

* Financial assets.

* Real assets (property, plant and equipment).

Real asset → Financial asset.
Turn into ↓

Derivatives

(Assets من أصول حرة) (Assets من أصول حرة)

* Financial Assets

→ Money market.
→ Capital market.
→ Derivatives.
→ Funds.

} → Direct investment.

→ Indirect investment

→ Direct investment : Investment in your name.

حيث يتم الاستثمار في Assets من ناحية البيع والشراء.

→ Indirect investment : لا يتم تسجيلها باسم الشركة

* نحتاج إلى Broker في كل من
Direct investment
Indirect investment

→ Money market : Less than 1 year.

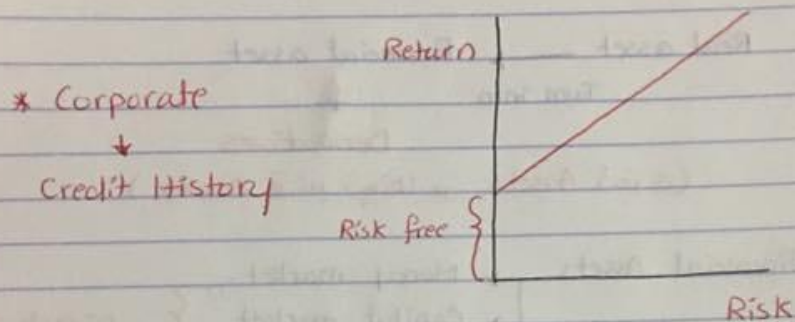
→ Capital market : Debt to Equity
(Bond) (Stocks)

(Treasury) الخزينة
(Federal) مؤسسة
(Municipal) البلديات
(Corporate) الشركات

* Municipal

Fees Revenue generated.

Fees \longleftrightarrow Revenue generated
 (لا يسترد وجود المشروع) (يجب أن يتواجد مشروع إنتاجي)



* Corporate

- Junk : Junk bond doesn't mean that the company is bad.
 - تفعل في الشركات التي لا يوجد لها Credit History
- Star : Companies that have a credit history.

Junk \rightarrow Star ، في حالة تحويلها على Credit History
 تتحول إلى

* Derivatives

(1) Options \rightarrow Right to buy or sell
 (Not an obligation).

You have the choice either to buy or sell based on benefits.

(2) Future \rightarrow You are obligated (تسبب Derivatives)

(3) Funds \rightarrow We are going to talk about it in chapter 4.

* في عام 2015 ← مؤشر Dow Jones

- ← خرجت شركة ATNT ، بالمقابل دخلت Apple
- ← خرجت شركة ALCOA ، بالمقابل دخلت Nike
- ← قيمة Dow Jones = 20,743 نقطة .

* كيفية حساب قيمة Index :

(1) Price weighted index → Dow Jones
→ Nikkei

- ← فو تسي (المؤشر البريطاني)
- ← CAC - كال (المؤشر الفرنسي)
- ← المؤشرات الأمريكية (4 مؤشرات)

Example	(Day 0)	(Day 1)	(Day 2)
	Price	Price	Price
A	10	20	10
B	20	15	15
C	30	40	40
	60	75	65
			57

* في حالة حدوث Split على الشركة A .

$$\rightarrow \text{Day 0 : Index value} = \frac{60}{3} = 20$$

$$\rightarrow \text{Day 1 : Index value} = \frac{75}{3} = 25$$

$$\rightarrow \text{Day 2 : } \frac{65}{x} = 25 \rightarrow x = 2.6$$

$$\text{Index value} = \frac{57}{2.6} = 21.92$$

Example

	(Day 0)	(Day 1)	(Day 2)
	Price	Price	Price
A	100	120	90
B	700	720	2500
C	40	35	50
	<u>840</u>	<u>875</u>	<u>2640</u>

* Stock Reverse B : 1 (Company B)

(1) Index all days (Value).

(2) Return from day 0 to day 2.

