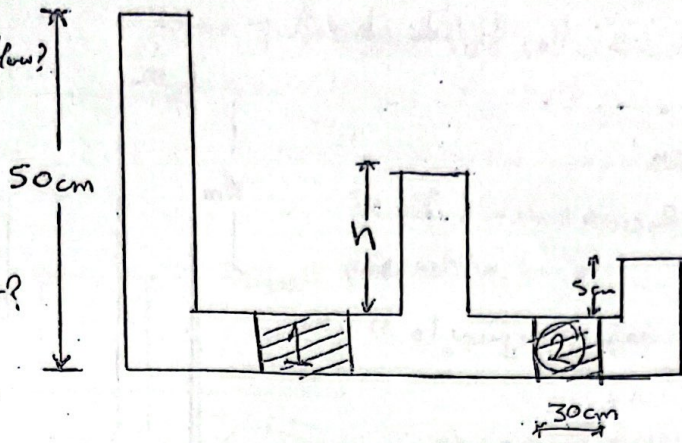
$$c) \quad q_x = (K_x)(i_x)(A) = (4 \times 10^{-3})(0.1)(10) = 4 \times 10^{-3} \text{ cm}^3/\text{sec/cm}$$

$$q_y = (K_y)(i_y)(A) = (4.44 \times 10^{-4})(0.9)(10) = 4 \times 10^{-3} \text{ cm}^3/\text{sec/cm}$$

$$d) \quad \text{Elevation} = 40 - (0.9)(5) = 35.5 \text{ cm}$$



- 11/
- what is type of flow?
  - what is  $h$ ?
  - what is  $z$ ?
  - what is head loss in each layer?



$$K_1 = 2 \times 10^{-2} \text{ cm/s}$$

$$K_2 = 7 \times 10^{-3} \text{ cm/s}$$

$$A_1 = 25 \text{ cm}^2$$

$$A_2 = 25 \text{ cm}^2$$

### Solution

vertical flow (بعمق عمودي في الطبقات)

طبقات من خزان من الماء في طبقات التي هي 45 cm

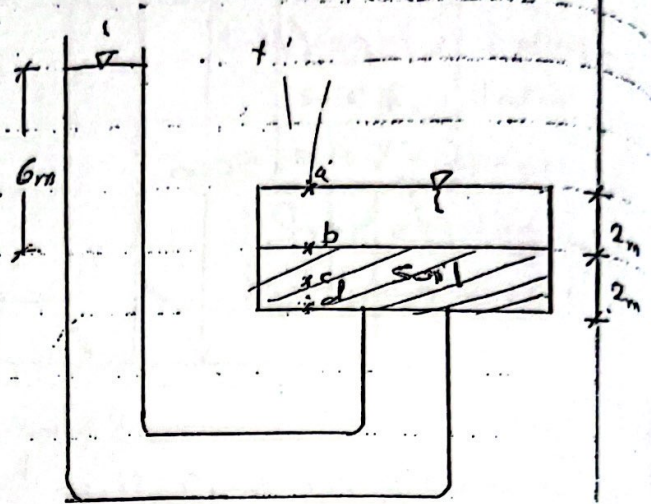
Ex// what is  $h_a, h_b, h_c, h_d$ ?

Solution

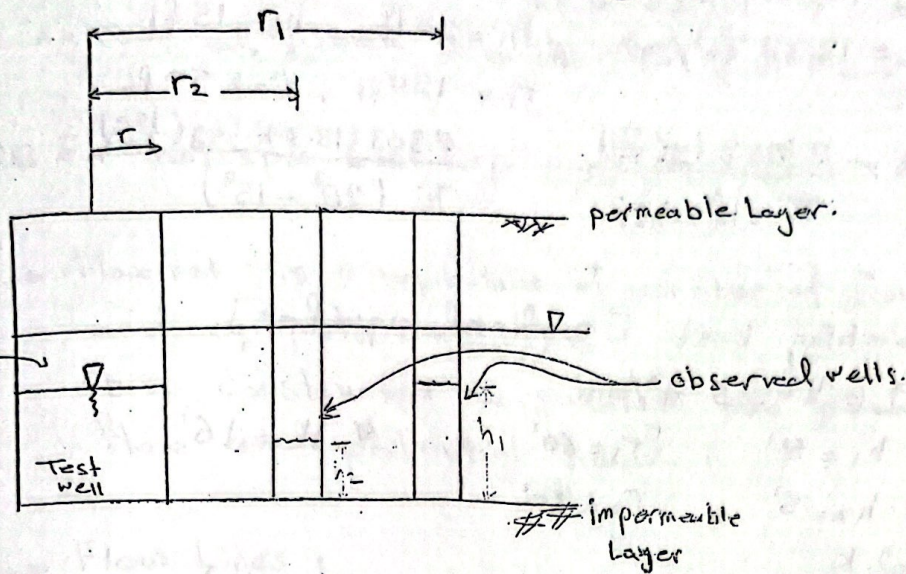
نلاحظ انه عند قسمي 2م في الارتفاع

فقد 4م

يعني كل ما يصير 1م فقط 2م



K in the field from pumping wells

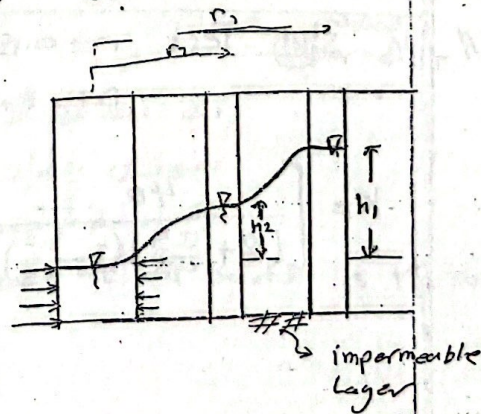


- ← نقوم بعمل حفرة ومراقبة كيف يتجه الماء في هذه الحفرة .
- ← وتكون في الماء الذي يكون فيها منسوب المياه الجوفية قريب
- ← أما الماء الذي يكون فيها منسوب المياه الجوفية بعيد -
- ← نخر حفرة ونزودها بالماء .
- ← عندما نصل إلى (steady state flow) حيث تكون كمية الماء التي تدخل تارون كمية الماء التي قدخل .
- ← وعندها يثبت منسوب المياه في كل حفرة على مستوى معين

$$K = \frac{2.303 Q \log\left(\frac{r_1}{r_2}\right)}{\pi (h_1^2 - h_2^2)}$$

K in the field from pumping wells [confined aquifer]

$$K = \frac{Q \log\left(\frac{r_1}{r_2}\right)}{2.727 H (h_1 - h_2)}$$



EX// Pumping test in permeable Layer under by impervious Layer.

$$Q = 13.37 \text{ ft}^3/\text{min}, h_1 = 20 \text{ ft}, h_2 = 15 \text{ ft}$$

$$r_1 = 150 \text{ ft}, r_2 = 50 \text{ ft}$$

$$K = \frac{2.303 Q \log\left(\frac{r_1}{r_2}\right)}{\pi (h_1^2 - h_2^2)} = \frac{2.303 (13.37) \log\left(\frac{150}{50}\right)}{\pi (20^2 - 15^2)} = 0.0267$$

EX// Pumping test [confined aquifer]

$$Q = 4653 \text{ ft}^3/\text{min}$$

$$h_1 = 8', r_1 = 60', H = 16'$$

$$h_2 = 5', r_2 = 30'$$

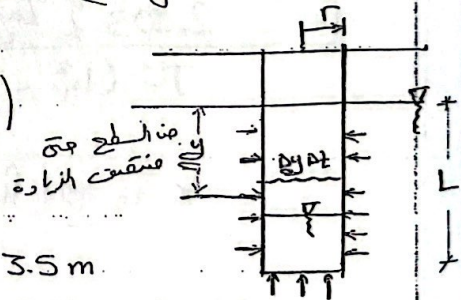
Find K

$$K = \frac{Q \log\left(\frac{r_1}{r_2}\right)}{2.727 H [h_1 - h_2]} = \frac{4653 \log\left(\frac{60}{30}\right)}{2.727 (16) (8 - 5)} = 10.7 \text{ ft}^3$$

الطريقة التقليدية  
نقوم بوضع الماد في الحفرة ونتركها فترة زمنية كافية  
حتى تصبح (saturated)  
ثم نحفر حفرة ونملأها بالماد ونراقب الانخفاض.

K from one auger hole → (slug Test.)

$$K = \left[ \frac{40}{\left(2 + \frac{L}{r}\right) \left(2 - \frac{y}{L}\right)} \right] \left( \frac{r}{y} \right) \left( \frac{\Delta y}{\Delta t} \right)$$



EX// In slug Test  $r = 0.15 \text{ m}$ ,  $L = 3.5 \text{ m}$

$$\Delta t = 8 \text{ min}, \Delta y = 0.45 \text{ m}, y = 3.2$$

$$K = \left[ \frac{40}{\left(2 + \frac{3.5}{0.15}\right) \left(2 - \frac{3.2}{3.5}\right)} \right] \left( \frac{0.15}{3.2} \right) \left( \frac{0.45}{8} \right) = 2.24 \times 10^{-3}$$

Saturday

21/3/2015

## Flow net

(شبكة الجريان)

هي رسم تخطيطي يمثل انتقال الماء من الـ upstream إلى الـ downstream

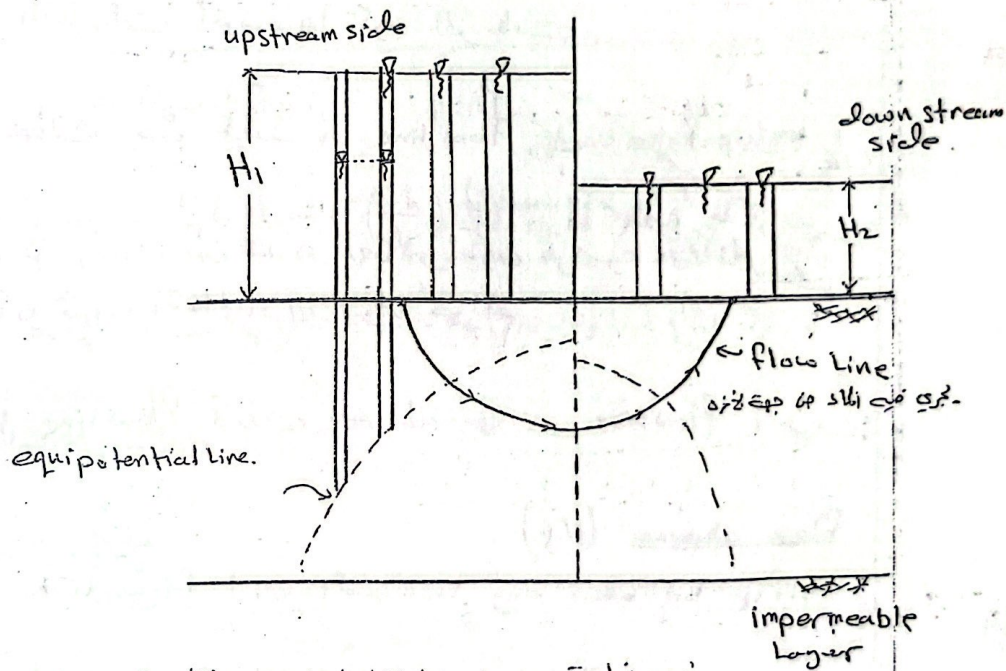
→ For isotropic soil ( $k_x = k_y = k$ )

→ Flow net is a combination of a number of flow lines and equipotential lines.

it is constructed to calculate the ground water flow and potential head.

→ Flow Lines :

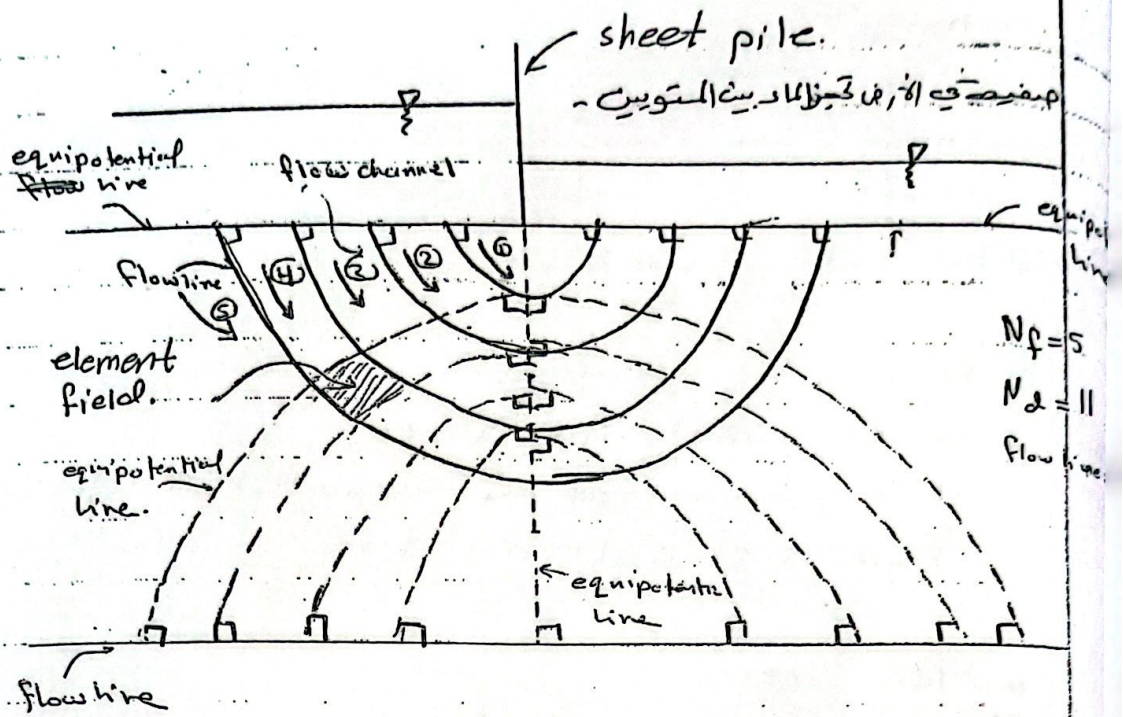
a line along which a water particle travel from upstream side to downstream side.



أي نقطة على الـ equipotential line إذا وضع ميزان  
سوف يعطيه نفس القراءة.

\* equipotential Lines. (خطوط تساوي الجهد)

a line which a potential head at all points is the same  
(الخطوة الكلية متساوية)



element field

نواحي تقاطعات  $\perp$  Flow Line و  $\perp$  Equipotential line  
وهذه التقاطعات أقرب ما تكون للمربعات.

ليس هناك حد لعدد  $\perp$  Flow line و  $\perp$  Equipotential line

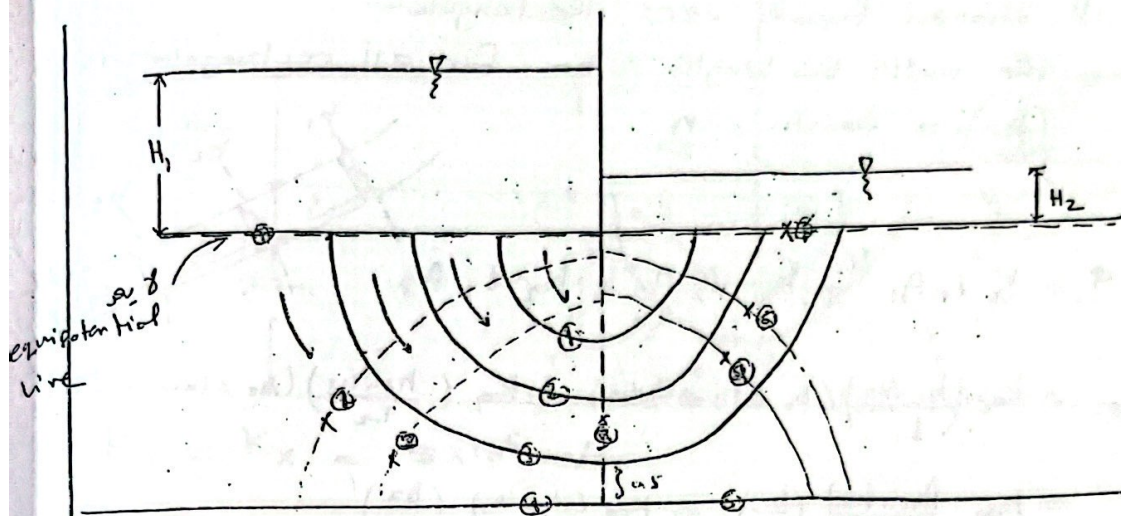
المقصود كل واحد من هذه العناصر يكون قريب عن المربع  
بحيث أن تكون التقاطعات زوايا حادة.

لبدأ كل Flow line تنتهي عن الجانبين عن Flow line آخر.

Flow channel ( $N_f$ )

Strip between any two adjacent flow line.

