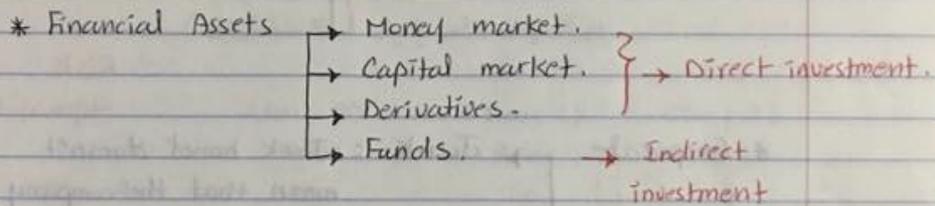


- \* Financial assets.
- \* Real assets (property, plant and equipment).

Real asset → Financial asset.  
Turn into ↓

Derivatives

(Assets مسجلة من Assets أخرى)



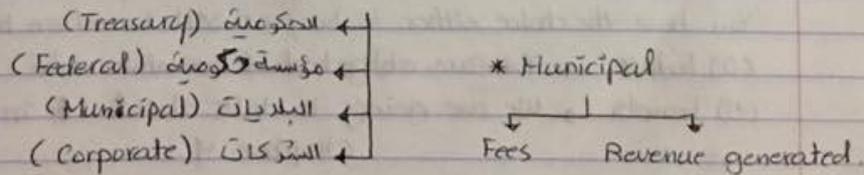
→ Direct investment : Investment in your name.  
حيث يتم الاستثمار في Assets من ناحية البيع والشراء.

→ Indirect investment : لا يتم تسجيلها باسم الشركة

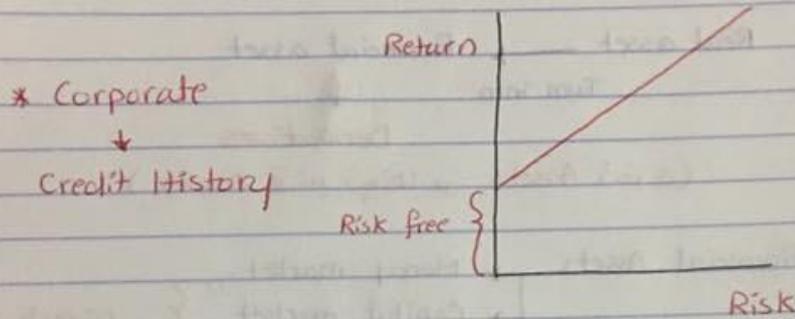
\* نحتاج إلى Broker في كل من  
Direct investment ←  
Indirect investment ←

→ Money market : Less than 1 year.

→ Capital market : Debt to Equity  
(Bond) (Stocks)



Fees ← → Revenue generated  
 (لا يسترد وجود المشروع) (يجب أن يتواجد مشروع (نتائج))



\* Corporate → Junk : Junk bond doesn't mean that the company is bad.  
 - تعني في الشركات التي لا يوجد لها Credit History  
 → Star : Companies that have a credit history.

Junk → Star ، في حالة حصولها على Credit History  
 التحول إلى

\* Derivatives

(1) Options → Right to buy or sell  
 (Not an obligation).

You have the choice either to buy or sell based on benefits.

(2) Future → You are obligated (Derivatives متسبب)

(3) Funds → We are going to talk about it in Chapter 4.

\* في عام 2015 ← مؤشر Dow Jones

← خرجت شركة ATNT ، بالمقابل دخلت Apple

← خرجت شركة ALCOA ، بالمقابل دخلت Nike

← قيمة Dow Jones = 20,743 نقطة .

\* كيفية حساب قيمة Index :

(1) Price weighted index → Dow-Jones  
→ Nikkei

← فوتسي (المؤشر البريطاني)

← CAC - كال (المؤشر الفرنسي)

← المؤشرات الأمريكية (4 مؤشرات)

Example	(Day 0)	(Day 1)	(Day 2)
	Price	Price	Price
A	10	20	10
B	20	15	15
C	30	40	40
	60	75	65
			57

\* في حالة حدوث Split على الشركة A

$$\rightarrow \text{Day 0 : Index value} = \frac{60}{3} = 20$$

$$\rightarrow \text{Day 1 : Index value} = \frac{75}{3} = 25$$

$$\rightarrow \text{Day 2 : } \frac{65}{x} = 25 \rightarrow x = 2.6$$

$$\text{Index value} = \frac{57}{2.6} = 21.92$$

### Example

	(Day 0)	(Day 1)	(Day 2)
	Price	Price	Price
A	100	120	90
B	700	720	2500
C	40	85	50
	<u>840</u>	<u>875</u>	<u>2640</u>

\* Stock Reverse B : 1 (Company B)

(1) Index all days (Value)

(2) Return from day 0 to day 2.

(1) Index values

$$\rightarrow \text{Day 0 : Index value} = \frac{840}{3} = 280$$

$$\rightarrow \text{Day 1 : Index value} = \frac{875}{3} = 291.67$$

$$\rightarrow \text{Day 2 : } \frac{2640}{x} = 291.67$$

$$x = 7.94$$

$$\text{Index value} = \frac{2640}{7.94} = 332.5$$

$$(2) \text{ Return} = \frac{\text{Ending}}{\text{Beginning}} - 1$$

$$= \frac{332.5}{280} - 1 = 18.75\%$$

Value index ← → Price index  
 (قياس الكمية) (قياس السعر)  
 (Price and Quantity) (Price)

Example	(1)	(2)
A	20,000	25,000
B	80,000	84,000
C	<u>30,000</u>	<u>36,000</u>
	130,000	145,000

$$(1) \text{ Index value} = \frac{130,000}{130,000} \times 100\%$$

$$= 100\%$$

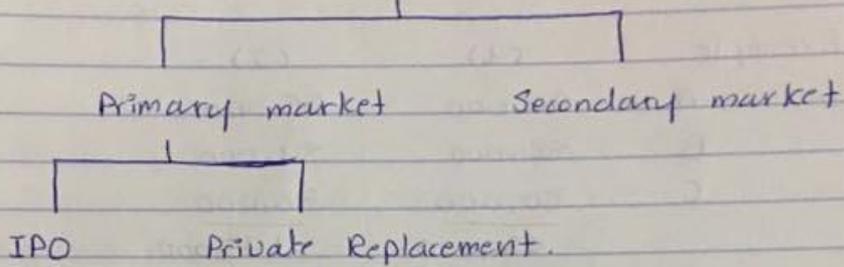
$$(2) \text{ Index value} = \frac{145,000}{130,000} \times 100\%$$

$$= 111.54\%$$

\* Chapter 3...

"How to trade securities ..."

→ Trading securities



\* Additional Paid-In Capital. عروة الإصدار.  
(The value of the company).

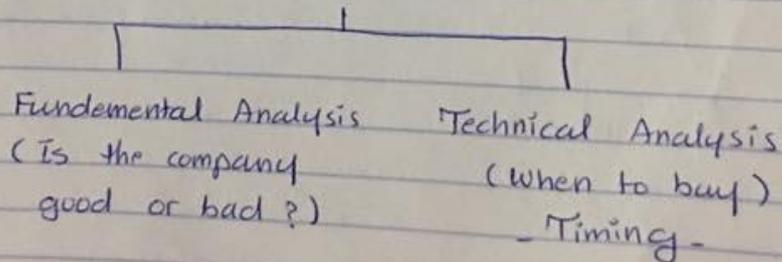
Example Sanad company

Par value = \$ 1

APIC = \$ 1.35

← بالعادة تقوم الشركات بوضع APIC كخيار لزيادة value للشركات ، بناء على توقعات الشركة لزيادة value لديها في المستقبل .

→ To be a good investor



\* IPO  
→ Book building  
→ Fixed Amount.

\* IPO : بالعادة يتم إدراجها بسعر أقل من سعر السوق وذلك من أجل تحفيز المستثمرين على الشراء.