(1) Index values

$$\rightarrow \text{Day 0 : Index value} = \frac{840}{3} = 280$$

$$\rightarrow \text{Day 1 : Index value} = \frac{875}{3} = 291.67$$

$$\rightarrow \text{Day 2 : } \frac{2315}{x} = 291.67$$

$$x = 7.94$$

$$\text{Index value} = \frac{2640}{7.94} = 332.5$$

$$(2) \text{ Return} = \frac{\text{Ending}}{\text{Beginning}} - 1$$

$$= \frac{332.5}{280} - 1 = 18.75\%$$

Value index \longleftrightarrow Price index

(قياس القيمة)

(قياس السعر)

(Price and Quantity)

(Price)

Example

(1)

(2)

A 20,000 25,000

B 80,000 84,000

C 30,000 36,000

130,000 145,000

(1) Index value = $\frac{130,000}{130,000} \times 100\%$

130,000

(The value company) = 100%

(2) Index value = $\frac{145,000}{130,000} \times 100\%$

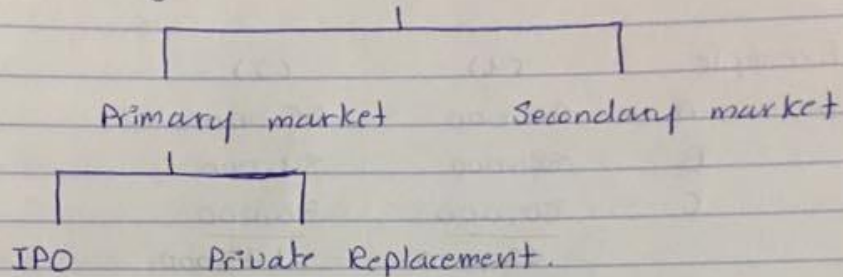
130,000

= 111.54%

* Chapter 3...

"How to trade securities..."

→ Trading securities



* Additional Paid-In Capital. عذوة الإصدار
(The value of the company).

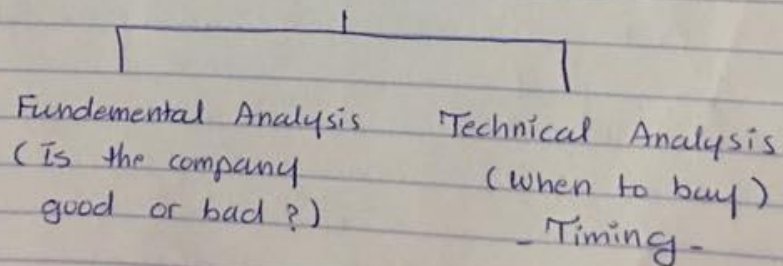
Example Sanad Company

Par value = \$ 1

APIC = \$ 1.35

→ بالعادة تقوم الشركات بوضع APIC كخيار لزيادة
value للشركات ، بناء على توقعات الشركة لزيادة value
لديها في المستقبل .

→ To be a good investor



* IPO

- Book building
- Fixed Amount.

* IPO : بالعادة يتم إدراجها بسعر أقل من سعر السوق وذلك من أجل تفضيل المستثمرين على الشراء.

→ Book building : يوجد عملية محددة يتم من خلالها تحديد السعر.

→ Fixed Amount : يتم تحديد السعر وبيع الجميع بناء على هذا السعر.

* Private Replacement :

prospects → كتيب يحتوي على كل المعلومات التي قد يحتاجها المستثمر عن الشركة.

Staff registration → process للتوظيف عن غير

Example

شركة سند

قامت بإصدار 66,000,000 سهم ، باعت منهم 6,000,000 سهم ، في حالة أرادت الشركة أن تقوم ببيع أسهم ، تلجأ إلى المخزون المتبقي (60,000,000 سهم).

* Types of markets :

(1) Broker market → تصاح إلى وسيط البيع

(2) Direct market → بيع مباشر مع الزبون

(3) Option market → You have to go to physical place (المزاد)

Example NYSE

(4) Dealer market → لديه القدرة على الشراء لنفسه ومن ثم البيع للمستثمر ، أو أن يعمل ' Broker

Example NASDAQ

* IPO → very risky investment.

→ Long investment

Buy → Sell
then

→ Short investment

Sell → Buy
then

← يجب يتم بيع السهم في حالة توقع نزول سعره ، وفي حالة توقع ارتفاعه يتم شرائه .

* Clearness.

* Street name → هي عبارة عن الأسهم الغير مملوكة
لشخص ما ، بحق Broker أن يبيع
من هذه الأسهم .

- إذا تسجلت الأسهم باسم شخص معين ، من المستحيل أن يتم
البيع والشراء فيها بدون موافقة صاحبها .