Equipotential lines ( $N_d$ )



$$N_f = 3.5 \text{ (flow lines/channel)}$$

$$N_d = 6 \text{ (equipotential line)}$$

$$\text{Flow lines} = 5$$

$$Q = Q_1 = Q_2 = Q_3$$

$$Q = v \cdot A = K \cdot i \cdot A = K \left( \frac{\Delta h}{L} \right) (K \times \text{unit width})$$

$$= K \Delta h = K_L (h_1 - h_2) = K_L (h_2 - h_3) = K_L (h_3 - h_4)$$

$$\Delta H = H_1 - H_2$$

$$\Delta h = \frac{\Delta H}{N_d}$$

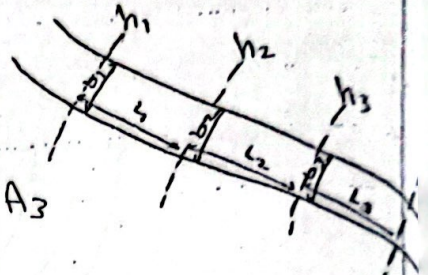
ارتفاع منسوب في  
line  
ليفتر منسوب الماء

$$\rightarrow \Delta h = \frac{H_1 - H_2}{N_d}$$

$$\rightarrow Q = K_L \frac{\Delta H}{N_d}$$

$$\rightarrow Q = K_L \left( \frac{\Delta H}{N_d} \right) N_f$$

if element fields were Rectangular  
 → the width to length ratio for all rectangular is  
 $\left(\frac{b}{L}\right) = \text{const.} = \frac{n}{L}$



$$Q = K_1 i_1 A_1 = K_2 i_2 A_2 = K_3 i_3 A_3$$

$$= K_2 \left( \frac{h_1 - h_2}{L_1} \right) (b_1 \times \text{unit width}) = K_2 \left( \frac{h_2 - h_3}{L_2} \right) (b_2 \times \text{unit width})$$

$$= K_2 \left( \frac{h_1 - h_2}{L_1} \right) \left( \frac{b_1}{L_1} \right) = K_2 (h_2 - h_3) \left( \frac{b_2}{L_2} \right)$$

$$= \frac{K_{eq} \Delta H}{N_d}$$

$$Q = K_{eq} \frac{\Delta H}{N_d} n = \frac{b}{L} \Delta H$$

$$Q = K_{eq} \left( \frac{\Delta H}{N_d} n \right) N_f$$

$$K_{eq} = \sqrt{K_x \cdot K_z}$$

$$\Rightarrow \text{if } K_x = K_z$$

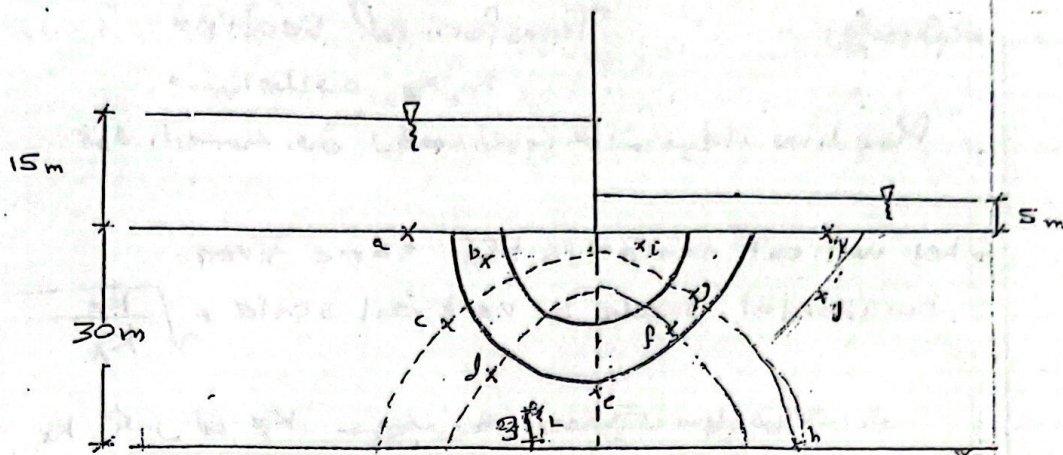
$$K_{eq} = \sqrt{K_x \cdot K_z} = K_x = K_z \quad (\text{isotropic soil})$$

⇒ anisotropic soil

$$K_z \neq K_x$$

$$K_{eq} = \sqrt{K_z \cdot K_x}$$

$$Q = \sqrt{K_z \cdot K_x} \cdot \left( \frac{\Delta H}{N_d} \right) N_f$$



$$K_z = K_x = 5 \times 10^{-5} \text{ cm/sec}$$

\* impermeable

- ① what is the height (above the ground) piezometer are located at points a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k?
- ② Find Q from up stream to down stream.

$$N_d = 76, N_f = 3$$

$$\Delta H = H_1 - H_2 = 15 - 5 = 10 \text{ m}$$

$$\Delta h = \frac{\Delta H}{N_d} = \frac{10 \text{ m}}{6} = 1.67 \text{ m}$$

$$a = 15 - (0) \Delta h = 15 \text{ m} \quad (\text{لم يتغير الارتفاع})$$

$$b = 15 - \frac{1}{2} \Delta h = 14.17 \text{ m}$$

$$c = 15 - (1) \Delta h = 13.33 \text{ m} = 5 + 5(\Delta h)$$

$$d = 15 - (2) \Delta h = 11.67 \text{ m} = 5 + 4(\Delta h)$$

$$e = 15 - (3) \Delta h = 10 \text{ m} = 5 + 3(\Delta h)$$

$$f = 15 - (4) \Delta h = 8.33 \text{ m} = 5 + 2(\Delta h)$$

$$g = 15 - (5) \Delta h = 6.67 \text{ m} = 5 + 1(\Delta h)$$

$$h = 15 - (5) \Delta h = 6.67 \text{ m}$$

$$i = 15 - (5.5) \Delta h = 5.83 \text{ m} = 5 + (0.5) \Delta h$$

$$j = 15 - (5.5) \Delta h = 5.83$$

$$k = H_2 = 15 - 6 \Delta h = 5 \text{ m}$$

$$L = (27 + 5) - 2.5 \Delta h = 37.825 \text{ above the ground surface}$$

$$Q = K(\Delta h) N_f = \left( \frac{5 \times 10^{-5}}{100} \right) (1.67) (3) = 2.505 \times 10^{-6} \frac{\text{m}^3/\text{sec}}{\text{m width}}$$

74

wednesday

## Transformed section

بمسببات مختلف  $K_x, K_z$

نحوه الرسمة من نقطة التقاطع المستقيمة لـ Flow lines

- Let vertical scale is the same given.

- horizontal scale = vertical scale  $\times \sqrt{\frac{K_z}{K_x}}$

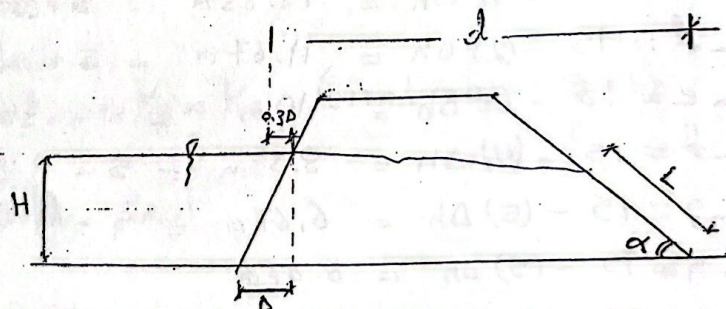
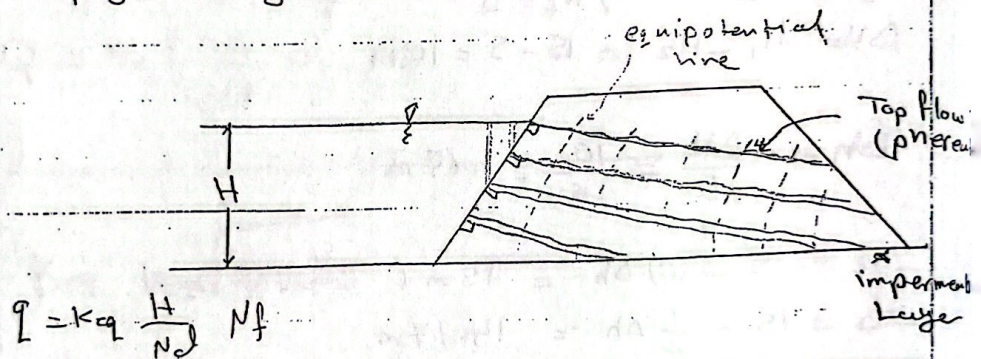
دائماً  $K_x$  أكبر من  $K_z$  ~~خط جريان~~ الأفقية أسهل من العمودية.

Ex // if  $K_x = 9K_z$

$\Rightarrow$  horizontal scale = vertical scale  $\sqrt{\frac{K_z}{K_x}} = \text{vertical scale} \sqrt{\frac{1}{9}}$

$\Rightarrow$  horizontal scale =  $\frac{1}{3} \times$  vertical scale.

seepage through an earth dam and impervious layer



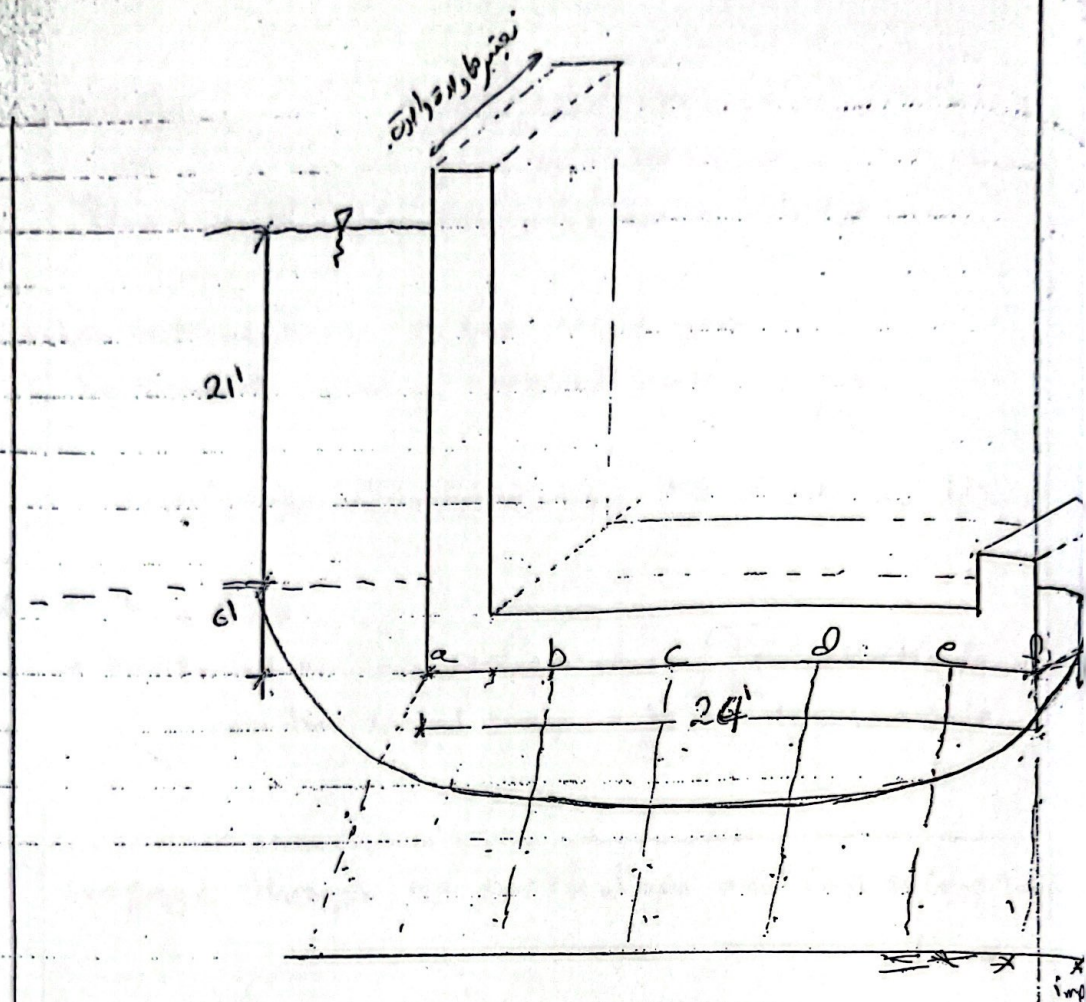
$$L = \frac{d}{\cos \alpha} \sqrt{\frac{d^2}{\cos^2 \alpha} - \frac{H^2}{\sin^2 \alpha}}$$

الارتفاع بين مكان خروج وادخال Flow line  
الارتفاع في الجوانب المتناهيين

$$q = (Kq \tan \alpha \sin \alpha) L$$

الارتفاع L من Flow line

[75]



$$\Delta H = 21'$$

$$N_d = 7$$

$$\Delta h = \frac{\Delta H}{N_d} = \frac{21'}{7} = 3'$$

$$\text{Pressure } a = 21 + 6 - 1 \times (3) = 24' \gamma_w$$

$$\text{Pressure } b = 21 + 6 - 2 \times (3) = 21' \gamma_w$$

$$\text{Pressure } c = 21 + 6 - (3) \times (3) = 18' \gamma_w$$

$$\text{Pressure } d = 21 + 6 - 4 \times (3) = 15' \gamma_w$$

$$\text{Pressure } e = 21 + 6 - 5 \times (3) = 12' \gamma_w$$

$$\text{Pressure } f = 21 + 6 - 6 \times (3) = 9' \gamma_w$$

$$\Rightarrow \text{avg pressure} = \frac{(24 + 9) \gamma_w}{2} = 16.5 \gamma_w$$

$$\Rightarrow \text{Force} = A$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \text{Force} &= \text{Avg pressure} \times \text{Area} = (16.5 \gamma_w) (24 \times 1') = \\ &= (16.5 \times 62.4) (24) = \\ &= 24710.4 \text{ lb / m width} \end{aligned}$$

77

Saturday

## Effective stress ( $\sigma'$ )

28/3/2015

Effective stress ( $\sigma'$ ):

is the force per unit area, carried by the soil skeleton. it is control the volume change and strength of the soil. higher effective stress will induce denser soil.

stress ( $\sigma$ ) : divided into :

1. (U) portion carried by the pore water in the continuous voids.

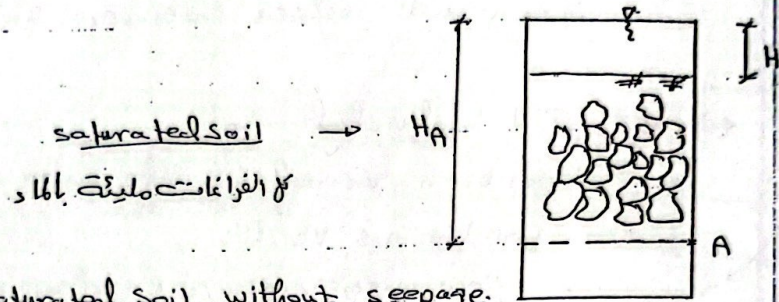
pore water pressure (neutral pressure)

$$U = H_A \gamma_w$$

## Effective stress. ( $\sigma'$ )

Effective stress ( $\sigma'$ ):

is the force per unit area, carried by the soil skeleton. it is controll. the volume change and strength of the soil; higher effective stress will induce denser soil.



\* stress in saturated soil without seepage.  
(يعني لا يوجد انتقال للماء)

$\sigma$  = Total stress. (مجموع كل الأوزان الموجودة فوقه من فوقه)

\* Total stress ( $\sigma$ ) is divided into two parts.

1. Neutral stress (pore water pressure) ( $u$ ) (سلب)  
apart carried by water in the voids.

$$u_A = H_A \gamma_w$$

2. Effective stress ( $\sigma'$ ) (جزء محمل حبيبات التربة)

apart carried by the soil solid at their point of contact.

$$\sigma' = \sigma - u$$

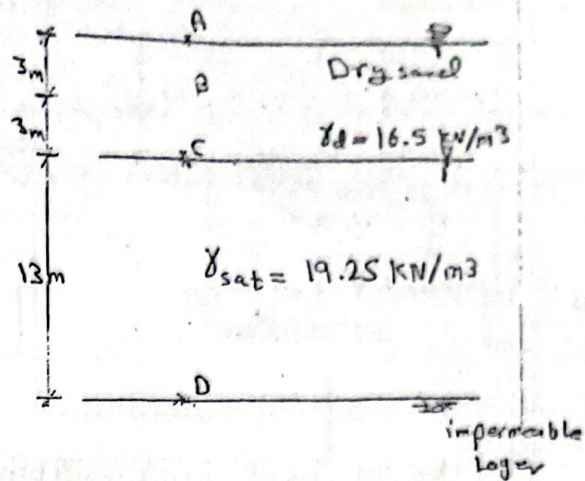
$$\Rightarrow \sigma' = \sigma - u = \frac{H \gamma_w + (H_A - H) \gamma_{sat}}{\sigma} - \frac{H_A \gamma_w}{u}$$

$$= (H_A - H) \gamma_{sat} - (H_A - H) \gamma_w$$

$$= (H_A - H) (\gamma_{sat} - \gamma_w)$$

$$= (H_A - H) \gamma_{submarrage}$$

Find  $\sigma'$  at A, B, C, D



at point A

$$\sigma_A = 0 \quad (\text{ليس ضالك اوزان فوقه})$$

$$u_A = 0 \quad (\text{ليس ضالك ماء فوقه})$$

$$\sigma'_A = 0 \quad (0 - 0 = 0)$$

at point B

$$\sigma_B = 3\gamma_d = 3 \times 16.5 = 49.5 \text{ kN/m}^3$$

$$u_B = 0 \quad (\text{لا يوجد ماء فوقه})$$

$$\sigma'_B = \sigma_B - u_B = 49.5 \text{ kN/m}^3$$

at point C

$$\sigma_C = 6\gamma_d' = 6 \times 16.5 = 99 \text{ kN/m}^3 = \sigma_B + 3\gamma_d = 99 \text{ kN/m}^3$$

$$u_C = (0) \quad (\text{لا يوجد ماء فوقه})$$

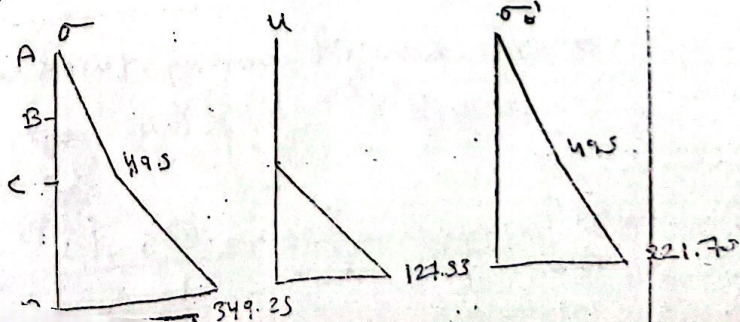
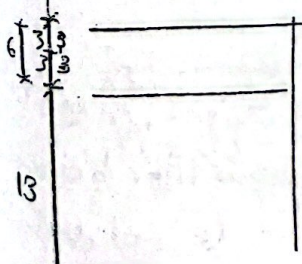
$$\sigma'_C = \sigma_C - u_C = 99 \text{ kN/m}^3$$

at point D

$$\sigma_D = \sigma_C + 13\gamma_{sat} = 99 + 13(19.25) = 349.25 \text{ kN/m}^3$$

$$u_D = u_C + 13\gamma_w = 0 + 13 \times 9.81 = 127.53 \text{ kN/m}^3$$

$$\sigma'_D = \sigma_D - u_D = 349.25 - 127.53 = 221.75 \text{ kN/m}^3$$



saturated

seepage flow

4/4/

عند وجود تسريب للماء (seepage)