→ Book building : يوجد عملية محددة يتم من خلالها تحديد السعر.

→ Fixed Amount : يتم تحديد السعر وبيع الجميع بناء على هذا السعر.

\* Private Replacement :

prospects → كتيب يحتوي على كل المعلومات التي قد يحتاجها المستثمر عن الشركة.

Staff registration → process للتوظيف من غير

Example

شركة سند - قامت بإصدار 66,000,000 سهم ، باعت منهم 6,000,000 سهم ، في حالة أرادت الشركة أن تقوم ببيع أسهم ، تلجأ إلى المخزون المتبقي (60,000,000 سهم).

\* Types of markets :

(1) Broker market → تصاح إلى وسيط البيع

(2) Direct market → بيع مباشر مع الزبون

(3) Option market → You have to go to physical place ( المزاد )

Example NYSE

(4) Dealer market → لديه القدرة على الشراء لنفسه ومن ثم البيع للمستثمر ، أو أن يعمل 'S' Broker

Example NASDAQ

\* IPO → very risky investment.

→ Long investment  
Buy → Sell  
then

→ Short investment  
Sell → Buy  
then

← يجب يتم بيع السهم في حالة توقع نزول سعره ، وفي حالة توقع ارتفاعه يتم شرائه .

\* Clearness.

\* Street name → هي عبارة عن الأسهم الغير مملوكة  
لشخص ما ، بحق Broker أن يبيع  
من هذه الأسهم .

- إذا تسجلت الأسهم باسم شخص معين ، من المستحيل أن يتم  
البيع والشراء فيها بدون موافقة صاحبها .

\* Sell short → Street name stocks

فقط يتم على

↓

Must be highly  
liquid stocks.

إذا لم تكن الأسهم liquid  
← Sell short  
يتم على

في حالة Sell short يتم الضغط على السهم من أجل أن  
تُخفض سعره .

## \* Margin

نسبة Equity للمستثمر -  
 في حالة الاقتراض من Broker -  
 تحفي وجود

→ Margin and sell short → فلسطين  
 ممنوعه في

## Example

(1) Equity margin = $\frac{3,000}{5,000}$ = 60%	(1) 5,000 Basic	2,000 debt 3,000 Equity	
* Debt margin = 1 - Equity margin = 40%	(2) 5,500 ↑	2,000 debt 3,500 Equity	(لا تتغير)
	(3) 4,500 ↓	2,000 debt 2,500 Equity	

(2) Equity margin  
=  $\frac{3,500}{5,500}$  = 63.6%

(3) Equity margin  
=  $\frac{2,500}{4,500}$  = 55.56%

\* Margin Call price → عند الوصول لهذا السعر يقوم  
 Broker بالبيع، أو يطلب لتسديد العجز.

$$= \frac{\text{Amount Borrowed}}{\text{M.M}}$$

# of shares (1. Maintinancer margin)

M.M

\* Maintenance Margin

- لضمان الاستقرار ، أن تبقى الشركة صالحة للاستخدام
- لقد الشهد من قبل SEC
- تستطيع الشركة أن تغيرها ، فقط للأعلى
- مثلا : M.M = 30% ، تعني أنه لا يجوز بحمل عبء الدين أكثر من 70% ، لا يجوز للشركة أن تنزل عن هذا الحد (30%)

Example - Amount borrowed = 2,000  
 - # of shares = 5,000 share.  
 - M.M = 30%

\* Margin call price

$$= \frac{2,000}{5,000(1-0.3)} = 0.571 \$$$

- عند الوصول لهذا السعر ، يقوم Broker بالبيع أو يطلب المستثمر بالسداد

→ Return =  $\frac{\text{Selling} - \text{purchase}}{\text{purchase}}$

\* Return =  $\frac{5,500 - 5,000}{5,000} = 10\%$   
 (في حالة تم دفع المبلغ كاملاً)

\* Return =  $\frac{5,500 - 5,000}{5,000} = 16\%$  → في حالة  
 (في حالة لم يتم الدفع بشكل كامل) الربح  
 ↓  
 الاستثمار الفعلي

المبقي 2,000 \$ ← عبارة عن Debt

(ضريبة جزئية)

\* Return =  $\frac{4,500 - 5,000}{5,000} = -10\%$   
 (الضريبة بشكل كامل)

\* Return =  $\frac{4,500 - 5,000}{3,000} = -16\%$

Example 10,000 shares from PADICO  
 \$ 10,000, you only have \$ 6,000.  
 Broker accept to give you \$ 4,000,  
 M.M = 40 %  
 \* PADICO pay dividend 5 %  
 \* Broker will take 5 % (Interest)  
 \* Commission = \$ 40  
 Price: ↑ \$ 1.5, ↓ \$ 0.7

* Actual margin :	10,000	6,000 Equity	
→ $\frac{6,000}{10,000} = 60\%$		4,000 Debt	
→ $\frac{11,000}{15,000} = 73.3\%$	15,000	11,000 Equity	↑ \$ 1.5
		4,000 Debt	
→ $\frac{3,000}{7,000} = 43\%$	7,000	3,000 Equity	↓ \$ 0.7
		4,000 Debt	

\* Margin call price =  $\frac{4,000}{10,000(1-0.05)} = 0.66$

\* Return =  $\frac{15,000 - 10,000 + 500 - 200 - 40}{6,000} = 87.6\%$   
 (في حالة الربح)

\* Return =  $\frac{7,000 - 10,000 + 500 - 200 - 40}{6,000} = (45\%)$



Example SNAPCHAT M:M = 30%  
 10,000 shares → \$ 28  
 \$ 170,000 يوجد في الحساب  
 \* No Dividends.  
 \* Interest = 7%  
 \* Commission = \$ 40

	ACT. value	
(1) Initial margin		
= $\frac{170,000}{280,000}$	↓ 280,000	220,000
= 60.7%	170,000	230,000
	450,000	450,000
(2) Actual margin		
↓ ⇒ $\frac{230,000}{220,000} = 104\%$	↑ 280,000	300,000
↑ = $\frac{150,000}{300,000} = 50\%$	170,000	150,000
	450,000	450,000

(3) Margin call price.  
 $= \frac{450,000}{10,000 (1+0.3)} = \$ 34.62$

(4) Return =  $\frac{280,000 - 220,000 + 11,900 - 40}{170,000}$   
 من سعر البيع \* Interest = 42.2%  
 على المبلغ الموجود

- في حالة ارتفاع السعر .

(5) Return =  $\frac{280,000 - 300,000 + 11,900 - 40}{170,000}$   
 = (4.7%)  
 في حالة انخفاض السعر .

- في حالة انخفاض السعر .

Direct investment ← → Indirect investment  
(الاستثمار غير مسجل)  
(باسم المستثمر).

\* Funds

- Hedge Fund.
- Mutual Fund (open-end Fund)
- Closed Fund.
- Trust Fund → (بدون التمسك)
- Exchange-traded Fund (ETF)

→ Global Fund : أن يتم الاستثمار في الأسواق الخارجية مع وجود نسبة من هذه الاستثمارات في البلد الأم.

→ International Fund : كل الاستثمارات خارجية (خارج البلاد).

\* Mutual fund (open-end fund) :

- Undefined capital (رأس المال غير محدد)
- Subscription and Redemption.  
(تقال من الوحدات) (عند الكتابة)
- يجب المحافظة على نسبة من السيولة في الصندوق (Cash) وذلك من أجل استغلال أي فرصة يراها المستثمر المناسبة حيث "والتي تحتاج إلى سيولة".

Example	share	price	Dollar amount
A	1,000	\$ 1	\$ 1,000
B	5,000	3	15,000
C	5,000	1	5,000
	<u>11,000</u>		<u>21,000</u>

(مثال) → In funds  
 stock → Units (As a name)  
 Is replaced by  
 units → shares (من وجهة نظر)

\* price per unit =  $\frac{21,000}{11,000} = \$ 1.9$  (Subscription price)

\* # of units =  $1,000 \div 1.9 = 526$  units  
(قيمة الاستثمار)

→ في حالة تم تخفيض الأسعار:

A	1,000	2	2,000
B	5,000	4	20,000
C	5,000	3	15,000
	<u>11,000</u>		<u>37,000</u>

\* price per unit =  $\frac{37,000}{11,000} = \$ 3.36$

\* # of units =  $1,000 \div 3.36 = 298$  units.