الماء ينتقل من مكان لآخر (يغير effective stress)

\* upward seepage :-

$$\sigma' = 0$$

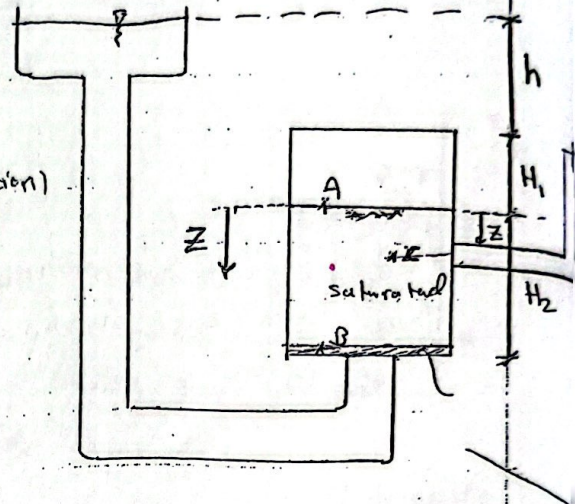
(boiling, liquid, quick condition)

at point A

$$\sigma_A = H_1 \gamma_w$$

$$u_A = H_1 \gamma_w$$

$$\sigma'_A = 0$$



at point B

$$\sigma_B = H_1 \gamma_w + H_2 \gamma_{sat}$$

$$u_B = (H_1 + H_2 + h) \gamma_w$$

$$\sigma'_B = \sigma_B - u_B = H_2 (\gamma_{sat} - \gamma_w) - h \gamma_w$$

at point C

$$\sigma_C = H_1 \gamma_w + z \gamma_{sat}$$

$$u_C = (H_1 + z + iz) \gamma_w$$

$$\sigma'_C = z (\gamma_{sat} - \gamma_w) - i z \gamma_w$$

$$= z \gamma'_{sat} - i z \gamma_w$$

$$i = \left( \frac{h}{H_2} \right)$$

فشار ما يستعمل  
هناك بسبب ما يسمى  
بـ وحدة الماء

$$\Rightarrow \sigma'_C = z \gamma' - i z \gamma_w$$

seepage pressure

$\sigma' = 0 \rightarrow$  Liquid, boiling, quick condition.

$$0 = z \gamma' - i z \gamma_w \Rightarrow$$

هناك تسرب أكبر أو أرفع الخزان

هناك تسرب h، وانا كبرت أ

فكنا جعل  $(\sigma' = 0)$

$$\Rightarrow i_{critical} = \frac{\gamma'}{\gamma_w} = \frac{0.5 - 1}{1 + e}$$

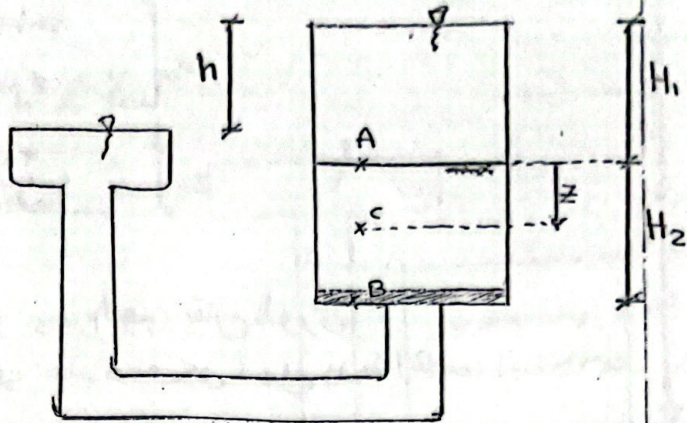
$$(0.9 - 1.1)$$

$$e \approx 1.0$$

$$[81]$$

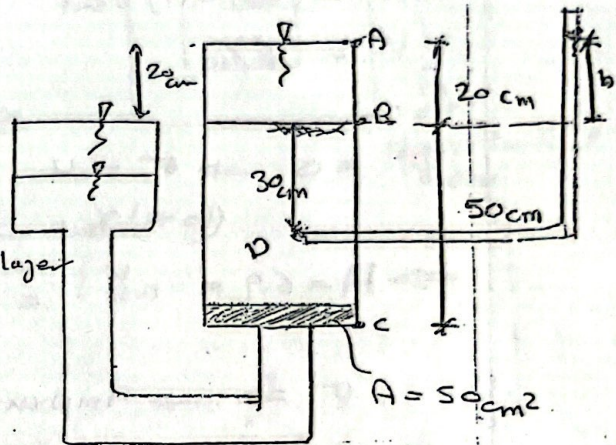
## Downward Flow

$$\sigma' = z \gamma' + i z \gamma_w$$



//  $\gamma_{\text{sat}} = 2 \text{ gm/cm}^3$   
 $q = 0.03 \text{ cm}^3/\text{sec}$

- Find  $k$
- plot variation of  $\sigma, u, \sigma'$  at A, B, C
- Find height point D above the soil layer

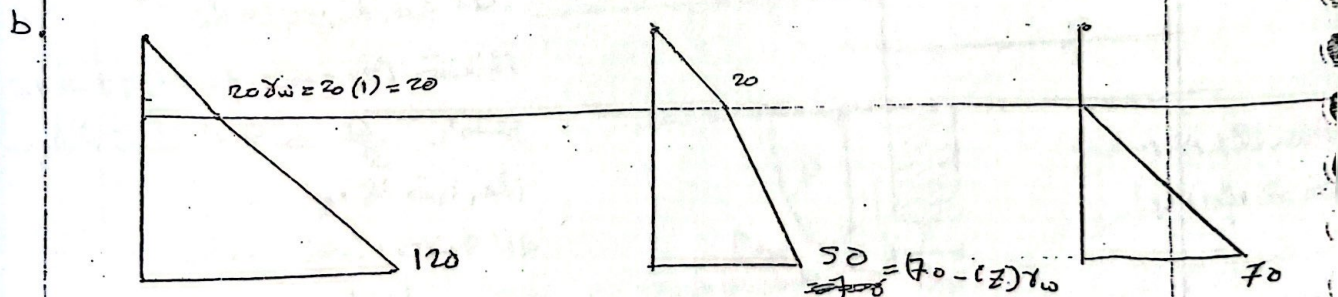


Solution

$$i = \frac{h}{H_2} = \frac{20}{50} = 0.4$$

a.  $q = KiA$

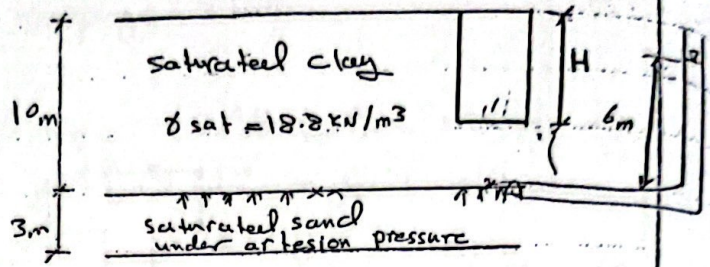
$$\Rightarrow k = \frac{q}{iA} = \frac{q}{\left(\frac{h}{H_2}\right)A} = \frac{0.03}{\left(\frac{20}{50}\right)(50)} = 1.5 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}$$



$$\sigma'_c = z \gamma' + i z \gamma_w = 50(2-1) + 0.4(50)(1) = 70$$

c.  $h = 50$  ??  
 $h = H - i z \gamma_w = 50 - (0.4)(30)(1) = 38$

EX



عملت حفرة في التربة في الحفر يقل الوزن  
عامة الحفرة  $H$  التي عند يمكن أصل لل critical condition

$$\sigma = (10 - H) \gamma_{sat}$$

$$u = \gamma_{sat} H$$

$$\sigma' = 0 \rightarrow \sigma = u$$

$$(10 - H) \gamma_{sat} = \gamma_{sat} H$$

$$\Rightarrow H = 6.9 \text{ m}$$

يعني اننا بحفر مت عمقه 6.9 الم

في منطقة جبه جيب

ايه عمليه حفر اضافية تبي

فروج الماء من خلال الحفرة

$$\sigma' = 0 \rightarrow \text{impending failure}$$

يعني failure مؤجل - نتاج شغلة بشفقة نصل

monday

seepage pressure

6/4/2015

\* seepage pressure =  $i \cdot Z \cdot \gamma_w$

effective force =  $\sigma' A = \gamma' Z A$

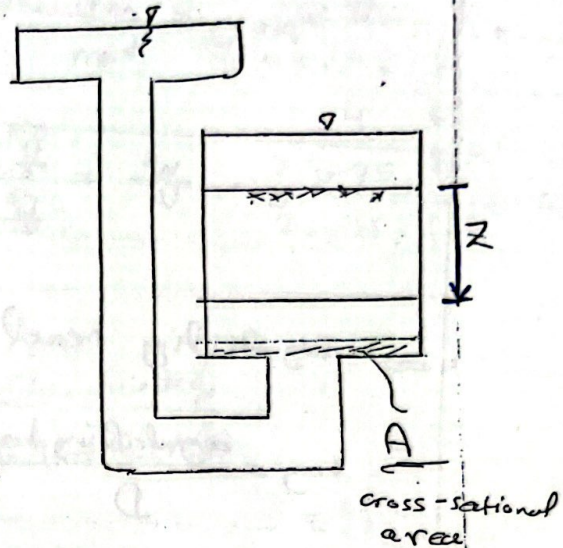
pressure force =  $\frac{i Z \gamma_w \cdot A}{}$

$\frac{\text{seepage pressure force}}{\text{unit volume}} = \frac{\text{pressure force}}{\text{Volume}}$

$= \frac{i Z \gamma_w A}{Z A} = i \gamma_w$

$\Rightarrow \text{seepage force/unit volume} = i \gamma_w$

يعني كل وحدة حجم من هذه العينة يؤثر عليها ما مقداره  $(i \gamma_w)$  من القوة.



عمق الساتر D

المنطقة التي خلف الساتر

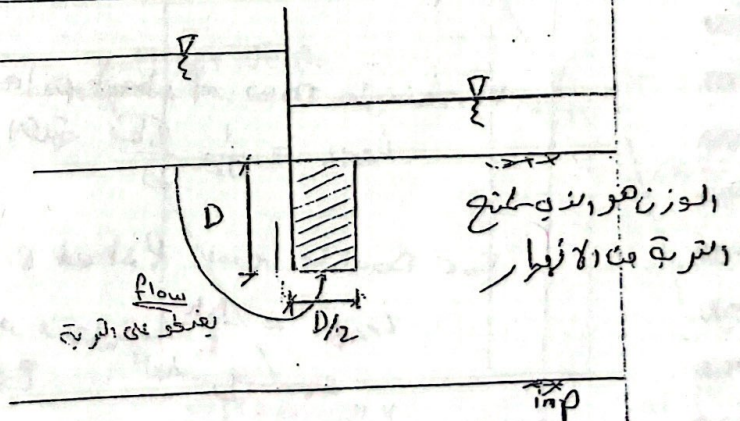
بمقدار  $\frac{D}{2} \leftarrow$  هي المنطقة الخطرة

المعرضة للانزلاق

فإذا ضمنت ان هذه المنطقة

فمنه فيها خطورة فهذا يعني

بقية. المنا لم آمنة.



$W' = D \cdot \frac{D}{2} \cdot (1) \gamma' = \frac{D^2}{2} \gamma'$

$\text{lift force} \cdot u = D \cdot \frac{D}{2} \cdot 1 \cdot i_{avg} \gamma_w = \frac{D^2}{2} i_{avg} \gamma_w$

$$F.S. = \frac{i_{cr}}{i_{avg}} > (4-5)$$

$$F.S._{\text{piping}} = \frac{i_{cr}}{i_{exit}} > 1$$

$$F.S. = \frac{w^2}{u} = \frac{\frac{D^2}{2} \delta'}{\frac{D^2}{2} i_{avg} \delta_w} = \frac{1}{i_{avg}} \frac{\delta'}{\delta_w} = \frac{i_{cr}}{i_{avg}}$$

→ avg drilling head → الطاقة المتبقية التي تخرج

من بئر الماء كأي بئر مسير

$$i_{avg} = \frac{\text{avg drilling head}}{D}, \quad i_{cr} = \frac{\delta'}{\delta_w}$$

F.S. ضا على بسبب وجود ~~الغاز~~ (High uncertainty)  $F.S. > 5$  اذا لمع هذا يعني جيد

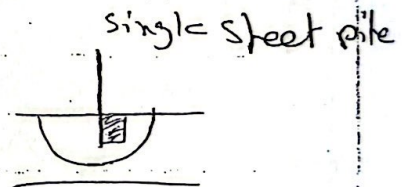
F.S. against piping

$$F.S. = \frac{i_{cr}}{i_{exit}} > 1$$

أختر واحد البني يكون أقرب إلى sheet pile

For single row of sheet pile

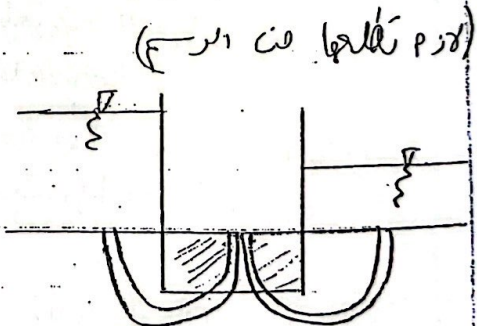
$$i_{exit} = \frac{1}{\pi} \frac{\Delta h}{D}$$



For Double row of sheet pile

$$i_{exit} = \frac{\Delta h}{L}$$

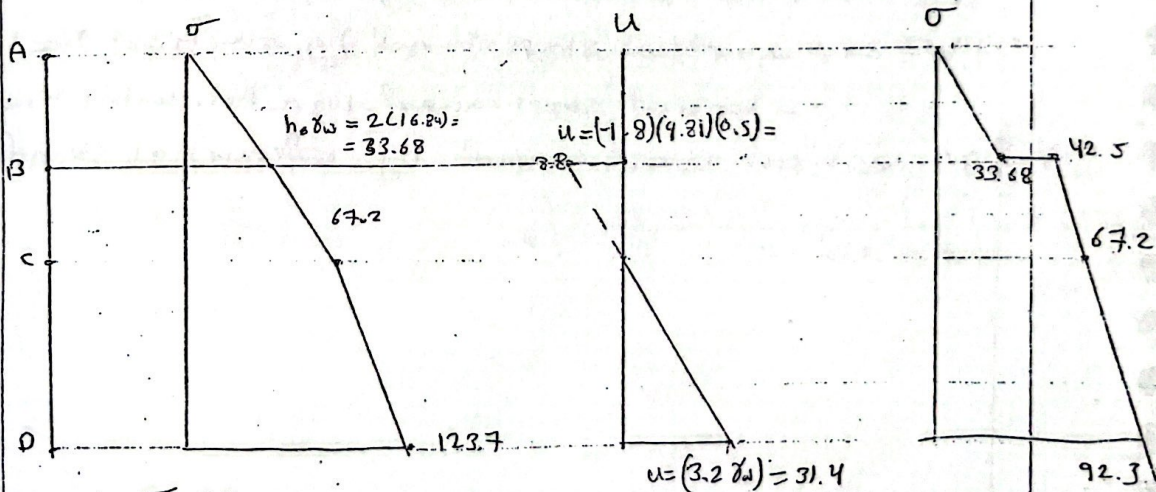
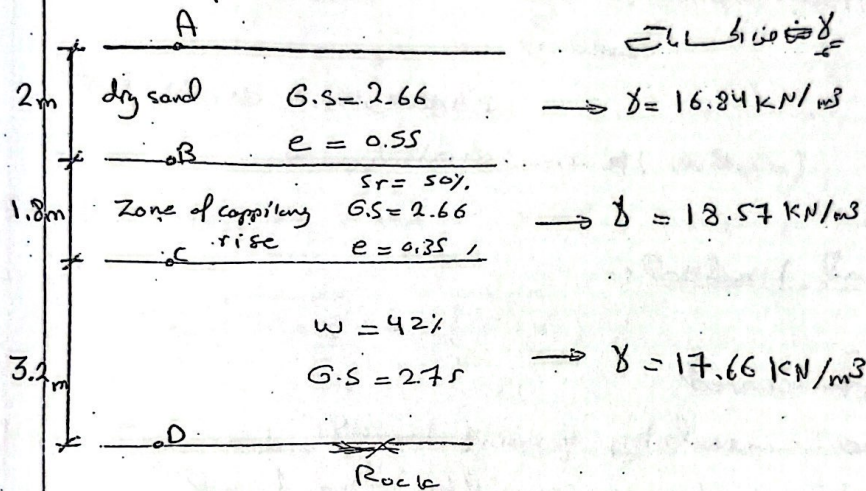
بعد عن نقطة التخرج