\* Mutual (open) fund → Net Asset Value (NAV)  
القائمة الجارية (NAV)

$$\rightarrow \text{NAV} = \Sigma(\# \text{ of stocks} \times \text{price}) - \text{Liabilities}$$

↳ Liabilities :

- \* Fees structure.
- \* operating expenses (Management Fees) ← قائمة الموجودات.
- \* Front end load.

مثال : سعر السهم \$ 10,000

Front end load : 1 %

$$10,000 \times 1\% = \$ 100$$

$$10,000 + 100 = \$ 10,100$$

سعر السهم بعد الرسوم

- مرتبطة بـ Subscription (السهم) .

\* Back end load (Deferred load)

مثال : سعر البيع \$ 12,000

Back end load : 0.51

$$12,000 \times 0.51 = 61.2$$

$$12,000 - 61.2 = \$ 11,939$$

سعر البيع بعد الرسوم

- مرتبطة بـ Redemption (بيع السهم) .

\* كل ما يخصت المحفظة ← تزيد performance fees

نتيجة تحقيق المزيد من الأرباح المحفظة .

من الأرباح ← Net Asset Value

وليس من

→ Unlimited capital  
(Subscription and Redemption are unlimited)

→ Company Broker → عمليات البيع والشراء  
تتم عن خلاله

### \* Closed Fund

- Capital is limited.
- Selling and buying through the market.
- Supply and Demand.
- Discount and premium.  
Because of  
\* Brand (Experience)  
\* Quality  
\* Transaction cost, ... etc

### \* Trust Fund

- بدأ هذا النوع بالثلاثينيات نوعاً ما من الأسواق.

### \* ETF (Exchange-traded Fund):

- يشبه closed fund بأن عمليات البيع والشراء تتم من خلال market.
- عند البيع، يباع على سعر قريب جداً، وليس مساوي لقيمة Net Asset value.
- يوجد premium and Discount، لكن قليل جداً.
- Broker
- ETF → Sell short → بيع من المسكن  
أن يتم شراءه على margin من المسكن أن يتم عمل  
على كس open and closed
- ETF is deferred taxes → وذلك لعدم وجود  
Capital gain فيها، وذلك لأن أساسها قائم على نقل  
Funds من شخص لآخر (تحويل).

Example X Fund has a NAV \$50, it charges 8% load. How much you will pay for 100 units?

$$\text{NAV} = (1 - \text{load}) \times X$$

$$50 = (1 - 0.08) \times X$$

$$50 = 0.92 \times X$$

$$X = 54.35$$

$$\rightarrow 54.35 \times 100 \text{ units} = \$ 5,435$$

\* Net Asset Value (NAV)

$$= (1 - \text{Load}) \times X$$



Charge per unit

\* Hedging funds

- correlation between financial assets should equal -1 or zero.
- No regulation.
- You don't know where investor is going to invest.
- It's locked:  $\text{fund} \text{ } \Delta \text{ } \text{fund}$
- The largest capital among all funds.
- Very expensive and very risky.

## \* Options ...

→ You have the right but not the obligation to buy or sell.

\* Future Forward } → obligation to buy or sell.

\* Option (The right not the obligation).

→ option's types :

(1) Call option → Right to buy

(2) put option → Right to sell

Call option → Write a call

العكس

put option → Write a put

European options ← (Exercise date) → American options

لا يتم استحقاقها  
(حتى) Expiry date  
هذا التاريخ (حتى  
يتم استحقاقها  
حتى وصول  
date.

To exercise the  
right from the  
date he/she  
buy to expiry  
date.

→ Strike price = Exercise price.

→ Spot price (Market) : السعر الحالي

→ Expiry date = Date you exercise your right.

← كل ما زاد من تاريخ Expiry date يقل سعر option ←

← سعر option يعتمد على سعر Stocks الموجودة بها خلفه .

option → 100 stocks

5 option →  $5 \times 100$   
= 500 shares

\* In the money :  $\text{Strike price} < \text{Spot price}$   
(بيع الأسهم)

\* Out of the money :  $\text{Strike price} > \text{Spot price}$   
(لا بيع الأسهم)

\* At the money :  $\text{Strike price} = \text{spot price}$ .

→ Call option (Right to buy) ...

\* pay off = stock price - Exercise price.

$$S_t > X$$

(السؤال)

$S_t - X \rightarrow$  positive

\* profit = pay off - premium.

Example ...

	Stock price	90	100	110	120	130
	pay off	0	0	10	20	30
10	(السؤال) premium	10	10	10	10	10
	profit	-3	-3	7	17	27

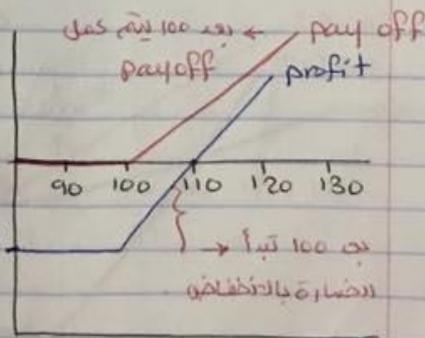
write a call ← Call كسب

يوج

↓ (السؤال)

You are selling a call

(profit = pay off + premium).



Break even ← (10) في السؤال

Exercise price + 10

$$100 + 10 = 110$$

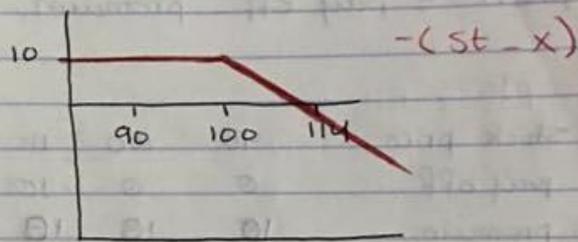
(Breakeven)

\* Breakeven = pay off + premium

→ Writing a call ...

على العكس تماماً لـ Call option  
يتم الحصول على premium

Buy a call → Write a call  
تقابل



→ Put option (Right to sell) ...

Exercise price  $>$  Spot price.  
(Sell)

Exercise price  $<$  Spot price  
(No action)

Example ...

- Option (1) → 1,000 call X \$ 10 = \$ 10,000
- Option (2) → 100 stocks X \$ 100 = \$ 10,000
- Option (3) → 100 option X \$ 10 = \$ 1,000  
+ T.B 8% (9,000)

	95	100	105	110	115	120
Stock	9,500	10,000	10,500	11,000	11,500	12,000
	(5%)	0%	5%	10%	15%	20%

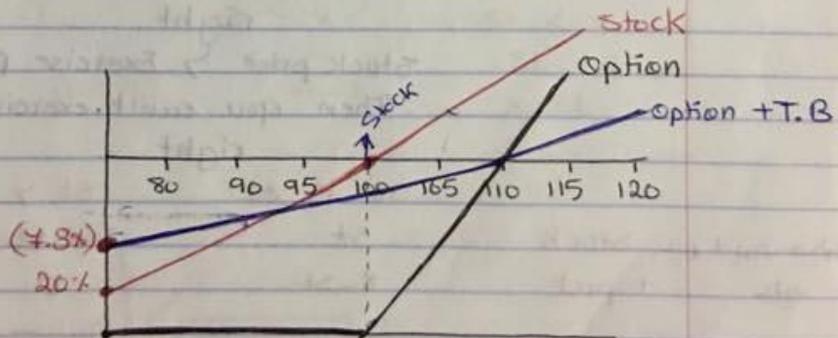
option	0	0	5,000	10,000	15,000	20,000
	(100%)	(100%)	(50%)	(0%)	50%	100%

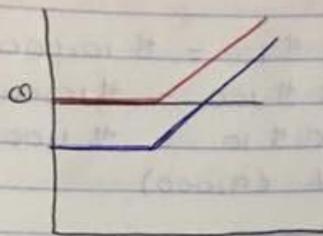
Option	9,270	9,270	9,270	9,270	9,270	9,270
+ T.B	0	0	500	1,000	1,500	2,000

	9,270	9,270	9,770	10,270	10,770	11,270
	(7.3%)	(7.3%)	(2.3%)	2%	7.7%	12.7%

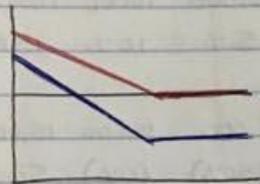
↓

$9,270 - 10,000 = -730$   
 $10,000$





→ Call option  
 (Lose the premium)  
 $\text{profit} = (x - p) \rightarrow \text{profit}$   
 $\text{pay off} = x - p$



→ Put option  
 (Lose the premium)

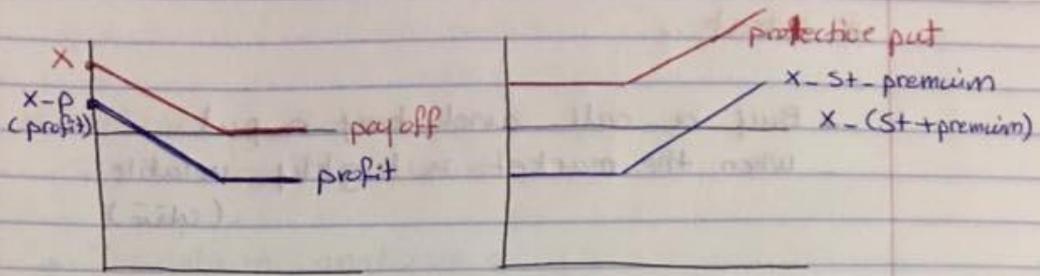
writing a call → Call option  
 Mirror for  
 writing a put → put option

\* Protective put ...

- when : stock price < Exercise price.  
 Then you can exercise your right.

stock price > Exercise price  
 Then you can't exercise your right.

	$St < X$	$St > X$
← Stock	$St$	$St$
+ put	$X - St$	$0$
	<hr/>	<hr/>
	$X$	$St$



\* Covered call & Naked call ...

- Naked call : A call without cover.

Sell short ← Naked call بيع حياية من خلال

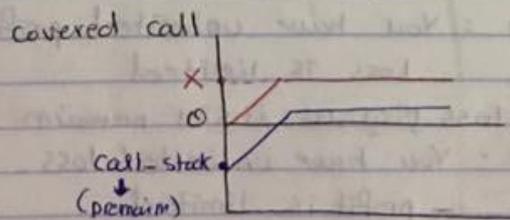
- Covered call → writing a call

بيع الحياية من خلال ↓  
(الربح + premium)

→ Pay off :

\* في حالة call : ممارسة الحق إذا كان السعر أعلى  
\* في حالة writing a call : ممارسة الحق إذا كان السعر أقل

	$St > X$	$St < X$
Stock	$St$	$St$
+ write a call	0	$X - St$
	$St$	$X$



\* Strat ..

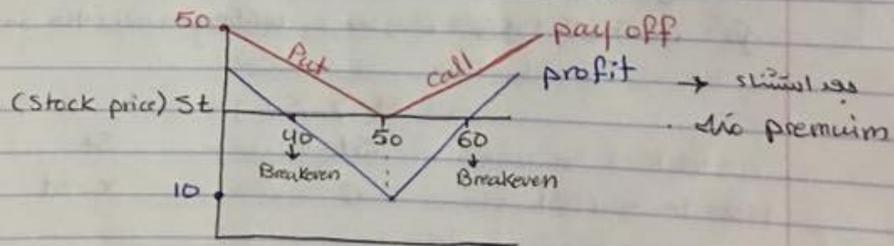
- Buy a call and buy a put.
- When the market is highly volatile. (صلاوة)

→ Stripes volatility : Buy 2 puts + 1 call

→ Strapes volatility : Buy 2 call + 1 put

\* Pay off :

	$St < X$	$St > X$
Call	0	$St - X$
+ put	$X - St$	0
	$X - St$	$St - X$



\* Call option : You have unlimited profit.  
- Loss is limited

loss الذي قد يفوق premium

\* Writing a call : You have unlimited loss.  
- profit is limited

\* Analysis → Bottom-up  
 → Top-down

→ Top-down analysis :

Economy (The first step)



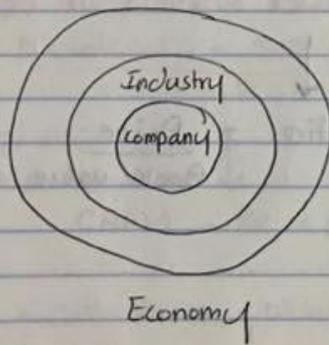
Industry



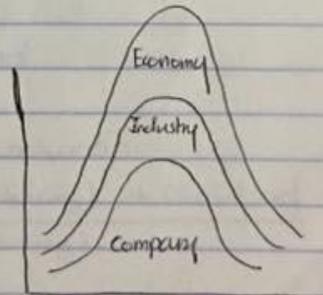
Company

- بالعادة من يعمل Top-down analysis هو المستثمر الوي  
 (على يملك نسبة عالية من الشركة)

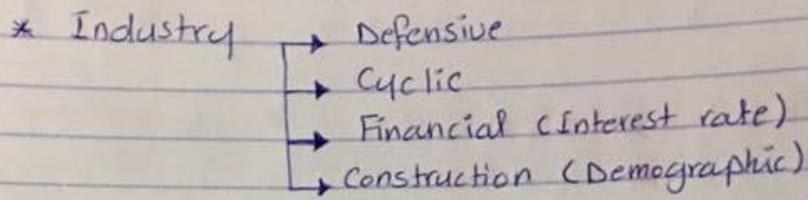
\* Economy : Regulations - تسجيج الاستثمار  
 Taxes - Tariffs - قانون الشركات



\* Industry → الشركة  
 إنتاج ، نسبة اقبال  
 عالية على هذا القطاع



← ليس شرط أن تكون (B)  
 متغيرات متكافئة



- Defensive industry → It is bought to be consumed.  
(Your needs)

- إذا تواجب تأخير يكون قلب جراً (غير مدتها).  
(لا تأثر في Economy)

- kindly constant supply and demand.  
- رزق عليها : الأكل

- Cyclic → It is bought to be sold.  
(Your wants)

- Economy نفس الشيء موازي  
- مثال عليها : أسواق، الذهب

which industry should I invest in ???



$$P/E \text{ ratio} = \frac{\text{Price}}{\text{Book value}}$$

→ Market ratio

\* Book value = Asset - Liabilities

"Owner's equity"

Book value → Historical cost.

\* Liquidation value → Selling price.

\* Replacement cost → purchase price

(ما هو التكلفة البديلة)

$$\rightarrow \text{Tobin's ratio} = \frac{\text{price}}{\text{Replacement cost}}$$

\* Terminal value : القيمة في نهاية المدّة

(عند التصفية)

→ Intrinsic value

= P.V of all cash flows + selling price

$$= \frac{\text{Dividend} + \text{selling price}}{1 + K}$$

نظرية التقييم

Market value ↓

$$\text{CAPM} = R_f + \beta(r_m - r_f)$$

\* Cash flow = Dividend.

→ HPR = Holding period return

$$= \frac{P_1 (\text{selling}) - P_0 (\text{purchasing}) + \text{Dividend}}{P_0 (\text{purchasing})}$$

$$* \frac{P_1 - P_0}{P_0} = \text{Capital Gain (Loss)}$$

$$* \frac{\text{Dividend}}{P_0} = \text{Dividend yield.}$$

- بعد أن يتم حسابها يتم مقارنتها مع باقي الاستثمارات من أجل اختيار الأفضل.