Hazen  $h = \frac{C \rightarrow 1.0-50 \text{ mm}}{e D_{10}^2}$

Soil type	Range of capillary rise ( $h_c$ ) (m)	$h_c$ ft
Coarse sand	0.1 - 0.2 m	0.3 - 0.6 ft
Fine sand	0.3 - 1.2 m	1 - 4 ft
silt	0.75 - 7.5 m	2.5 - 25 ft
Clay	7.5 - 23 m	25 - 75 ft

// Soil profile :



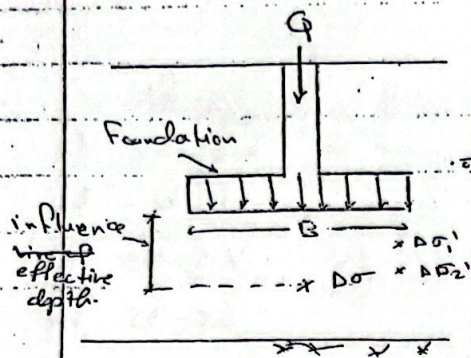
$$\begin{aligned} \sigma_A &= 0 \\ \sigma_B &= 2(16.84) = 33.68 \\ \sigma_C &= 33.68 + 1.8(18.57) = 67.2 \\ \sigma_D &= 67.2 + (3.2)(17.66) = 123.7 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} u_B &= 0 \\ u_D &= (3.2 \gamma_w) = 31.4 \end{aligned}$$

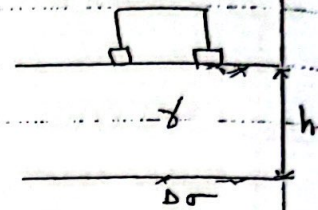
$$\begin{aligned} (\sigma'_B)_{\text{above}} &= 33.68 - 0 = 33.68 \\ (\sigma'_B)_{\text{below}} &= 33.68 - (8.83) \\ \sigma'_C &= 67.2 - 0 = 67.2 \\ \sigma'_D &= 123.7 - 31.4 = 92.3 \end{aligned}$$

# Chapter 10

## Stress in soil mass



$\Delta\sigma_1' > \Delta\sigma_2'$   
 لأن كتلة التربة التي تحمل الحمل أقل من كتلة التربة التي تحمله



انضفت على التربة  
 والحمل يتحمل بالمياه

$$\text{influence effective depth} = (2-3)\beta$$

حيث  $\beta$  هي المسافة

$\Delta\sigma$  نفس على المسافة المحل المؤثر

من المنطقة التي تحمل الحمل (depth d)

### \* Types of Loads:-

#### 1. Point Load

1. stress caused by a point load

#### 2. Vertical stress caused by Line Load

- vertical stress caused by a vertical line load

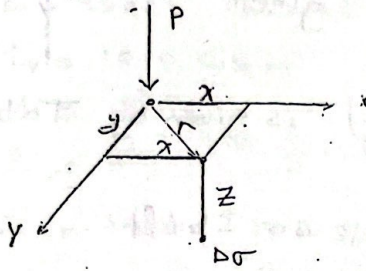
- vertical stress caused by a horizontal line load

#### 3. vertical stress caused by a vertical strip load

II. مثال عليها خزان الماء الذي يكون مرفوع على قاعدة لها أربع أرجل : point Load  
أو عجل السياره .

$$\Delta \sigma_z = \frac{P}{z^2} \left[ \frac{3}{2\pi} \cdot \frac{1}{\left[\left(\frac{r}{z}\right)^2 + 1\right]^{5/2}} \right] = \frac{P}{z^2} \cdot I_1$$

where  $I_1$  : given as a function of  $\left(\frac{r}{z}\right)$  .... Table 10.1



Ex  $P = 1000 \text{ Ib}$  ,  $z = 2'$  ,  $x = 3'$  ,  $y = 4'$  , Find  $\Delta \sigma_z$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5'$$

$$\text{From Table 10.1 } \frac{r}{z} = \frac{5}{2} = 2.5 \rightarrow I_1 = 0.0034$$

$$\Rightarrow \Delta \sigma_z = \frac{P}{z^2} I_1 = \frac{1000}{(2)^2} \times 0.0034 = 0.85 \text{ Ib/ft}^2$$

or

$$\Delta \sigma_z = \frac{P}{z^2} \left[ \frac{3}{2\pi} \cdot \frac{1}{\left[\left(\frac{r}{z}\right)^2 + 1\right]^{5/2}} \right] = \frac{1000}{(2)^2} \left[ \frac{3}{2\pi} \cdot \frac{1}{(2.5^2 + 1)^{5/2}} \right] = 0.85 \text{ lb/ft}^2$$

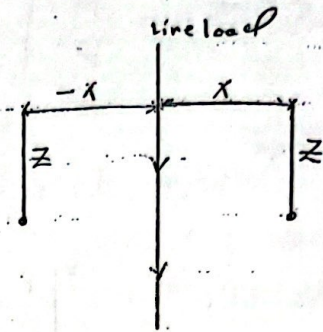
## 2) $\Delta\sigma$ due to Line Load.

you given  $q$ /unit length

$\Delta\sigma$  due to vertical line load.

by  
3/10

$$\Delta\sigma_z = \frac{2q}{\pi} \frac{z^3}{(x^2+z^2)^2}$$



Variation of  $\left(\frac{\Delta\sigma_z}{q/z}\right)$  is given

as a function of  $f\left(\frac{x}{z}\right)$  is given by Table 10.2

Ex// Vertical line load,  $q = 1200 \text{ lb/ft}$

Find  $\Delta\sigma$  at  $x' = 5'$ ,  $z = 3'$

solution

$$\Delta\sigma_z = \frac{2(1200)(3)^3}{\pi (5^2+3^2)^2} = \dots \text{lb/ft}^2$$

or From Table 10.2

$$\text{where } \frac{x}{z} = \frac{5}{3} = 1.67 \rightarrow \frac{\Delta\sigma}{(q/z)} = 0.0446$$

$$\rightarrow \Delta\sigma = \left(\frac{1200}{3}\right)(0.0446) = 17.84 \text{ lb/ft}^2$$

$\Delta\sigma$  due to horizontal line load.

by  
10  
x/z

$$\Delta\sigma_z = \frac{2q}{\pi} \frac{x z^2}{(x^2+z^2)^2}$$

Variation of  $\frac{\Delta\sigma_z}{q/z}$  is  
as a function of  $\frac{x}{z}$  from table 10.3

Ex horizontal line load.  $q = 1200 \text{ lb/ft}$ ,  $x = 5'$ ,  $z = 3'$ , find

$$\Delta\sigma_z = \frac{2(1200)(5)(3)^2}{\pi (5^2+3^2)^2} = 29.7 \text{ lb/ft}^2$$

or From table 10.3  $\rightarrow$  where  $\frac{x}{z} = \frac{5}{3} = 1.67 \rightarrow \frac{\Delta\sigma_z}{q/z} = 0.074$

$$\rightarrow \Delta\sigma_z = \left(\frac{1200}{3}\right)(0.074) = 29.7 \text{ lb/ft}^2$$

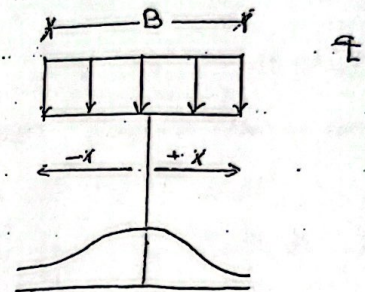
93

3 Vertical stress caused by a vertical strip Load  
(Finite width and infinite length)  
بروزن معروف و رکن طولی کبیر ناخذ شریحه طولی ام

Given  $q$ /unit area

Variation of  $\left(\frac{\Delta\sigma_z}{q}\right)$  as

a function of  $\left(\frac{2z}{B}, \frac{2x}{B}\right)$



from Table 10.4

EX.  $q = 200 \text{ kN/m}^2$

$x = \pm 9 \text{ m}, \pm 6, \pm 3, 0$

$z = 3 \text{ m}$

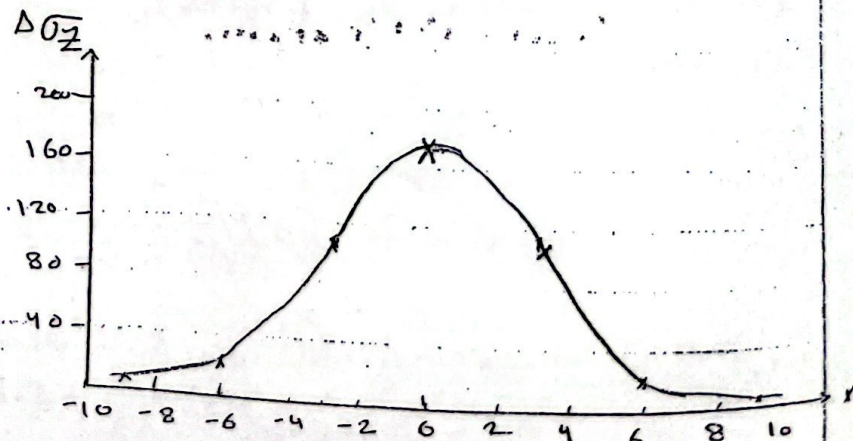
$B = 6 \text{ m}$

Solution

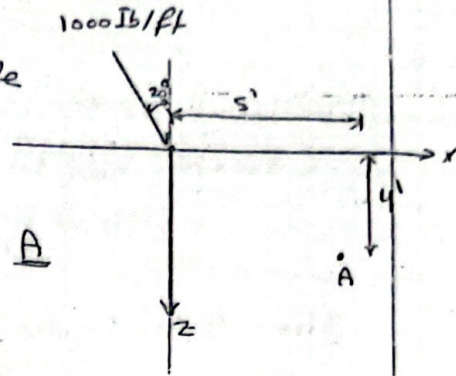
$$\left(\frac{2z}{B}, \frac{2x}{B}\right) = \left(\frac{2(3)}{6}, \frac{2(x)}{6}\right) = (1, 3) \Rightarrow \frac{\Delta\sigma_z}{q} = 0.07$$

$x \text{ (m)}$	$z \text{ (m)}$	$2x/B$	$2z/B$	$\Delta\sigma/q$	$\Delta\sigma_z \text{ (kN/m}^2\text{)}$
$\pm 9$	3	$\pm 3$	1	0.07	3.4
$\pm 6$	3	$\pm 2$	1	0.084	16.8
$\pm 3$	3	$\pm 1$	1	0.480	96.0
0	3	0	1	0.818	163.6

Plot



An inclined load with a magnitude of  $1000 \text{ Ib/ft}$  is shown. Determine the increase of Vertical stress  $\Delta\sigma_z$  at point A due to the line load.



Solution

→ Vertical stress caused by a vertical load.

$$q_v = 1000 \cos 20^\circ$$

$$x = s'$$

$$z = u' \Rightarrow \frac{x}{z} = 1.25$$

$$\text{From Table 10.2} \Rightarrow \frac{\Delta\sigma_z}{q/z} = 0.098$$

$$\Rightarrow (\Delta\sigma_z)_v = \frac{1000 \cos(20^\circ)}{4} (0.098) \approx 23 \text{ Ib/ft}^2$$

→ Vertical stress caused by a horizontal load

$$q_h = 1000 \sin(20^\circ)$$

$$x = s'$$

$$z = u' \Rightarrow \frac{x}{z} = 1.25$$

$$\text{From Table 10.3} \Rightarrow \frac{\Delta\sigma_z}{q/z} = (0.125)$$

$$\Rightarrow (\Delta\sigma_z)_h = (0.125) \left( \frac{1000 \sin 20^\circ}{4} \right) = 10.7 \text{ Ib/ft}^2$$

$$\Rightarrow \Delta\sigma_z = (\Delta\sigma_z)_v + (\Delta\sigma_z)_h$$

$$= 23 + 10.7 =$$

$$= 33.7 \text{ Ib/ft}^2$$

94

$$F.S = \frac{W'}{u}$$

جب ان یوں FS

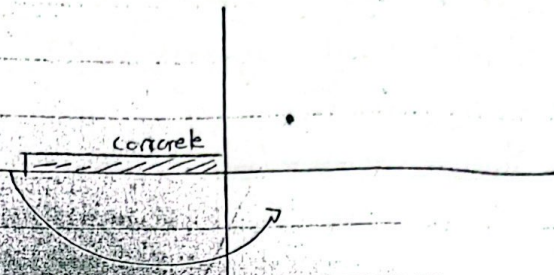
اگر من 4

من اچھ دفعہ

بھل 4

W' من

اگر اچھ دفعہ



Flow of water through soil

Flow of water through soil

طریقہ تانیہ نزدیک

selection of Filter material

Filter:-

granular material

small enough

of soil particles

same time

enough

resist

F.S =

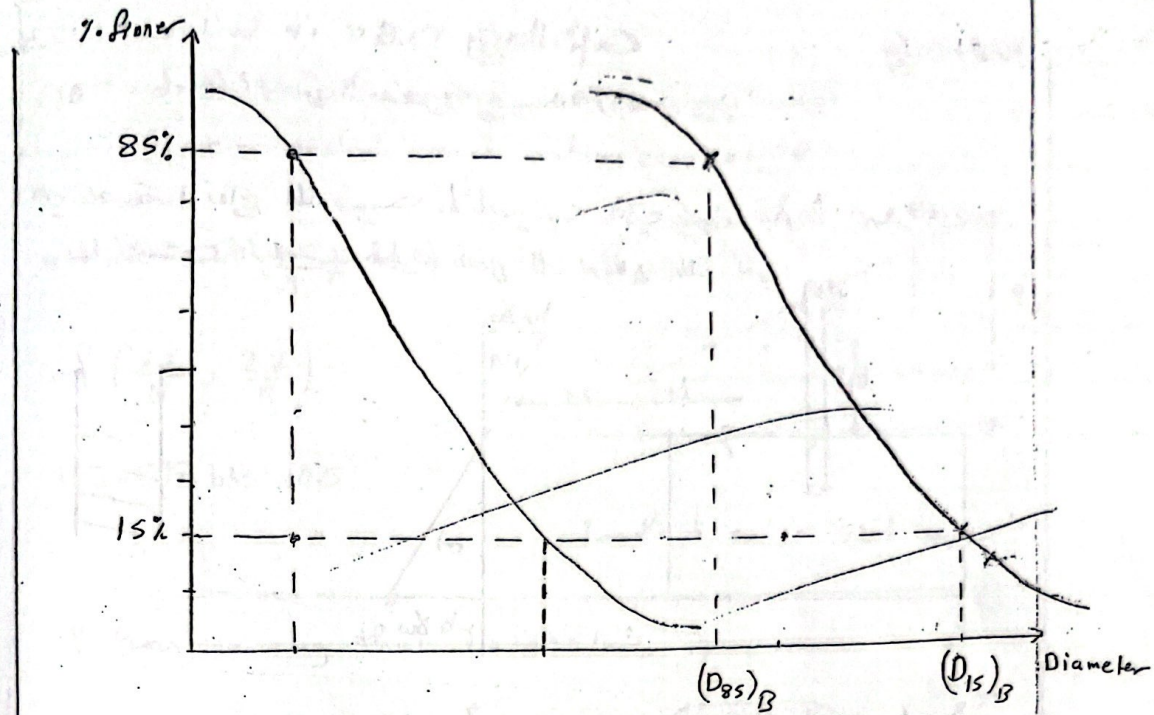
large soil

large filter

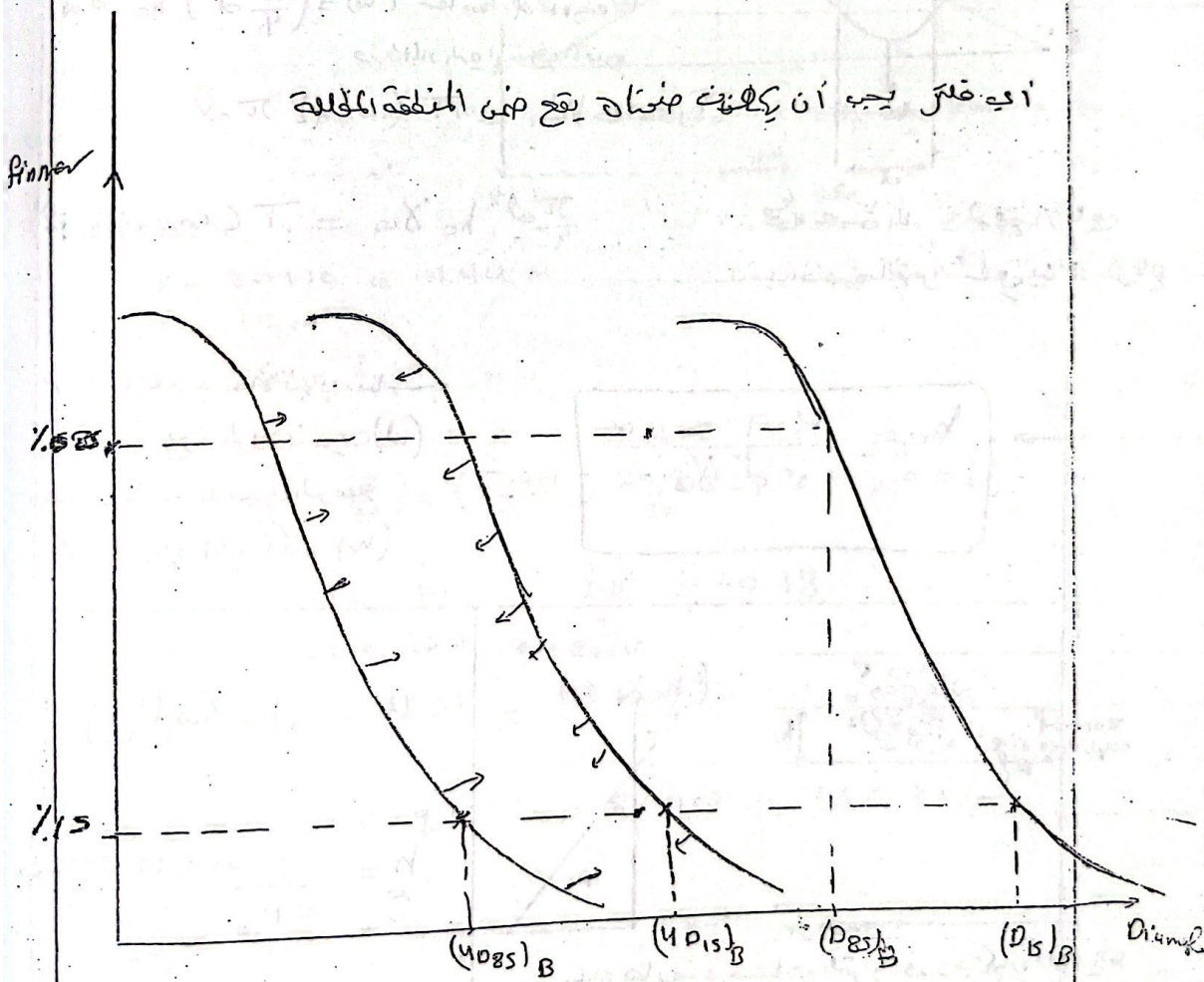
Filter

of

filter



أي قطر يجب أن يكون منقاد يقع فيه المنطقة المظللة



EX// → check safety against D. (heave)  
 → and check safety against piping.