### Example

Yahoo → \$ 46

Expectation → \$ 51 (At the end of the year).

Dividend payout ratio = 50% (this year).

$\beta = 2$        $r_f = 6\%$       market return = 10

Earnings = 3%

(1) Expected dividend yield.

(2) Capital gain.

(3) HRR

(4) Required rate of return.

(5) Intrinsic value.

$$\text{Payout} = \frac{D}{E} \rightarrow 0.5 = \frac{D}{0.3} \rightarrow D = 1.5$$

$$\rightarrow D_0 = 1.5$$

$$\rightarrow D_1 = 1.5 (1+g)$$

$$g = \text{Retention ratio} \times \text{ROE}$$

↓

(OR: Return)

$$\rightarrow \text{Retention ratio} = 1 - \text{payout ratio}$$

$$= 1 - 0.5 = 0.5$$

$$\rightarrow \text{Return} \rightarrow \text{CAPM}$$



## \* Dividend Discount Model

- Zero
- Constant
- Multiple

$$\rightarrow \text{Zero} = \frac{D_0}{K}$$

$$\rightarrow \text{Constant} = \frac{D_0 (1+g)}{K-g}$$

→ Multiple (Mixed Stream)

$$= P.V. (\text{Mixed stream}) + \frac{D_n (1+g_{\text{new}})}{K-g_{\text{new}}} \times \frac{1}{(1+K)^n}$$

\* Dividend Discount Model

<p>↓</p> <p>Zero</p> $= \frac{D_0}{k}$	<p>↓</p> <p>Constant</p> $= \frac{D_0(1+g)}{k-g}$	<p>↓</p> <p>Multiple</p> $= \sum \frac{D_n}{(1+k)^n} + \frac{D_n(1+g)}{k-g} \times \frac{1}{(1+k)^n}$
--	---	---

→ Free Cash Flow (FCF)

= OCF - Capital Expenditure - ΔNWC

= EBIT + Dep - tax - Cap. Exp - ΔNWC

→ Enterprise value (EV)

$$P/E = \frac{1-b}{k-g}$$

b : Retention ratio  
(Plowback ratio)

Enterprise value =  $\int \frac{FCF_t}{(1+k)^t}$

\* Market capitalization for stocks  
(# of shares × price)

\* Market value for all debt (All interest bearing debt short / Long)  
- Cash and cash equivalent.

→ Enterprise value ratio

$$= \frac{EV}{EBITDA}$$

EBITDA = Earnings Before Interest and Tax  
without Depreciation and Amortization.

EV and EBITDA → P/E ratio.

↳ Value

### Example

The value of the company (price) ?

Dividend (next year) = \$2.

Growth rate 15% for 4 years,

After that, growth will decrease to 5%.

Required rate of return = 22%.

$$P = \sum \frac{D_n}{(1+k)^n} + \frac{D_n(1+g)}{k-g} \times \frac{1}{(1+k)^n}$$

$$D_1 = 2 \$$$

$$D_2 = 2 \times 1.15$$

$$= \$ 2.3$$

$$D_3 = 2.3 \times 1.15 = \$ 2.64$$

$$D_4 = 2.64 \times 1.15 = \$ 3$$

$$D_1 \rightarrow 2 / 1.22 = 1.64$$

$$D_2 \rightarrow 2.3 / (1.22)^2 = 1.55$$

$$D_3 \rightarrow 2.64 / (1.22)^3 = 1.46$$

$$D_4 \rightarrow 3 / (1.22)^4 = \$ 1.37$$

$$\underline{\$ 6.02}$$

$$\rightarrow \frac{3 \times 1.05}{0.22 - 0.05} \times \frac{1}{(1+0.22)^4} = 8.36$$

$$\begin{aligned} \text{Price of the company} &= 6.02 + 8.36 \\ &= \$ 14.38 \end{aligned}$$

\* القوانين ...

→ P/E ratio =  $\frac{\text{Price}}{\text{Book value}}$

→ Tobin's ratio =  $\frac{\text{Price}}{\text{Replacement cost}}$

→ Intrinsic value ↔ Market value  
 $= \frac{D_1 + \text{Selling price}}{1+k}$  = CAPM  
 $= r_f + \beta(r_m - r_f)$

→ Holding period return (HPR) =  $\frac{P_1 - P_0 + D_1}{P_0}$

→ Capital Gain (Loss) =  $\frac{P_1 - P_0}{P_0}$

→ Dividend yield =  $\frac{D_1}{P_0}$   
 $= \frac{D_1}{P_0} + g$  → نمو Growth

→ Payout ratio =  $\frac{\text{Dividend}_0}{\text{Earnings}}$

→ Growth = Retention ratio × ROE (CAPM)

→ Retention ratio = 1 - payout ratio.

→ Dividend Discount Model

\* Zero =  $\frac{D}{k}$

\* Constant =  $\frac{D_0(1+g)}{k-g}$

\* Multiple =  $\sum \frac{D_n}{(1+k)^n} + \frac{D_n(1+g)}{k-g} \times \frac{1}{(1+k)^n}$

→ Free Cash Flow (FCF)  

$$= \text{OCF} - \text{Capital Expenditure} - \Delta \text{NWC}$$

→ 
$$\text{OCF} = \text{EBIT} + \text{Dep} - \text{tax}$$

$$= \text{Net income} + \text{Dep}$$

→ Enterprise value (EV)  

$$P/E = \frac{1-b}{k-g}$$

→ Enterprise value ratio = 
$$\frac{\text{EV}}{\text{EBITDA}}$$

→ Return 
$$\left\{ \begin{array}{l} \text{CAPM} = r_f + \beta(r_m - r_f) \\ \text{Dividend Model} \\ k = \frac{D}{P} + g \end{array} \right.$$

$$Zero = \frac{D}{k}$$

\* Questions ...

→ Question (4) :

Dividend \$ 1  
Growth 20% 2 years  
4% thereafter  
Return 8.5%

		20%	20%	4%
* $D_0 = \$1$		0	1	2

$D_1 = 1 \times 1.2 = \$1.2$   
 $D_2 = 1.2 \times 1.2 = \$1.44$

$$D_1 \rightarrow \frac{1.2}{(1.085)^1} = \$1.106$$

$$D_2 \rightarrow \frac{1.44}{(1.085)^2} = \$1.223$$

$$\underline{\$2.329}$$

$$* \frac{1.44 \times 1.04}{0.085 - 0.04} \times \frac{1}{(1 + 0.085)^2}$$

33.28 X 0.85 = \$28.288

$$P = 2.329 + 28.288$$
$$= \$30.617$$

→ Question (8) :

Return 16%.

$D_1 = \$2$ .

Selling price = \$50 per share.

Growth ???

Return  $\left\{ \begin{array}{l} \text{CAPM } (r = r_f + \beta(r_m - r_f)) \\ \text{Dividend model} \end{array} \right.$

$$= \frac{D}{P} + g$$

$$\frac{2}{50} + g = 16\%$$

$$g = 12\%$$

$$\rightarrow \text{Price} = \frac{D_1}{r - g} = \frac{2}{0.16 - 0.12} = \$18.18$$

\* Growth and price (Direct relationship).

→ Question (19) :

Operating profit = \$2 m    ↑ 5%

tax = 35%

20% pretax

Dep = 200,000

Return = 12%    Debt = \$4 m

$$\rightarrow FCF = NI + Dep - Investment - \Delta N.W.C$$

↓  
OCF

EBIT            2,100,000

- Dep            210,000

EBIT            1,890,000

- tax (35%)    661,500

Net income    1,228,500

+ Dep            210,000

OCF            \$ 1,438,500

$$\begin{aligned} \rightarrow FCF (\text{Firm}) &= 1,438,500 - 420,000 \\ &= \frac{1,018,500}{0.12 - 0.05} \\ &= \$ 14,550,000 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \rightarrow \text{value (Equity)} &= 14,550,000 - 4 \text{ m} \\ &= \frac{10,550,000}{\# \text{ of shares}} = \text{per share.} \end{aligned}$$

→ Question (20) :

Earning \$ 1

Dividend 0.5

$K = 15\%$  (For industry)

a)  $1 \times 0.5 = 0.5 D_0$

$$\text{Growth} = \text{ROE} \times \text{Retention ratio}$$

$$\text{Retention ratio} = 1 - \text{pay out ratio}$$

$$= 1 - (1 \times 50\%)$$

$$= 1 - 0.5 = 50\%$$

$$\text{Growth} = 10\%$$

$$\rightarrow D = 0.5 \times \frac{1.1}{0.15 - 0.10} = \$ 11$$

b)  $G_1 = 10\%$

$G_2 = 6\%$

← نفس الشيء ولكن باستخدام الترتيب:

"Multiple Growth Stage"

\* Covariance = Correlation  $\times \sigma_a \sigma_b$

→ Separation property

↓  
Portfolio manager

↓  
Portfolio (1)

↓  
Portfolio (2)

→ tailored for risk-averse  
using simulation.

### \* Investment ...

- Weak : Historical → Market is efficient but weak.
- Semi-Strong : Public → Public companies  
→ Current and historical information.
- Strong : The previous and future information.

### \* Management Discussion and Analysis (MDA) - تتم مناقشة الخطط الاستراتيجية للشركة.

#### → Body market have specific characteristics :

- (1) Liquidity
- (2) Low cost.
- (3) Price uncertainty → يتركز السهم على سعده دون  
تغيير حتى يحصل شيء يغير فيه .  
- في حالة حدوث أي حادث يؤثر إيجابياً أو سلبياً على الشركة سيؤدي ذلك إلى تغيير في السعر (انخفاض أو ارتفاع).

#### \* Efficient market hypothesis → Information is available (Reflected the price)

- \* Information is available → لكن يوجد فرق بين توفر المعلومات وبين استغلالها.  
- ليس شرطاً إذا توفرت المعلومات أن يكون المستثمر على معرفة فيها .

## Fundamental analysis ↔ Technical analysis

- Weak → Fundamental & Technical  
لا يوجد فيها  
\* من الممكن أن يطبق فيها Fundamental

- Semi-strong → Fundamental & Technical  
لا يوجد فيها

- Strong → Fundamental & Technical  
لا يوجد فيها  
\* وذلك بسبب توفر كافة المعلومات.

\* Anomalies → Efficient market hypothesis  
(الأمور الظارحة عن التنبؤ)

↓  
Behavioral Finance.

- هناك أمور تصعب من المصعب أن يتم تفسيرها.

\* Anomalies → Calendar  
Fundamental,  
Technical,  
Social.

→ Calendar : According to a day.

Example : \* Monday effect → حين أن السوق ينخفض في أول أربع ساعات من يوم الإثنين بالارتفاع.

\* January effect → Buy the rumer and sell the fact.

- قد تكون مرتبطة بالبيانات المالية.

→ في حالة انتشار Anomaly بين الناس تزدون الظاهرة ، حيث يصبح أمر طبيعي متعارف عليه بين الناس .

- Fundamental → P/E ratio

\* سعر السهم في Low P/E ratio يرتفع أكثر من حالة High P/E ratio .

- Technical → Momentum ( زخم )

- Social → حالة تكثر في المجتمع

\* مثال : Ramadan effect :

حيث أن السوق ينخفض في رمضان ، أحد التفسيرات :  
التباعد عن الشبهات .



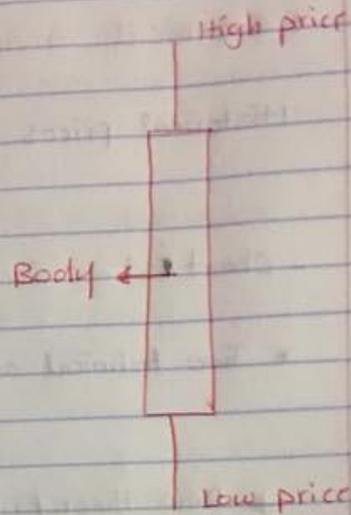
### \* Candle Chart ...

Red, Black (Body)

Then : \* High price (open price)  
\* Low price (close price).

Green, white (Body)

Then : \* High price (close price)  
\* Low price (open price).



→ Technical Analyst : يعتمد على المراقبة ليتوقع كيف سيتحرك هذا السهم في المستقبل.

$$* \text{Moving Average} = \frac{\sum \text{closing price}}{\# \text{ of days}}$$

- في حالة تقاطع moving average الطويل مع القصير من فوق ← يدل على أن السهم منخفض (أو ينخفض).

- في حالة تقاطع moving average الطويل مع القصير من تحت ← يدل على أن السهم يرتفع.

→ Relative Strength Index  
(Show buy signal and sell signal).

الحدود (30-70)

Hold → 60

↑ 70 : Sell

↓ 30 : Buy



\* Trenstatistics : The strength of the market to rise or fall.

$$= \frac{\text{Volume of advance}}{\# \text{ of stock advances}}$$

→ Confidence index :

$$\frac{\text{Average 10 high yield bond}}{\text{Average 10 intermediate yield bond}}$$

\* High value : Bullish.

\* Low value : Bearish.

\* School chart.

## \* Behavioral Finance ...

→ Psychology and Emotions.

→ Cognitive illusions.

↓  
Heuristic

(ملاحظة سريعة)

- \* Representativeness
- \* Over confidence
- \* Anchoring
- \* Availability bias
- \* Gamblers Fallacy

↓  
Prospect

- \* Loss aversion
- \* Regret aversion
- \* Mental accounting
- \* Self-control

→ Representativeness : Sterotyping

مثال : سهم معين خسران فيه خسارة ، يأخذ المسثمر ذكراً  
أن هذه الشركة سيئة حتى لو تحسن وضعها .

→ Self confidence : Lead to bad (worst) decisions.

حين يعتمد المسثمر على رأيه فقط دون الأخذ بآراء الآخرين .

→ Anchoring : very very big information

على الرغم من ذلك ، يتم اختيار جزء من هذه المعلومات و  
المسلك بها .

→ Availability bias : يوجد معلومات ولكن المسثمر  
يكتفي بهذه المعلومات ولا يبحث عن معلومات جديدة .

→ Gamblers Fallacy : يمكن المسثمر أنه سيحقق ربح  
ولكن النتيجة تكون خسارة ← Highly optimistic

→ Loss aversion : عند التعرض لأمر سلبي يرفضه ،  
عند التعرض لأمر إيجابي يقبله .  
\* استجاب وقبول الأمر الجيد أكثر من الأمر السيئ .

→ Regret aversion : لا يتم البيع على السهم الجيد إذا  
خسر لأنه يبقى جيد ويرجع السبب في ذلك للخط السيئ ، أما  
إذا تم شراء Junk bond فإنه يتم البيع على أنقاذ  
هذه الخطوة .

→ Mental accounting : الأثر يفضّل بين الحسابات  
المختلفة على كسب الأثر .