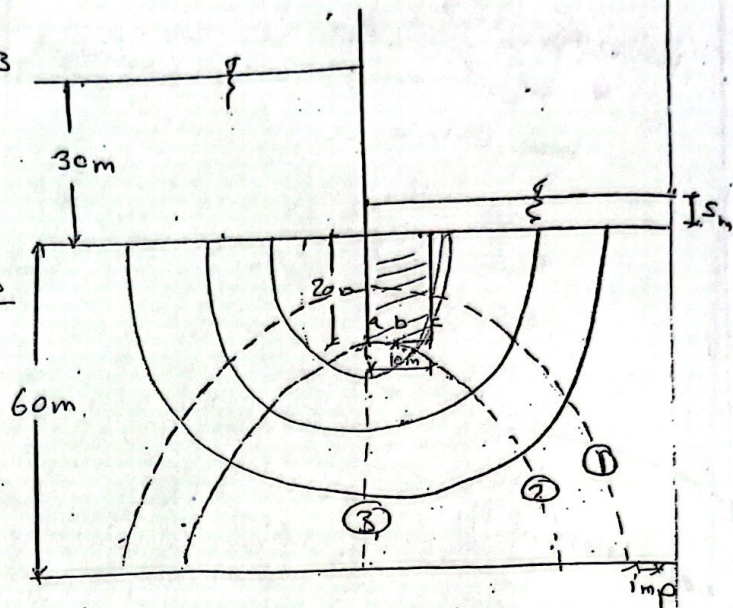
Knowing that

$$\gamma_{sat} = 20 \text{ kN/m}^3$$

$$i_{cr} = \frac{\gamma'}{\gamma_w} = \frac{\gamma_{sat} - \gamma_w}{\gamma_w}$$

$$= \frac{20 - 9.81}{9.81}$$

$$= 1.04$$



Solution

$$DH = 25 \text{ m}, \quad Nd = 6, \quad \Delta h = \frac{DH}{Nd} = \frac{25}{6} = 4.167$$

$$\text{driving head loss @ a} = 3 DH = 3(4.167) = 12.5 \text{ m}$$

$$\text{driving head loss @ b} = 2 DH = 2(4.167) = 8.3 \text{ m}$$

$$\text{driving head loss @ c} = 1.7 DH = 1.7(4.167) = 7.1 \text{ m}$$

$$\text{avg driving head loss} = \frac{12.5 + 8.3 + 7.1}{3} = 9.3 \text{ m}$$

$$i_{avg} = \frac{\text{avg driving head loss}}{D} = \frac{9.3}{20} = 0.465$$

$$F.S = \frac{i_{cr}}{i_{avg}} = \frac{1.04}{0.465} = 2.23 < 4 \Rightarrow \text{check fail.}$$

$$i_{crit} = \frac{\Delta h}{D/L} = \frac{4.167}{5}$$

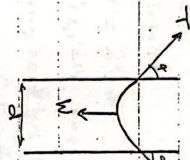
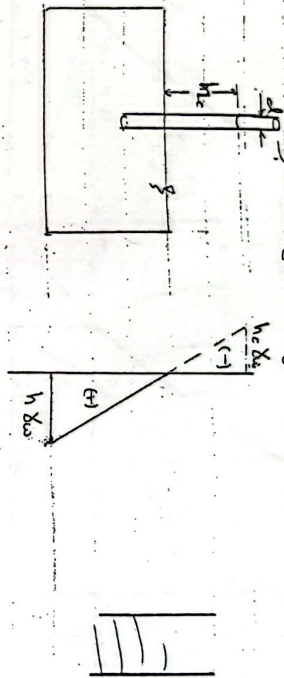
$$\# (F.S)_{piping} = \frac{i_{cr}}{i_{crit}} = \frac{1.04}{0.833} = 1.25$$

Wednesday

Capillary rise in Soil  
الخاصية الشعرية في التربة

15/4/2019

هي خاصية ارتفاع المائقي الأنايس التي يكون قطرها صغيراً  
وكلما كانت الأنايس قطرها أقل كان ارتفاع الماء أكبر



Weight of water column  $(W) = \left(\frac{\pi}{4} d^2\right) h \rho \times g$   
وزن الماء في عمود المائقي الأنايس

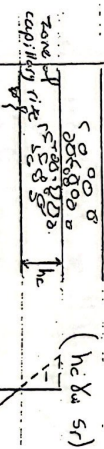
$$W = T (\cos \theta) \pi d$$

$$\frac{\pi d^2}{4} h \rho \times g = T (\cos \theta) \pi d$$

تحت تأثير قوة التوتر السطحي  
بمساحة التماس بين الماء والجدار

$$h_c = \frac{4 T \cos \theta}{d \rho \times g}$$

ارتفاع الماء في الأنبوب يتناسب  
عكساً مع قطر الأنبوب (د)  
في نفس مادة الأنبوب والارتفاع  
يكون ارتفاع الماء أكبر ( $h_c$ )



$$u = -h_c \rho \times g \left(\frac{g}{1000}\right)$$

$$h = \frac{C}{e D_{10}^{1/2}}$$

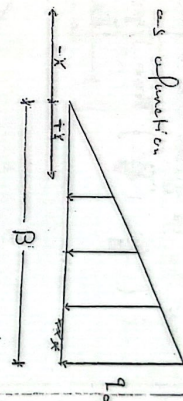
الماء هنا ينخفض نسبياً في التربة حيث يكون الماء  
والهواء تزداد نسبة حيث الماء = 30-50%

due to linearly increasing load  
"Finite width and infinite length"

variation of  $\left(\frac{\Delta \sigma}{q}\right)$  is given as function

$$f\left(\frac{2x}{B}, \frac{2z}{B}\right)$$

From Table 10.5



الموجبة زيادة  $\Delta \sigma$  مع زيادة  $2x/B$

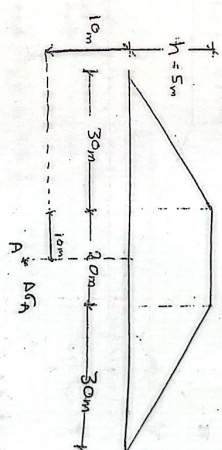
If you know that  $\gamma = 18 \text{ kN/m}^3$

Solution

$$X = 30 + 10 = 40 \text{ m}$$

$$Z = 10 \text{ m}$$

$$B = 30 \text{ m}$$



$$\rightarrow \left(\frac{2x}{B}, \frac{2z}{B}\right) = \left(\frac{2(40)}{30}, \frac{2(10)}{30}\right) = (2.67, 0.67)$$

From Table 10.5  $\frac{\Delta \sigma}{q} = 0.18$

Table 10.4 Terzaghi

$$q = \gamma h = 18(5) = 90 \text{ kN/m}^2$$

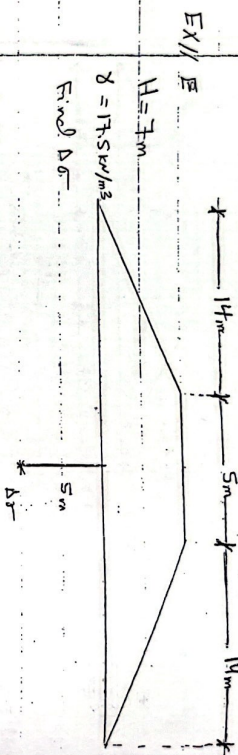
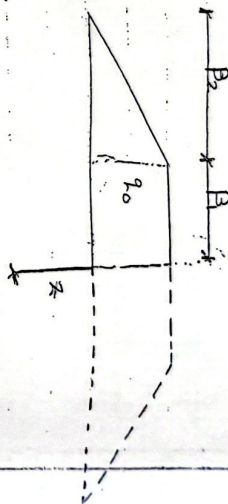
$$\Delta \sigma = 0.18(q) = 0.18(90) = 16.2 \text{ kN/m}^2$$

\*  $\Delta \sigma$  due to the embankment load.

$$\Delta \sigma = q_0 I_z$$

where  $I_z$  is given as function

of  $\left(\frac{B_1}{Z}, \frac{B_2}{Z}\right)$  From Figure 10.20 (Figure 10.15 in Text Book)



**Solution**

$$B = 2.5 \text{ m}$$

$$B_2 = 14 \text{ m}$$

$$Z = 5 \text{ m}$$

$$q_0 = \gamma H = (17.5)(7) = 122.5 \text{ m}$$

$$\left(\frac{B_1}{Z}, \frac{B_2}{Z}\right) = \left(\frac{2.5}{5}, \frac{14}{5}\right) = (0.5, 2.8)$$

From Figure 10.20 (10.15) in Text Book

$$I_z = 0.445$$

$$\Delta \sigma_{\text{avg}} = q_0 I_z = (122.5)(0.445) = 54.51 \text{ kN/m}^2$$

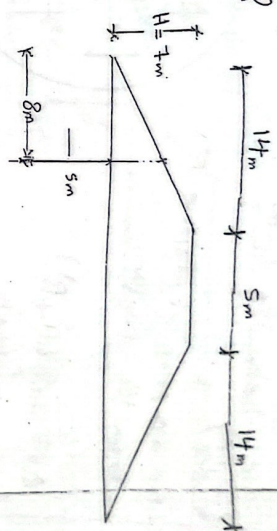
$$\Delta \sigma = 2 \Delta \sigma_{\text{avg}} = 109 \text{ kN/m}^2$$

If you know that

$$\gamma = 17.5 \text{ kN/m}^3$$

$$H = 7 \text{ m}$$

Find  $\Delta \sigma$



Find

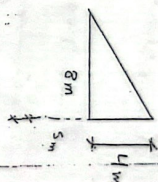
section

next step

$$\beta_1 = 0, \beta_2 = 8 \text{ m}, z = 5 \text{ m}$$

$$\gamma = \gamma_h = 17.5(4) = 70 \text{ kN/m}^2$$

$$\left(\frac{\beta_1}{z}, \frac{\beta_2}{z}\right) = (0, 1.6) \text{ from}$$



From Figure 10.20 (10.15)  $t_2 = 0.32$

in Text Book

$$\Delta \sigma = \gamma_0 I_2 = (30)(0.32) = 22.4 \text{ kN/m}^2$$

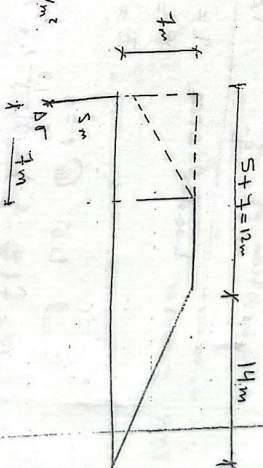
second step

$$\beta_1 = 12 \text{ m}$$

$$\beta_2 = 14 \text{ m}$$

$$z = 5 \text{ m}$$

$$\gamma = \gamma_h = 17.5(7) = 122.5 \text{ kN/m}^2$$



$$\left(\frac{\beta_1}{z}, \frac{\beta_2}{z}\right) = \left(\frac{12}{5}, \frac{14}{5}\right) = (2.4, 2.8) \rightarrow \text{From Figure 10.15 in Text Book } I_2 = 0.415$$

$$\Delta \sigma = \gamma_0 I_2 = 122.5(0.415) = 60.64 \text{ kN/m}^2$$

Third step  $\beta_1 =$

$$\beta_2 =$$

$$\gamma = \left(\frac{\beta_1}{z}, \frac{\beta_2}{z}\right) = ( ) \rightarrow I_2 =$$

$$\Delta \sigma =$$

$$\Delta \sigma_{\text{total}} = \Delta \sigma_1 + \Delta \sigma_2 = 22.4 + 60.64 = 82.04 \text{ kN/m}^2$$

$\Delta\sigma$  below the center of uniformly circle loaded.  
(vertical stress)

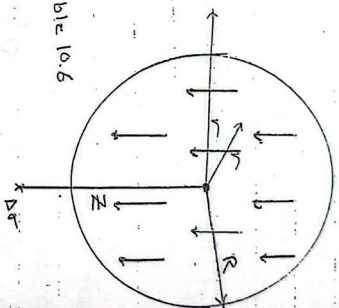
For any point at distance  $r$  from the center.

$$\Delta\sigma = q(A+B)$$

$\bar{I}_n$  intensity of the load

$A \rightarrow$  given as  $f(\frac{z}{R}, \frac{r}{R})$  Table 10.6

$B \rightarrow$  given as  $f(\frac{z}{R}, \frac{r}{R})$  Table 10.7



when  $r = R$

$$\Delta\sigma = q \left[ 1 - \frac{1}{\left[ \left( \frac{R}{z} \right)^2 + 1 \right]^{3/2}} \right]$$

Variation of  $\frac{\Delta\sigma}{q}$  with  $\left( \frac{R}{z} \right)$  from Table 10.5 (Text)

Ex // circular loaded area:  $q = 100 \text{ kN/m}^2$

$R = 5 \text{ m}$

$z = 1.5$

Find  $\Delta\sigma$  @  $r = 0$

$$A = f\left(\frac{z}{R}, \frac{r}{R}\right) = f\left(\frac{1.5}{5}, \frac{0}{5}\right) = f(0.3, 0) \rightarrow A = 0.552$$

$$B = f\left(\frac{z}{R}, \frac{r}{R}\right) = f\left(\frac{1.5}{5}, \frac{0}{5}\right) = f(0.3, 0) \rightarrow B = 0.35$$

$$\Delta\sigma = q(A+B) = 100(0.552 + 0.35) = 90.2 \text{ kN/m}^2$$

منطقة مركزها  $q$  وارتفاعها  $z$

$q = 100 \text{ kN/m}^2$   
 $z = 1.5 \text{ m}$   
 $R = 5 \text{ m}$

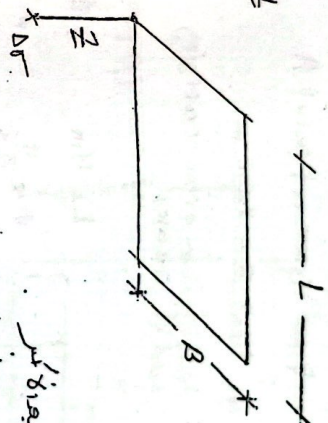
99

Vertical stress due to rectangular loaded area.

\* The point should be at the corner of the loaded rectangular area.

نقطة النقطة في الزاوية المثلثية  
منطقة المثلثية في الزاوية

زاوية المثلثية



المثلثية: L  
المثلثية: B

$$\Delta \sigma = \frac{q}{I_3}$$

$I_3$  is given as a function of  $m, n$  ... From Table 10.3

where;  $m = \frac{B}{z}$

$$n = \frac{L}{z}$$

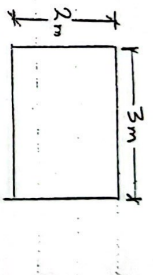
$$n \geq m$$

EX // For the rectangular shown

below, find  $\Delta\sigma$  at point A

knowing that  $Z = 2.5m$

and the rectangular area carrying load of 1200kN



Solution

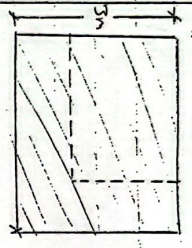
$$L = 4m, B = 3m$$

$$I_1 = \frac{1}{12}BL^3 = \frac{1}{12}(3)(4)^3 = 16m^4$$

$$I_3 = 0.2073$$

$$q = \frac{\text{load}}{\text{area}} = \frac{1200}{2 \times 3} = 200kN/m^2$$

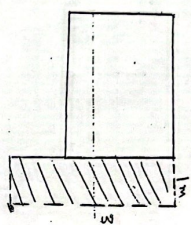
$$\Delta\sigma = q I_3 = (200)(0.2073) = 41.46kN/m^2$$



نفس

$$L = 3m, B = 1m \rightarrow I_1 = \frac{1}{12}BL^3 = \frac{1}{12}(1)(3)^3 = 0.75m^4$$

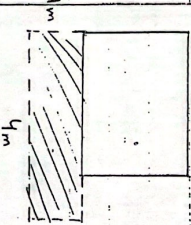
$$\Delta\sigma_2 = 200(0.1053) = 21.06kN/m^2$$



نفس

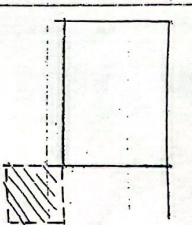
$$L = 4m, B = 1m \rightarrow I_1 = \frac{1}{12}BL^3 = \frac{1}{12}(1)(4)^3 = 1.07m^4$$

$$\Delta\sigma_3 = 200(0.1114) = 22.28kN/m^2$$



نفس

$$\Delta\sigma_4 = 200(0.062) = 12.4kN/m^2$$



$$\Delta\sigma = \Delta\sigma_1 - \Delta\sigma_2 - \Delta\sigma_3 + \Delta\sigma_4$$

$$= 41.46 - 21.06 - 22.28 + 12.4$$

$$= 10.52kN/m^2$$

101

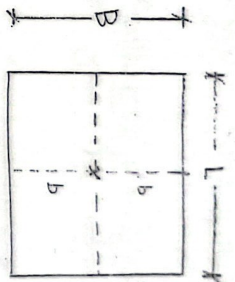
vertical stress at the center of rectangular area

$$\Delta \sigma = q I_y$$

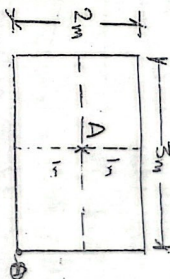
$I_y$  is function of  $(m, n)$

$$m = \frac{L}{B}, \quad n = \frac{Z}{b}$$

$I_y$  given from Table 10.9



if you know the  
the rectangular carrying  
load of 1200kN  
and  $Z = 2.5m$   
Find  $\Delta \sigma$  at point A?



Solution

$$q = \frac{\text{Load}}{\text{Area}} = \frac{1200}{2 \times 3} = 200 \text{ kN/m}^2$$

$$L = 3m, \quad B = 2m, \quad Z = 2.5m, \quad b = 1m$$

$$m = \frac{L}{B} = 1.5, \quad n = \frac{Z}{b} = \frac{2.5}{1} = 2.5$$

From Table 10.9  $I_y = 0.3223$

$$\Rightarrow \Delta \sigma = q I_y = 200 (0.3223) \approx 64.46 \text{ kN/m}^2$$

Vertical stress using influence chart  
(New mark's chart)

using at any point below uniformly loaded area of any shape.

— 500 element.

— scale  $\overline{AB} : Z$

if you given that this line is

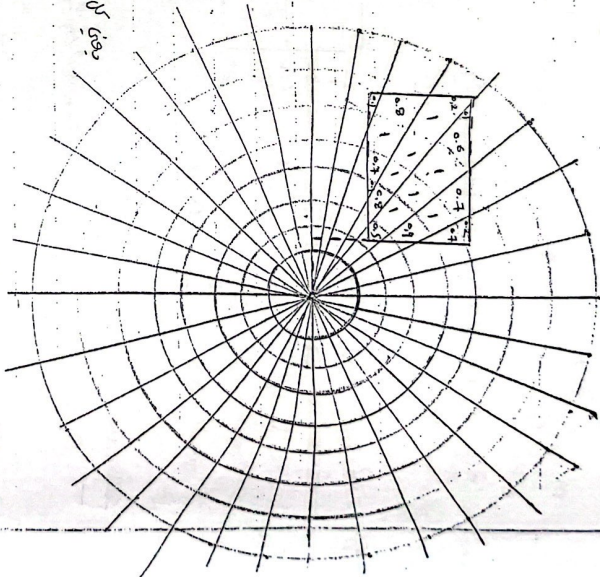
$\overline{AB} : Z$

Given  $250\text{cm}$

Given

scale: 1:100

بقي كل متر ترسمه 1cm



هو مبدأ الرسم على من المنطقة التي نريد حساب  $\sigma$  عندها ونسحب في الشكل  
خط عمود على المنطقة التي نريد حساب  $\sigma$  له  
أي في عدد ال element

# of Elements = 200

Area of each element = 0.005

$\sigma = (20 \times 0.05) (200) = 10 \text{ kN/m}^2$

لأنه من المرفقة رسمه لأي شكل من الأشكال بحيث أن يكون الشكل  
موزع بشكل متساوٍ.

EX  
مثال

a T-Shape Footing.  
carrying a load of  
5600 kN

Find  $\Delta \sigma$  at point A  
knowing that  $Z = 6m$



3m : 600m

1 : 200

$\Delta \sigma = \frac{q}{(L+Z)(B+Z)}$

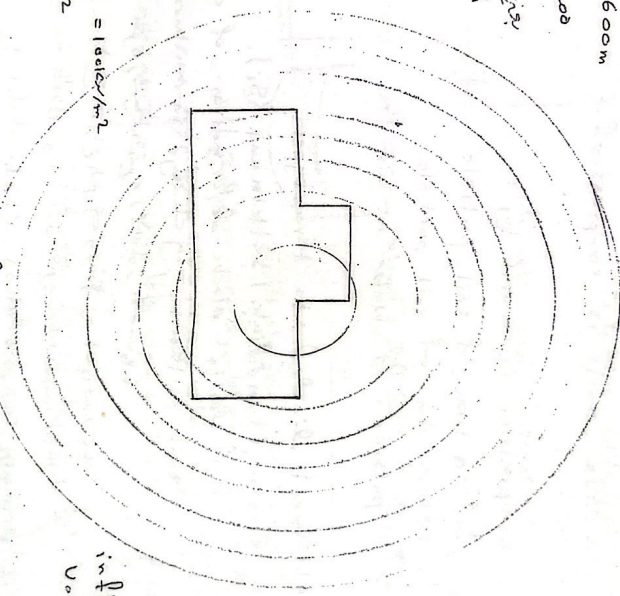
per sq. m

Find  $\Delta \sigma$

0.905

sq. m

$$\frac{5600}{4 \times 12 + 4 \times 12} = 100 \text{ kN/m}^2$$



influence  
value = 0.905

$$\Delta \sigma = (\text{influence value}) (\# \text{ of elements}) (q) = (0.905)(60)(100) = 33 \text{ kN/m}^2$$

$\Delta \sigma$  by equation = 34.9 kN/m<sup>2</sup>

approximate method :-

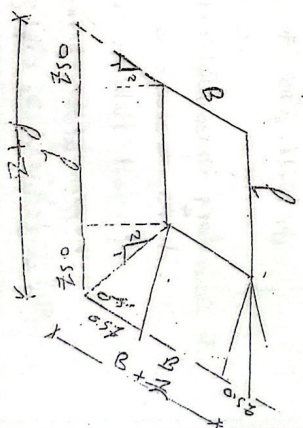
rectangular

$$\Delta \sigma = \frac{q}{(L+Z)(B+Z)}$$

Fig

slope = 1.15

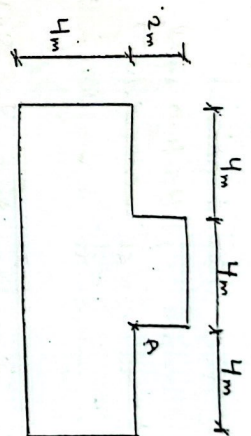
$$\Delta \sigma = \frac{q}{(L+Z)(B+Z)}$$



α T-shape Footing.  
Carrying a load of 560 kN

Find  $\Delta \sigma$  at point A  
Knowing that  $z = 6\text{ m}$

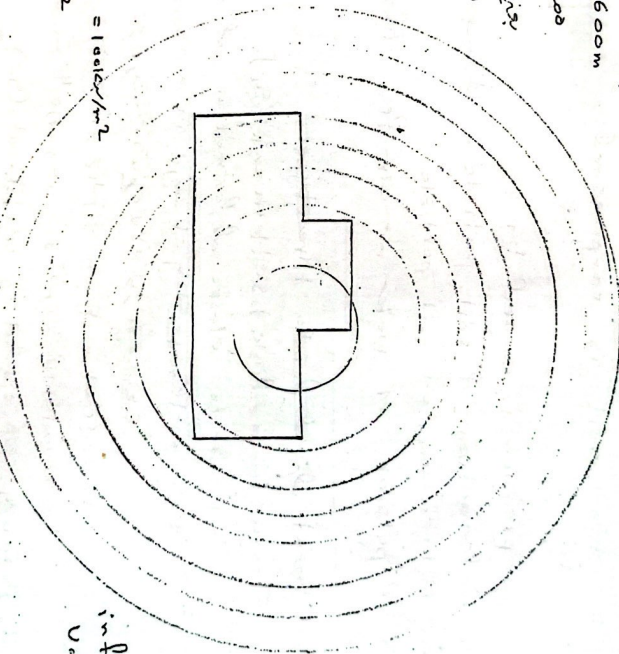
scale 3 cm : 600 cm  
1 : 200



لوگوں کے لئے وقف  
دوسرے کا استعمال  
نہیں کیا جائے گا  
element

$$q = \frac{\text{Load}}{\text{area}}$$

$$= \frac{5600}{4 \times 12 + 4 \times 2} = 100 \text{ kN/m}^2$$



influence  
value = 9.005

$$\Delta \sigma = (\text{influence value}) (\# \text{ of elements}) (A) = (0.005) (60) (100) = 30 \text{ kN/m}^2$$

by equations = 34.9 kN/m<sup>2</sup>

\* approximate method :-

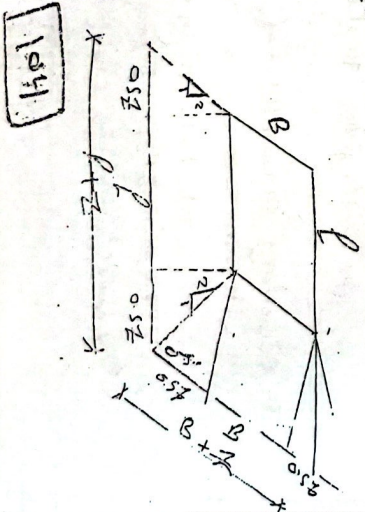
rectangular

$$\Delta \sigma = \frac{Q}{(L+z)(B+z)}$$

Rectangular

slope = 1.1 : 1

$$\Delta \sigma = \frac{Q}{(L+z)(B+z)}$$

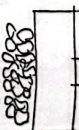


1041

## Consolidation

The gradual process of drainage under and additional load application and the associated transfer of excess pore water pressure to effective stresses cause the time dependent settlement in clay.

due to the foundation load  $\rightarrow$  stress increase on the soil is compressed.



\* This compression is caused by:

1. deformation of soil particle. (تغير شكل الجسيمات)
2. relocation of soil particle.
3. expulsion of water or air from the void.

\* Settlement divided into three types:

1. Elastic (immediate) settlement. ( $S_e$ )

it is due to elastic deformation of dry or saturated soil without any change in moisture content.

يحدثه فوراً، نتيجة قسوة لا تغير الرطوبة (المرنة)  
ويحدث في جميع أنواع التربة ويتركز في التربة المشبعة بالماء (water content) ولا يتغير محتوى الرطوبة.

2. Primary consolidation settlement. ( $S_c$ )

which is the result of volume change in saturated cohesive soil, because of expulsion of the water from the void space.

يحدث نتيجة رشح الماء من الفراغات في التربة المشبعة بالماء (water content) 1.90 لا يتغير محتوى الرطوبة.

3. Secondary consolidation ( $S_s$ )

it is occur as a result of plastic adjustment of soil fabrics in cohesive soil.

يحدث بعد اكتمال التثبيت الأولية (primary) في التربة المشبعة بالماء (water content) 1.90 لا يتغير محتوى الرطوبة.

25.4.2015

## One Dimension Consolidation

صوب الجاه والمس.

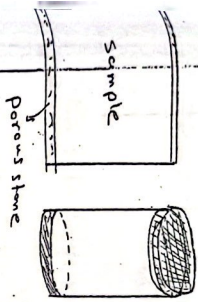
I need to find settlement.

Settlement  $\rightarrow$  Volume change parameter. ( $P_e, P_o, P_v, e, C_c, C_r$ )

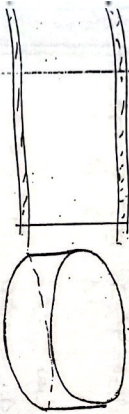
في المختبر لرفع العينة داخل أنابيب  
من الحديد. فيسح لا نسح لها الكبريت

بشكل أفقي

Diameter and thickness are known.



في الحقيقة تكون العينة المختبر داخل حقل



في ميدية خضر العينة ورفعها داخل الحقل

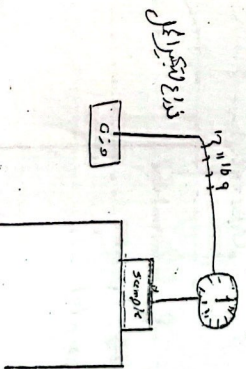
ثم نضع العينة بالماء ثم نتركها فترة كافية حتى تشبع بالماء.

لهذا سماء العينة. وكلها معروف وبالكيفية جها معروف.

بعد أن نضع العينة مشبعة بالماء يأتي دور المرحلة الثانية (الحقل)

نستخدم جهاز فيسقي (Oedometer device).

منذ لو امتدت 10:1. يعني كل المم نضع فيسقي  
سوف يوتر بـ 10 المم على العينة



1st Load increment.

Time	Reading
0	0
16 sec	2
49 sec	5
64 sec	10
4 min	1
9 min	1
1 hr	
24 hr	Final Reading

بهر 24 لايه  
 نفاذات  $\Rightarrow$

assume Final Reading  
 = 100 division  
 نه انما الرقم عند نفاذات  
 الحمل

2nd increment (double load)

Time	Reading
0	100
16 sec	110
49 sec	210
64 sec	
4 min	
9 min	
	350

نمل اننا ارقام موزع كامل (الواحد) ما بين ستين الى اربعين

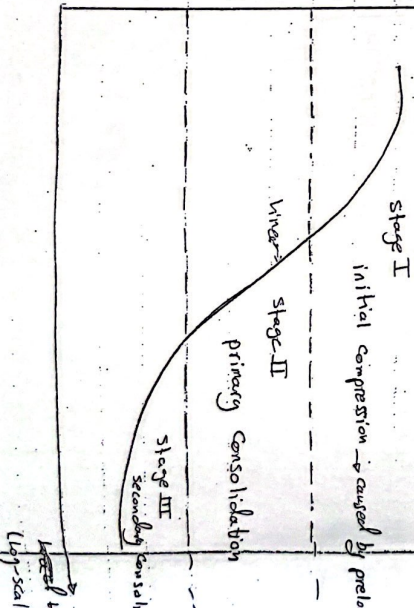
نور الحمل  $\rightarrow$  نوع loading (الزاد والناقص)

ويكون بشكل تدريجي

Time	Reading
0	350
16	342
64	340

deformation

plot of deformation  
 against time  
 (log scale)

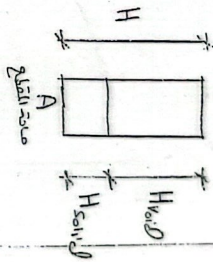


Void ratio against pressure plot

وانت حل اللى يقدر هو حجم الفراغ

$$V_{solid} = V_s \times \gamma_s = (A \times H_s) (\gamma_s \gamma_w)$$

$$\Rightarrow H_s = \frac{V_{solid}}{A \gamma_s \gamma_w}$$

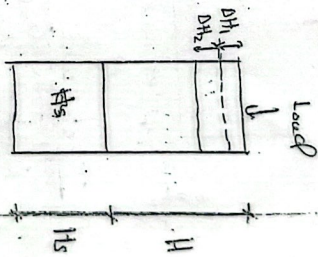


$e_0$  : initial void ratio (نسبة الفراغ قبل التحميل)

في البداية

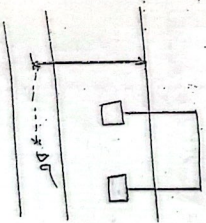
$$e_1 = e_0 - \Delta e_1, \quad \Delta e_1 = \frac{\Delta H_1}{H_s}$$

$$e_2 = e_1 - \Delta e_2, \quad \Delta e_2 = \frac{\Delta H_2}{H_s}$$



$p_0$  : initial effective stress (effective pressure) قبل ما نضع الحمل

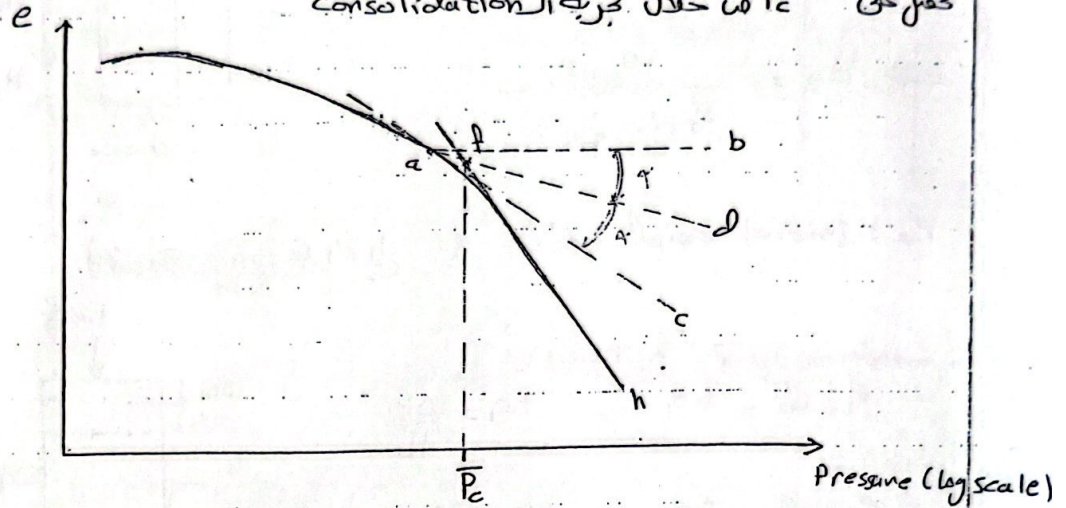
$e$	load
$e_0$	$\bar{p}_0$
$e_1$	$\Delta p_1$
$e_2$	$\Delta p_2$