→ Self-Control : Fear and Greed  
الطمع والخوف .  
"You should have self-control"

## \* Risk and Return ...

### ⇒ Single Asset :

$$\rightarrow \bar{R} = \frac{\sum r}{n} \quad (\text{population})$$

$$\rightarrow \bar{R} = \frac{\sum r}{n-1} \quad (\text{Sample})$$

$$\rightarrow \bar{R} = \sum r(p_r) \quad (\text{probabilities})$$

$$\rightarrow \text{Variance} = \sigma^2 = \frac{\sum (R - \bar{R})^2}{n-1}$$

$$\rightarrow \text{Standard deviation} = \sigma = \sqrt{\text{Variance}}$$

$$\rightarrow \text{Sharpe ratio} = \frac{\text{Risk premium}}{\text{Standard deviation}}$$

### ⇒ More than one asset (portfolio) :

$$\rightarrow \bar{R} = (R_A \times W_A) + (R_B \times W_B)$$

$$\rightarrow \text{Variance} = \sigma_A^2 W_A^2 + \sigma_B^2 W_B^2 + 2 W_A W_B \text{Cov}_{A,B}$$

$$\rightarrow \text{Standard deviation} = \sqrt{\text{Variance}}$$

$$\rightarrow \text{Covariance} = C_{AB} = \frac{\sum (R_A - \bar{R}_A)(R_B - \bar{R}_B)}{n-1}$$

$$\rightarrow \text{Correlation} = \rho_{AB} = \frac{\text{Cov}_{A,B}}{SD_A \times SD_B}$$

⇒ Minimum Variance portfolio :

→ Step 1 : 
$$W_A = \frac{\sigma_B^2 - \text{COV}_{AB}}{\sigma_A^2 + \sigma_B^2 - \text{COV}_{AB}}$$

→ Step 2 : 
$$W_A + W_B = 1$$
$$W_B = 1 - W_A$$

### \* Arithmetic Return

$$\rightarrow \frac{\sum r}{n} \quad (\text{population})$$

$$\rightarrow \frac{\sum r}{n-1} \quad (\text{Sample})$$

$$\rightarrow \sum r(p_r) \quad (\text{probabilities}).$$

### \* Geometric Return

$$= [(1+r_1)(1+r_2)\dots(1+r_n)]^{1/n} - 1 \quad \text{OR} \quad 1/n - 1$$

- عندما نتحدث عن 10, 20 years "مدى"، نطبق في هذه الحالة: Arithmetic Return.

- أما في حالة الصبي عن سنوات متواصلة "مدى" من 2010 - 2020 نطبق في هذه الحالة: Geometric Return.

$$\rightarrow \text{Sharpe ratio} = \frac{\text{Risk premium}}{\text{SD excess return}}$$

valuation of performance of management decisions.

if Sharpe ratio is positive  $\rightarrow$  U. Good.

\* إذا تواجدت قوائد وتم اعتمادها كاملة في الحسابات  $\leftarrow$  population  $(/n)$

\* في حالة تواجدت (6) قوائد وتم حصرها في (5) قوائد أنشأ الحساب  $\leftarrow$  Sample  $(/n-1)$

Example ...

Probability	A	B
20%	10%	(7%)
50%	30%	20%
30%	(5%)	5%

\* For A :

$\bar{R}$	$R - \bar{R}$	$(R - \bar{R})^2$	$(R - \bar{R})^2 pr$
$20\% \times 10\% = 0.02$	(0.055)	0.003025	0.000605
$50\% \times 30\% = 0.15$	0.145	0.021	0.0105
$30\% \times (5\%) = 0.015$	(0.205)	0.042	0.0126
<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>
0.155	(0.155)	0.066	0.023705

\* For B :

$R - \bar{R}$	$(R - \bar{R})^2$	$(R - \bar{R})^2 pr$
(0.171)	0.0292	0.0058
0.099	0.0098	0.0049
(0.051)	0.002601	0.00078
<hr/>	<hr/>	<hr/>
		0.0185

\* Correlation and covariance  
"have the same meaning"

→ Correlation → -1 ↔ +1  
has boundaries

\* perfect positive correlation → +1

\* perfect negative correlation → -1 (The Best)

\* No correlation → zero

↓  
Minimize the risk

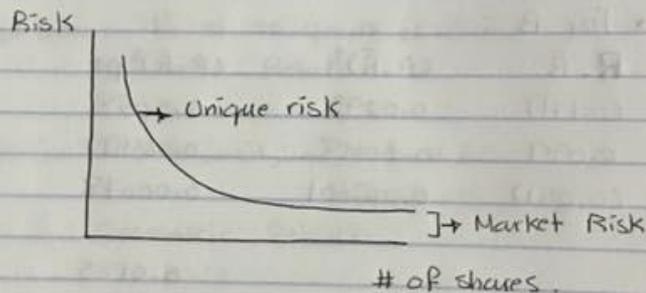
\* Covariance : There is no Risk.

\* Risk  $\begin{cases} \rightarrow \text{Systematic} \\ \rightarrow \text{Non-Systematic} \end{cases}$

$\rightarrow$  Systematic = Beta = Market risk =  
Non-diversifiable risk = Non-controllable risk.  
"Cannot be controlled"

$\rightarrow$  Systematic = Beta.

$\rightarrow$  Non-systematic risk = Unique risk.



كل ما زاد عدد الأسهم يقلل من Unique Risk ، لكن يبقى Market Risk لأننا لا نستطيع السيطرة عليه.

$$* \text{Covariance} = \sum (R_x - \bar{R}_x)(R_y - \bar{R}_y) P_i$$

\* في المثال السابق :

$$\rightarrow \text{Covariance} = 0.0122$$

$$\rightarrow \text{Correlation} = 0.5835 \text{ (positive correlation)}$$

$$* R \text{ portfolio} = W_R a + W_R b + \dots + W_n R_n$$

$$* \beta \text{ portfolio} = W\beta a + W\beta b + \dots + W\beta n$$

$$* \text{Beta} = \frac{\text{Covariance}}{\sigma^2}$$

\* Risk for portfolio :

$$\sigma_p^2 = W_a^2 \sigma_a^2 + W_b^2 \sigma_b^2 + 2W_a W_b \text{Cov}$$

$$\downarrow$$

$$\text{Cov} = \text{Corr} \times \sigma_a \times \sigma_b$$

$$* \text{Correlation} = \frac{\text{Covariance}}{\sigma_a \sigma_b}$$

\* Risk for portfolio = Variance.

\* Standard deviation =  $\sqrt{\text{Variance}}$ .

→ Minimum variance portfolio :

$$W_a = \frac{\sigma_b^2 - \text{Cov}_{a,b}}{\sigma_a^2 + \sigma_b^2 - 2\text{Cov}_{a,b}}$$

\* تعني أن أي Weights مع السهم لا يمكنه أن يكون  
مستطير دائما "نتيجة" على

Minimum variance portfolio = Minimum Risk.

\* Utility function ...

→ Risk averse : they take calculated Risk, they punish the return by asking for more risk premium.

\* Degree of risk averse :

$A > 0$  → Risk averse → درجة تجنب المخاطر

$A = 0$  → Risk neutral

$A < 0$  → Risk seeker (taker)

Degree of risk averse (1 → 5).

\* Utility function =  $E_{i2} - 1/2 A \sigma^2$

↓  
المعيار الكمي  
(Degree of risk averse)

Example ...

$E_{i2} = 7\%$        $\sigma^2 = 0.20$

$A = 1, 2, 3, 4, 5$ .

when  $A = 1$  → Utility function =  $7\% - 1/2 (0.20)^2 (1)$

when  $A = 2$  → Utility function =  $7\% - 1/2 (0.20)^2 (2)$

⋮  
... كما

في 7% عائد Return = 7% (ال) ←  
الدرجات المختلفة

### \* Complete portfolio ...

Complete portfolio minimum variance :

$$w_a^2 \sigma_a^2 + w_b^2 \sigma_b^2 + 2 w_a w_b \text{Cov}_{a,b}$$

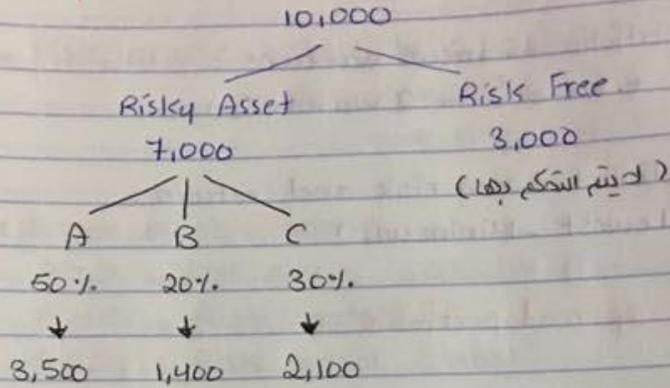
→ Combination between risk and return.  
(The Lowest - Minimum -).