$\bar{P}_c$  : maximum past pressure (preconsolidation pressure)

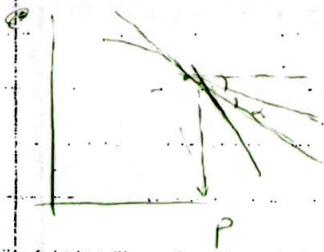
يعبر عن أكبر ضغط تعرضت له التربة فيه التاريخ

نحصل على  $\bar{P}_c$  من خلال تجربة التماسك consolidation



طريقة تحديد  $\bar{P}_c$

١. من خلال النظر حدد النقطة (e) التي تمثل (min radius of curvature) أي نقطة تقع في المنطقة الفاصلة بين المنحني والخط المستقيم
٢. نرسم خط أفقي من النقطة 'a' (ab)
٣. نرسم مماس للنقطة 'a' (ac)
٤. نصف الزاوية بين الخط الأفقي والمماس (bac) بالخط ad
٥. نرسم امتداد للخط المستقيم (linear) و عند تقاطعه مع الخط (ad) عند النقطة 'f'
٦. نرسم الخط الأفقي فيكون هذا  $\bar{P}_c$



Normally consolidated ~~clay~~ soil

if the present effective over burden pressure ( $\bar{P}_0$ ) is the max pressure the soil was subjected to

يعني اذا كانت الضغط الذي تعرضت له التربة الآن هو اكبر ضغط تعرضت له التربة في التاريخ

which mean  $\bar{P}_0 > \bar{P}_c$

EX// if  $\bar{P}_c = 100 \text{ kN/m}^2$ ,  $\bar{P}_0 = 120 \text{ kN/m}^2$   
→ Normally consolidated soil

over consolidated soil :

if the present effective over burden pressure  $\bar{P}_0$  is less than ( $\bar{P}_c$ )

يعني التربة تعرضت عبر التاريخ لضغط اكبر من الضغط الحالي  
ويعني وكما نلاحظ ذلك للتربة

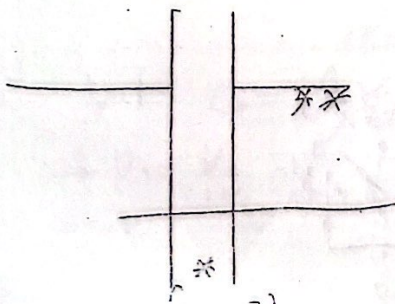
$$\ast \text{ Over Consolidation ratio} = \frac{\bar{P}_c}{\bar{P}_0}$$

EX//  $\bar{P}_c = 100 \text{ kN/m}^2$   
 $\bar{P}_0 = 60 \text{ kN/m}^2$

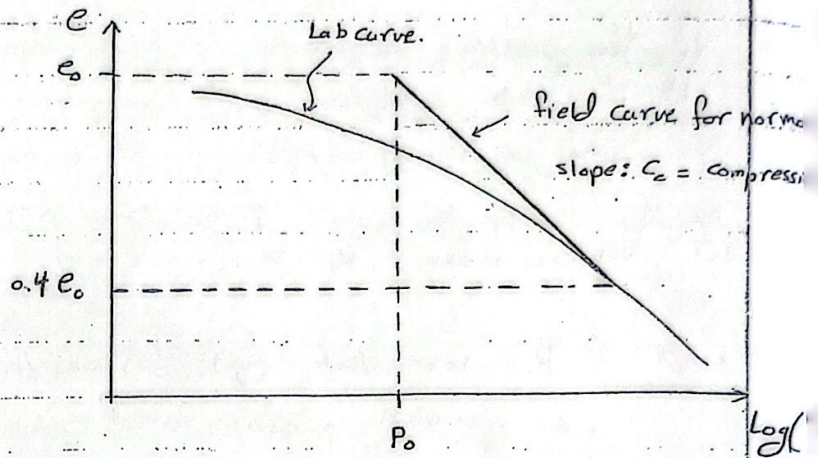
→ over consolidated soil

$$\rightarrow \text{Over Consolidation ratio} = \frac{\bar{P}_c}{\bar{P}_0} = \frac{100}{60} = 1.67$$

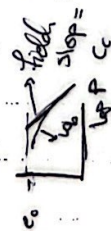
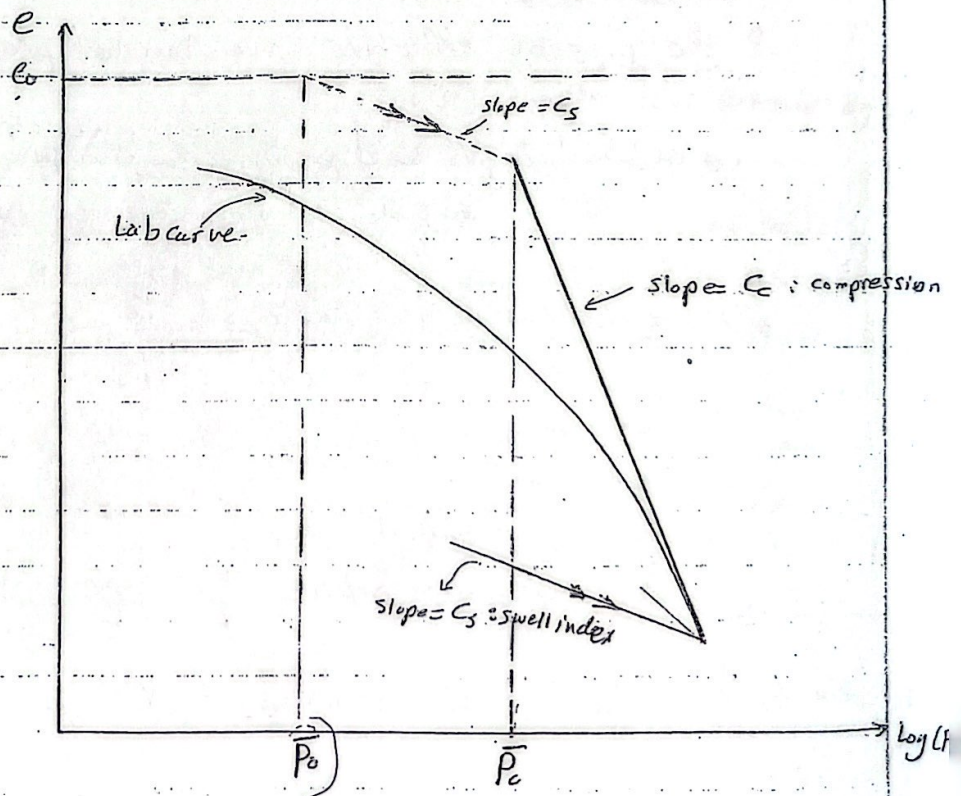
due to the effect of disturbance so (e-logp) curve needed.



For normally consolidated soil.



For over consolidated soil.



113

## Primary Consolidation settlement ( $s_c$ )

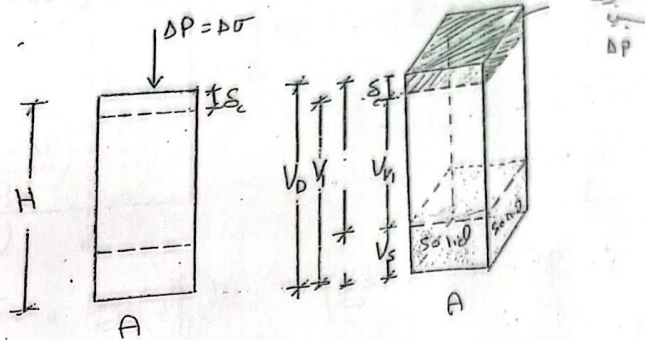
assume a saturated clay layer of thickness ( $H$ )

cross sectional area ( $A$ )

existing effective pressure ( $\bar{p}_0$ )

and increase in effective stress  $\Delta \bar{p}$  or  $\Delta \sigma$

Find settlement.



$$V = V_v + V_s$$

حجم التربة الكلي  $\Delta P$  فنزت مقبل  $S$

$$V = HA$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \Delta V &= V_0 - V_1 \\ &= HA - (H - S)A \\ &= SA \quad \text{--- (1)} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \Delta V = V_{v0} - V_{v1} = e_0 V_s - e_1 V_s = \Delta e V_s \quad \text{--- (2)}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \Delta V &= SA \\ \Delta V &= \Delta e V_s \end{aligned}$$

$$\Rightarrow SA = \Delta e V_s \Rightarrow S_c = \left( \frac{\Delta e}{1 + e_0} \right) H$$

$$\begin{aligned} \text{but } e_0 &= \frac{V_{v0}}{V_s} \Rightarrow V_s = \frac{V_{v0}}{e_0} \Rightarrow V_{v0} = e_0 V_s = V_0 - V_s \Rightarrow (1 + e_0) V_s = V_0 \\ \Rightarrow V_s &= \frac{V_0}{1 + e_0} = \frac{HA}{1 + e_0} \end{aligned}$$

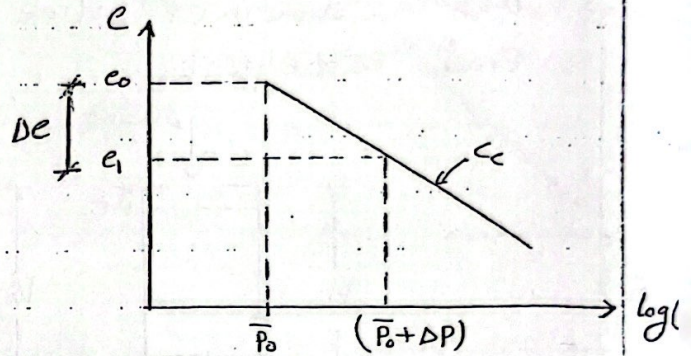
114

$$S_c = \left( \frac{\Delta e}{1+e_0} \right) H$$

مقدار  
الهبوط

II For normally consolidated clay.

$$C_c = \frac{\Delta e}{\log \left( \frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_0} \right)}$$



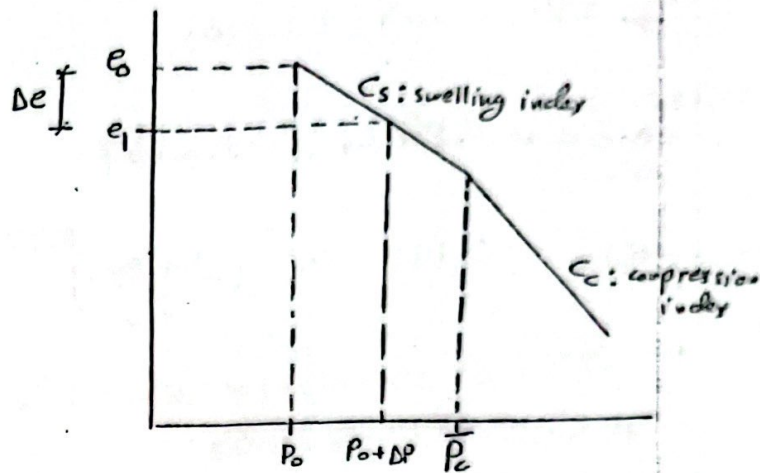
$$\rightarrow \Delta e = C_c \cdot \log \left[ \frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_0} \right]$$

$$\Rightarrow S_c = \frac{C_c H}{1+e_0} \log \left[ \frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_0} \right]$$

note that  $\log \left( \frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_0} \right) = \log (\bar{P}_0 + \Delta P) - \log (\bar{P}_0)$

For over consolidated soil  
There are Two cases

$$\bar{P}_0 + \Delta P \leq \bar{P}_c$$



$$C_s = \frac{\Delta e}{\log\left(\frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_0}\right)}$$

$$\rightarrow \Delta e = C_s \times \log\left(\frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_0}\right)$$

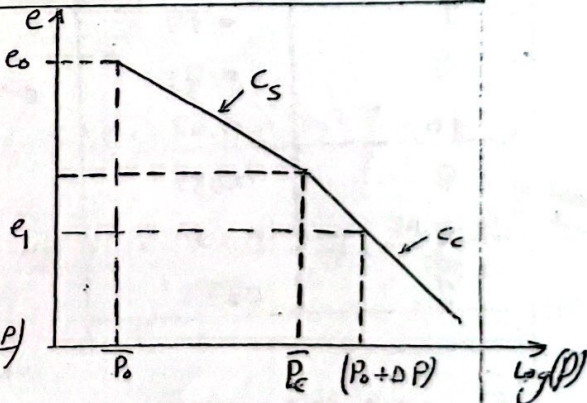
$$\Rightarrow S = \frac{C_s (H)}{1 + e_0} \times \log\left(\frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_0}\right)$$

$$C_s = (0.1 - 0.2) C_c$$

$$\text{II } \bar{P}_0 + \Delta P > \bar{P}_c$$

$$C_s = \frac{\Delta e_1}{\log(\bar{P}_c) - \log(\bar{P}_0)} \Rightarrow \Delta e_1 = C_s \log\left(\frac{\bar{P}_c}{\bar{P}_0}\right)$$

$$C_c = \frac{\Delta e_2}{\log\left(\frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_c}\right)} \Rightarrow \Delta e_2 = C_c \log\left(\frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_c}\right)$$



$$\Rightarrow S_c = \frac{C_s H}{1 + e_0} \times \log\left(\frac{\bar{P}_c}{\bar{P}_0}\right) + \frac{C_c H}{1 + e_0} \log\left(\frac{\bar{P}_0 + \Delta P}{\bar{P}_c}\right)$$

\* Some Empirical relationships for  $C_c$ ,  $C_s$ .

$$\rightarrow C_c = 0.009 (L.L - 10)$$

$$\rightarrow C_c = 0.156 e_0 + 0.0107$$

$$\rightarrow C_c = 0.141 (G.S)^{1.2} \left( \frac{1+e_0}{G.S} \right)^{2.38}$$

$$\rightarrow C_s = (0.1 - 0.2) C_c$$

$$\rightarrow C_s = 0.0463 \left( \frac{L.L.}{100} \right) G.S$$

Ex// Results of Consolidation test are as following.

11.3 Pressure (ton/ft<sup>2</sup>)

Page  
321

loading

0.25

$e$

1.03

a) what is  $\bar{P}_c$ ,  $C_c$ ,  $C_s$ ??

0.5

1.02

1

0.98

b) if  $\bar{P}_c$  is 12 (t/m<sup>2</sup>), what is  $e$ .