### \* Complete optimal portfolio ...

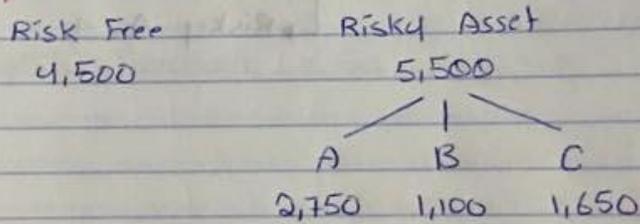
→ Combination between risk and return (The best).

\* Complete optimal portfolio → Risk Free  
→ Risky Asset.

Example ...



Example ...



\* Weights for risky Asset :

$$Y_{\text{risky Asset}} = \frac{ER - RF}{A \sigma^2}$$

Risk taker ← Risk Averse ← Risky Asset : Risk Averse -  
 Risk neutral ← (Risk Averse)

: Sharpe ratio

$$\text{Sharpe ratio} = \frac{ER - RF}{\sigma}$$

Example ...

$$\begin{aligned} * Y_{\text{risky Asset}} &= \frac{ER - RF}{A\sigma^2} \\ &= \frac{0.13 - 0.14}{2(0.20)^2} = 64\% \end{aligned}$$

→ 1 - 64% = weight for risk free.

$$* Y_{\text{risky Asset}} = \frac{0.13 - 0.14}{4(0.20)^2} = 32\%$$

→ 1 - 32% = weight for risk free.

\* Minimum Variance portfolio:

$$W_a = \frac{\sigma_b^2 - \text{Cov}_{a,b}}{\sigma_a^2 + \sigma_b^2 - 2\text{Cov}_{a,b}}$$

Example ...

Portfolio : Stock A and Stock B

ER = 10% (Return for portfolio)

rf = 3%       $\sigma_A = 15\%$        $\sigma_B = 25\%$

Degree of risk averse = 3      Cov = 0.006

(1) Weight A, B ? If return A = 5%  
and return B = 20%

(2)  $\sigma$  for portfolio ? and what is the weights ?

$$R_{\text{portfolio}} = R_A w_A + R_B w_B$$

$$= R_A w_A + (1 - w_A) R_B$$

$$\rightarrow w_A = 67\%$$

$$\rightarrow w_B = 33\%$$

$$* \sigma^2 = w_A^2 \sigma_A^2 + w_B^2 \sigma_B^2 + 2 w_A w_B \text{Cov}$$

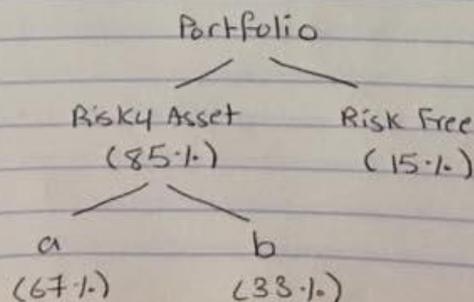
$$= (67\%)^2 (0.15)^2 + (33\%)^2 (0.25)^2 + 2(0.67)(0.33)(0.006)$$

$$\text{variance} = 0.01955$$

$$\rightarrow \text{standard deviation} = \sqrt{0.01955} = 13.9\%$$

$$* Y_{\text{risky Asset}} = \frac{0.10 - 0.03}{3(0.01955)} = 85\%$$

$$100\% - 85\% = 15\% \text{ weight for risk Free}$$



→ Optimal portfolio

$$W_a = \frac{\sigma_b^2(ER_a) - \text{Cov}(ER_b)}{\sigma_a^2(ER_b) + \sigma_b^2(ER_a) - [ER_a + ER_b] \text{Cov}}$$

→ Optimal complete portfolio

→ Minimum variance portfolio

$$W_a = \frac{\sigma_b^2 - \text{Cov}}{\sigma_a^2 + \sigma_b^2 - \text{Cov}}$$

→ Minimum variance portfolio : Risk ↓

→ Optimal portfolio : ↑ Risk → ↑ Return.

Example ...

	A	B	
Return	20%	13%	$cov = 0.0072$
Standard deviation	25%	10%	$r_f = 4%$
			weights ???

\* Using Minimum variance portfolio.

$$w_a = \frac{(0.1)^2 - 0.0072}{(0.25)^2 + (0.1)^2 - 2(0.0072)} = \frac{0.0028}{0.0581} = 4.8\%$$

$$w_b = 100\% - 4.8\% = 95.2\%$$

$$\rightarrow \text{Return} = (20\%)(4.8\%) + (13\%)(95.2\%) = 13.8\%$$

\* Using optimal portfolio.

$$w_a = \frac{0.16(0.1)^2 - 0.09(0.0072)}{(0.25)^2(0.09) + 0.16(0.1)^2 [0.09 + 0.16](0.0072)} = \frac{0.000952}{0.005425} = 17.548\%$$

$$w_b = 100\% - 17.548\% = 82.452\%$$

$$\rightarrow \text{Return} = (20\%)(17.548\%) + (13\%)(82.452\%) = 14.228\%$$

### Example ... Minimum and optimal

$$w_a = \frac{\sigma_b^2 - \text{Cov}}{\sigma_a^2 + \sigma_b^2 - 2\text{Cov}} \rightarrow \text{Minimum variance portfolio}$$

optimal\*  
Corr = -0.2  
 $\sigma_a = 0.2$   
 $\sigma_b = 0.6$

$$\text{Correlation} = \frac{\text{Cov}}{\sigma_a \sigma_b}$$

$$-0.2 = \frac{\text{Cov}}{(0.2)(0.6)} \rightarrow \text{Cov} = 0.024$$

$$w_a = \frac{(0.6)^2 - 0.024}{(0.6)^2 + (0.2)^2 - 2(0.024)} = 85.7\%$$

$$w_b = 100\% - 85.7\% = 14.3\%$$

$$\begin{aligned} \text{Return (portfolio)} &= (w_a \times r_a) + (w_b \times r_b) \\ &= (10\% \times 85.7\%) + (14.3\% \times 30\%) \\ &= 12.86\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sigma_{\text{portfolio}}^2 &= (w_a \sigma_a)^2 + (w_b \sigma_b)^2 - 2w_a w_b (\text{Correlation}) \\ &= (85.7\% \times 0.2)^2 + (14.3\% \times 0.6)^2 - 2(85.7\%)(14.3\%)(-0.2) \\ &= 0.17 = 17\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Standard deviation} = \text{Risk} &= \sqrt{17\%} \\ &= 0.29279 \end{aligned}$$

→

\* Optimal portfolio :

$$W_a = \frac{5(0.6)^2 - (0.30 + -0.024)}{(0.2)^2(0.25) + (0.6)^2(0.05) - [(0.05 + 0.25) \times -0.024]}$$
$$= 0.6818 = 68.18\%$$

$$W_b = 100\% - 68.18\% = 31.82\%$$

$$\text{Return (portfolio)} = 16.36\%$$

$$\text{Risk (standard deviation)} = 21.13\%$$

\* Optimal portfolio  $\rightarrow$  Sharpe ratio .

$$\text{Slope} = \text{Sharpe ratio} = \frac{\text{return} - \text{risk free}}{\sigma_{\text{crf}}}$$
$$= 50.89\% \text{ weight for risky Asset,}$$

$$\rightarrow W_a = W_a (\text{Optimal}) \times 50.89\%$$
$$= 68.18\% \times 50.89\% = 34\%$$

$$\rightarrow W_b = W_b (\text{Optimal}) \times 50.89\%$$
$$= 31.82\% \times 50.89\% = 16.18\%$$

$$\rightarrow \text{Weight for Risk Free} = 50.89\%$$

$$\begin{matrix} W_a \\ W_b \end{matrix} \rightarrow \text{Risky Asset,}$$