2

0.94

4

0.79

Solution

8

0.71

استخدام النقاط المحيطة في الجدول لرسم منحنى  $(e - \log p)$

16

0.62

unloading

8

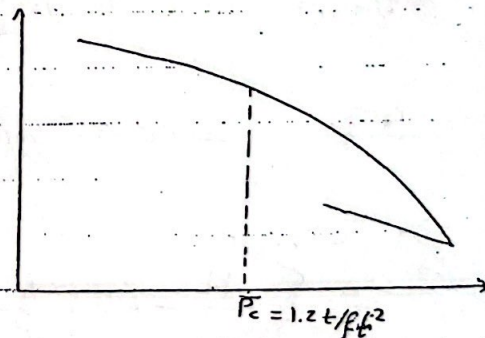
0.635

4

0.655

2

0.67



$$\bar{P}_c = 1.2 \text{ t/ft}^2$$

$$\text{Loading } C_c = e_1 - e_2 = 0.9 - 0.8 = 0.33$$

$$\log \left( \frac{P_2}{P_1} \right) = \log \left( \frac{4}{2} \right)$$

$$\text{unloading } C_s = \frac{e_1 - e_2}{\log \left( \frac{P_2}{P_1} \right)} = \frac{0.67 - 0.655}{\log \left( \frac{4}{2} \right)} = 0.05$$

$$\text{b) } \Delta e = C_c \log \left( \frac{P}{P_1} \right) = 0.33 \log \left( \frac{12}{2} \right) = 0.9 - e = 0.33 \log \left( \frac{12}{2} \right) \Rightarrow e = 0.57$$

117

1.11 Soil profile as shown

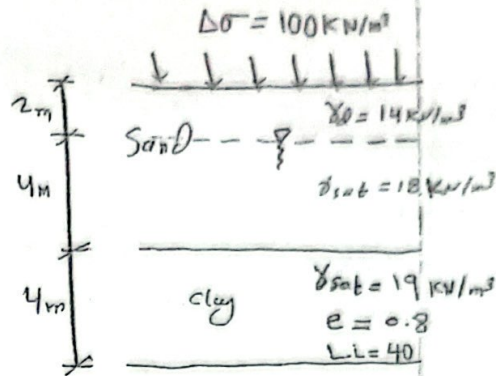
\* For sand layer

$$\gamma_{dry} = 14 \text{ kN/m}^3$$

$$\gamma_{sat} = 18 \text{ kN/m}^3$$

For clay layer

$$\gamma_{sat} = 19 \text{ kN/m}^3, e = 0.8, LL = 40$$



What is the settlement of the clay layer caused by primary consolidation

- if
- The clay is normally consolidated
  - The preconsolidation pressure ( $\sigma'_c$ ) = 190 kN/m²
  - $\sigma'_c = 170 \text{ kN/m}^2$

$$\text{Use } C_s \approx \frac{1}{6} C_c$$

الحل

نحسب مقدار الضغط الأولي

في الطبقة الطينية

$$\sigma'_0 = 2 \gamma_{dry} + 4 (\gamma_{sat} - \gamma_{dry}) + \left(\frac{4}{2}\right) (\gamma_{sat} - \gamma_{dry})_{clay}$$

$$= 2(14) + 4(18 - 9.81) + (2)(19 - 9.81)$$

$$= 79.14 \text{ kN/m}^2$$

$$\rightarrow C_c = 0.009(LL - 10) = 0.009(40 - 10) = 0.27$$

$$\rightarrow S_c = \frac{C_c H}{1 + e_0} \log \left( \frac{\sigma'_0 + \Delta\sigma}{\sigma'_0} \right) = \frac{0.27(4)}{1 + 0.8} \log \left( \frac{79.14 + 100}{79.14} \right)$$

$$= 0.213 \text{ m} = 213 \text{ mm}$$

$$\text{part b } \sigma'_0 + \Delta\sigma = 79.14 + 100 = 179.14 \text{ kN/m}^2$$

$$\sigma'_c = 190 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{because } \sigma'_c > \sigma'_0 + \Delta\sigma \Rightarrow S_c = \frac{C_s H}{1 + e_0} \log \left( \frac{\sigma'_0 + \Delta\sigma}{\sigma'_0} \right), C_s = \frac{C_c}{6} = \frac{0.27}{6}$$

$$\rightarrow S_c = \frac{(0.045)(4)}{1 + 0.8} \log \left( \frac{179.14 + 100}{79.14} \right) = 0.036 \text{ m} = 36 \text{ mm}$$

because

118

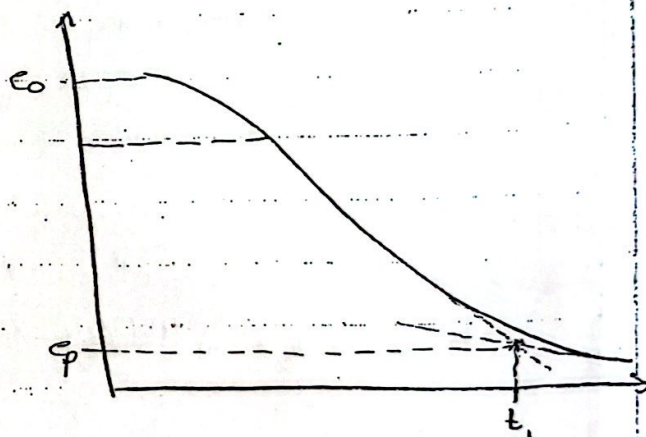
(C)  $\sigma'_0 + \Delta\sigma > \sigma'_c$

case II

$$S_c = \frac{C_s H}{1+e_0} \log\left(\frac{\sigma'_c}{\sigma'_0}\right) + \frac{C_c H}{1+e_0} \log\left(\frac{\sigma'_0 + \Delta\sigma}{\sigma'_c}\right)$$

$$= \frac{(0.045)(4)}{1+0.8} \log\left(\frac{170}{79.14}\right) + \frac{(0.27)(4)}{1+0.8} \log\left(\frac{79.14+160}{170}\right)$$

$$= 0.0468 \text{ m} = 46.8 \text{ mm}$$



## Secondary consolidation

$$C_{\alpha} = \frac{\Delta e}{\log \left( \frac{t_2}{t_1} \right)}$$

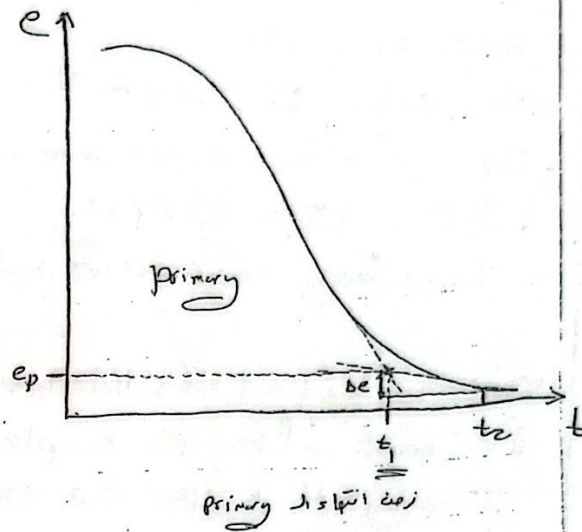
where

$C_{\alpha}$ : Secondary compression index

$\Delta e$ : change of void ratio

$t_1$ : primary consolidation time

$t_2$ : primary consolidation time



$$C_{\alpha}' = \frac{C_{\alpha}}{H e_p}$$

$e_p$ : void ratio at end of primary consolidation

$C_{\alpha}'$  depend on type of soil

Soil type	$C_{\alpha}'$
over cons. <del>normal</del>	$\leq 0.001$
normal	$(0.005 - 0.03)$
organic soil	$\geq 0.04$

$$S_s = C_{\alpha}' H \log \left( \frac{t_2}{t_1} \right)$$

$S_s$ : secondary consolidation

$H$ : thickness of soil

الارتفاع

Ex 11 For a normally consolidated clay layer in the field  
Thickness of clay layer = 8.5 ft

$$\text{Void ratio} = 0.8$$

$$\text{Compression index} = 0.28$$

$$\text{Average effective pressure in the clay layer} = 2650 \text{ lb/ft}^2$$

$$\Delta P = 970 \text{ lb/ft}^2$$

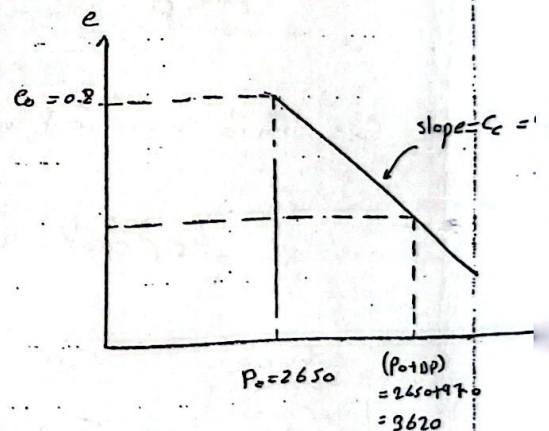
$$\text{Secondary compression index} = 0.02$$

What is the total consolidation settlement of the clay layer five years after the completion of primary consol. settlement knowing that time for completion of primary settlement = 1.5

Solution

$$\text{Total settlement} = S_c + S_s = 2.15'' + 0.59'' = 2.74''$$

$$\frac{\Delta e}{\log \left( \frac{P_0 + \Delta P}{P_0} \right)} = C_c \Rightarrow \Delta e = 0.0379$$



$$\Rightarrow \Delta e = e_0 - e_p = 0.0379$$

$$\rightarrow e_p = 0.8 - 0.0379 = 0.762$$

$$\Rightarrow S_c = H \frac{\Delta e}{1 + e_0} = (8.5) \times \frac{0.0379}{1 + 0.8} = 0.179' = 2.15''$$

$$\Rightarrow S_s = C_{\alpha}' H \log \left( \frac{t_2}{t_1} \right) = (0.011) (8.5 \times 12) \log \left( \frac{5}{1.5} \right) = 0.59''$$

$$C_{\alpha}' = \frac{C_{\alpha}}{1 + e_p} = \frac{0.02}{1 + 0.762} = 0.011$$

## Time rate of consolidation settlement معدل الزحف الزمني للتسوية

\* Coefficient of volume change (coefficient of compressibility) ( $m_v$ ).

$$m_v = \frac{\Delta V}{V} \times \frac{1}{\Delta \sigma'} = \frac{a_v}{1 + e_{avg}} = \frac{\Delta H}{H_i} \cdot \frac{1}{\Delta \sigma'} = \frac{\Delta e}{1 + e_0} \cdot \frac{1}{\Delta \sigma'}$$

→  $a_v = \text{coefficient of compressibility} = \frac{\Delta e}{\Delta p}$

EX//  $P_1 = 100 \text{ kN/m}^2 \rightarrow e_1 = 1$   
 $P_2 = 150 \text{ kN/m}^2 \rightarrow e_2 = 0.9$

$$\Rightarrow a_v = \frac{1 - 0.9}{150 - 100} = \frac{0.1}{50} = 0.002$$

$$e_{avg} = \frac{e_1 + e_2}{2} = \frac{1 + 0.9}{2} = 0.95$$

إذا طبقنا هذه الصيغة على مثال التسوية في التربة الطينية عند  
 عمق 10 م من السطح؟

\*  $C_v = \text{coefficient of consolidation} = \frac{K}{\gamma_w m_v}$

where  $K$  :: coefficient of permeability.

\*  $T_v = \text{time factor} = \frac{C_v t}{(H_{dr})^2}$

$$T_v = \frac{c_v t}{(H_{dr})^2}$$

المسافة  
التي يقطعها  
الماء  
Consolidation

$T_v = \text{function of } (U)$

Table 11.8

$T_v = \text{function of (degree of consolidation)}$

في الزمن الذي يكون فيه  $U = 30\%$  هو  $T_v$

It is given as degree of consolidation

if  $U \leq 60\%$

U: degree of consolidation  $\leq 60\% \rightarrow T_v = \frac{\pi}{4} U^2$

U: degree of consolidation  $> 60\% \rightarrow T_v = 1.781 - 0.933 \log(100 - U)$

Ex// Find Time factor of consolidation when a) degree of consolidation

b) =

solution a.  $T_v = \frac{\pi}{4} \left( \frac{30}{100} \right)^2 = 0.071$

b.  $T_v = 1.781 - 0.933 \log(100 - 90) = 0.848$

$H_{dr}$ : max length of drainage path.

المسافة التي يقطعها الماء

$$H_{dr} = \frac{H}{2}$$

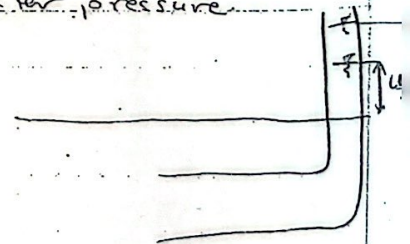
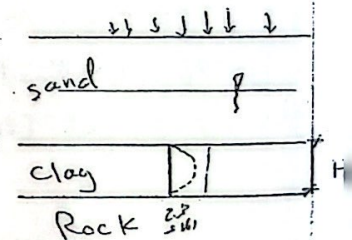
\* U: degree of consolidation

نسبة الماء الذي خرج من التربة

$$U_z = 1 - \frac{u_z}{u_0} \rightarrow \text{excess pore water pressure at time } t$$

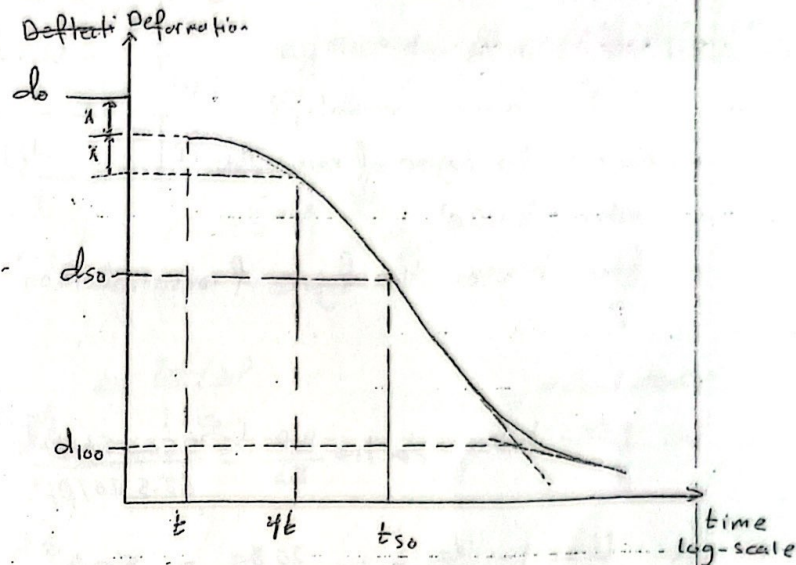
$u_0 \rightarrow$  initial excess pore water pressure

الضغط الزائد  
في وقت معين



## Method for finding $(C_v)$

Log of time method (Casegrande method)



لازم  $t$  و  $4t$  تقع على المنحنى في  $C_v$  و  $d_0$  بعد ما نحدد  $t$  و  $4t$ . نخرج قوس  $t$  من  $d_0$  وننزل خطا، فنحدد  $d_0$  وكذلك نحدد  $d_{100}$  كما هو موضح في الشكل.   
 فنصل بين  $d_0$  و  $d_{100}$  فيكون  $d_{50}$

$$\Rightarrow T_{50} = \frac{C_v t_{50}}{(H_{dr})^2} = 0.197$$

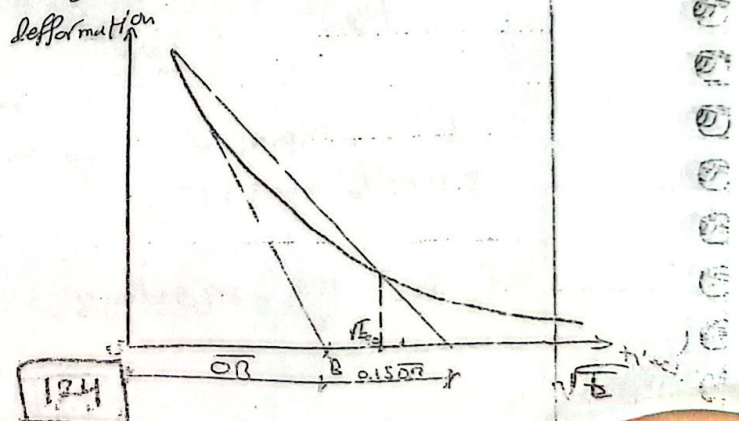
$$\therefore \frac{\text{mm}^2}{\text{sec}} \text{ أو } \frac{\text{m}^2}{\text{sec}} \text{ أو } \frac{(\text{mm}^2 \text{ أو } \text{m}^2)}{\text{sec}} \text{ أو } C_v \text{ و } H_{dr}$$

Square root of time (Taylor's method)

$$\Rightarrow T_{90} = \frac{C_v t_{90}}{(H_{dr})^2}$$

$$0.848 = \frac{C_v t_{90}}{(H_{dr})^2}$$

$\sqrt{t_{90}}$  from figure



24-5

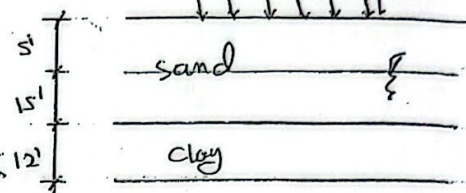
EX/ For the soil profile shown below

$$\Delta P = 2500 \text{ lb/ft}^2$$

a.) How high the water will rise in the piezometer immediately?

b.) What is the degree of consolidation when  $h = 20'$

c.) Find  $h$  when the degree of consolidation is 60%



Solution

$$a. \Delta P = h \gamma_w \rightarrow h = \frac{\Delta P}{\gamma_w} = \frac{2500 \text{ lb/ft}^2}{62.5 \text{ lb/ft}^3} = 40'$$

$$b. U = 1 - \frac{U_z}{U_0} = 1 - \frac{20 \gamma_w}{2500} = 50\%$$

$$c. U = 1 - \frac{h \gamma_w}{2500} = 0.6 \Rightarrow h = 16'$$

EX// Clay layer in the field, has a thickness of 15' drained at top only under a surcharge load. Knowing that  $S_c = 12''$

a.) What is  $U$  when the settlement is 3"??

b.) if  $C_v = 0.003 \text{ cm}^2/\text{sec}$ , How long it will take for 50% cons.

c.) if the layer is drained in both sides, How long it will take for

Solution

$$a.) U = \frac{3''}{12''} = 25\%$$

$$b.) T_v = \frac{C_v t}{(H_{dr})^2} = 0.197 = \frac{C_v t_{50}}{(15')^2} = \frac{0.003 \text{ cm}^2/\text{sec} \cdot t_{50}}{(15')^2} = 0.197$$

$$(1')^2 \rightarrow (30.4)^2 \text{ cm}^2$$

$$0.25 \times 10^{-6} \text{ ft}^2 \rightarrow 0.003 \text{ cm}^2$$

$$\rightarrow t_{50} = 13,654,464 \text{ sec} = 158 \text{ days}$$

$$\rightarrow C_v = 3.246 \times 10^{-6} \text{ cm}^2/\text{sec}$$

$$c.) t_{50} = \frac{158}{4} = 39.5 \text{ days}$$

125

For Normally Consolidated clay.

$$p_0 = 2 \text{ ton / ft}^2$$

$$e_0 = 1.22$$

$$p_0 + \Delta p = 4 \text{ ton / ft}^2$$

$$e = 0.98$$

$$k = 2 \times 10^{-4} \text{ ft / day}$$

$$H = H = 12'$$

one way direction

Find (t) days for 60% of consolidation

$$T_{60} = \frac{C_v t_{60}}{(12 \times 12)^2}, \quad C_v = \frac{k}{\gamma_w m_v}$$

$$m_v = \frac{a_v}{1 + e_{avg}} = \frac{\Delta e / \Delta p}{1 + e_{avg}} =$$

$$T_{60} = 0.286$$

$$t = 367.7 \text{ days}$$

ملاحظة: انتبه لتحويل الوحدات إلى  $\text{lb / ft}^2$