* Sell short → Street name stocks

فقط يتم على

↓

Must be highly
liquid stocks.

Sell short ← إذا لم تكن الأسهم liquid
يتم عمل

في حالة Sell short يتم الضغط على السهم من أجل أن
ينخفض سعره .

* Margin

نسبة Equity للمستثمر -
في حالة الاقتراض من Broker -
تخفي وجود

→ Margin and sell short → فلسطين
ممنوعه في

Example

(1) Equity margin = $\frac{3,000}{5,000}$ = 60 %	(1) 5,000 Basic	2,000 debt 3,000 Equity
* Debt margin = 1 - Equity margin = 40 %	(2) 5,500 ↑	2,000 debt (لا يتغير) 3,500 Equity
(2) Equity margin = $\frac{3,500}{5,500}$ = 63.6 %	(3) 4,500 ↓	2,000 debt 2,500 Equity
(3) Equity margin = $\frac{2,500}{4,500}$ = 55.56 %		

* Margin Call price → عند الوصول لهذا السعر يقوم
Broker بالبيع، أو يطلب لتسديد الدين.
= $\frac{\text{Amount Borrowed}}{\text{\# of shares (1. Maintenance margin)}} \times M.M$

* Maintenance Margin

- لضمان الاستثمارية ، أن تبقى الشركة صالحة للاستخدام
- لقد السيل من قبل SEC
- تستطيع الشركة أن تغيرها ، فقط للأعلى
- مثلا : $M.M = 30\%$ ، تبقى أنه لا يجوز بحمل عبء الدين أكثر من 70% ، لا يجوز للشركة أن تنزل عن هذا الحد (30%)

Example

- Amount borrowed = 2,000
- # of shares = 5,000 share.
- $M.M = 30\%$

* Margin call price

$$= \frac{2,000}{5,000(1-0.3)} = 0.571 \$$$

- عند الوصول لهذا السعر ، يقوم Broker بالبيع أو يطلب المستثمر بالسداد

$$\rightarrow \text{Return} = \frac{\text{Selling} - \text{purchase}}{\text{purchase}}$$

$$* \text{Return} = \frac{5,500 - 5,000}{5,000} = 10\%$$

(في حالة تم دفع المبلغ كامل)

$$* \text{Return} = \frac{5,500 - 5,000}{3,000} = 16\%$$

(في حالة لم يتم الدفع بشكل كامل)

الاستثمار الفعلي

المبقي 2,000 \$ ← عبارة عن Debt

→ في حالة الربح

$$* \text{Return} = \frac{4,500 - 5,000}{5,000} = (10\%)$$

(الخسارة بشكل كامل)

(خسارة جزئية)

$$= \frac{4,500 - 5,000}{3,000} = (16\%)$$

Example 10,000 shares from PADICO
 \$ 10,000 , You only have \$ 6,000.
 Broker accept to give you \$ 4,000,
 M.M = 40 %
 * PADICO pay dividend 5 %
 * Broker will take 5 % (Interest)
 * Commission = \$ 40
 Price : ↑ \$ 1.5 , ↓ \$ 0.7

* Actual margin :	10,000	6,000 Equity	
→ $\frac{6,000}{10,000} = 60\%$		4,000 Debt	
→ $\frac{11,000}{15,000} = 73.3\%$	15,000	11,000 Equity	↑ \$ 1.5
		4,000 Debt	
→ $\frac{3,000}{7,000} = 43\%$	7,000	3,000 Equity	↓ \$ 0.7
		4,000 Debt	

* Margin call price = $\frac{4,000}{10,000(1-0.05)} = 0.66$

* Return = $\frac{15,000 - 10,000 + 500 - 200 - 40}{6,000}$
 (في حالة الربح)
 = 87.6 %

* Return = $\frac{7,000 - 10,000 + 500 - 200 - 40}{6,000}$
 = (45 %)

* Sell short ...

فقد يتم البيع على margin (margin فاسد)
 purchase price - Long ← لا يمكن البيع على margin

ACCT value		
(سعر البيع) 10,000	7,000	→ (سعر الشراء) Market Value
(لا يتم (دفع Broker كسب) 5,000	8,000	Equity
15,000	15,000	

* Initial margin

$$= \frac{5,000}{10,000} = 50\%$$

$$\begin{aligned} \text{* Equity} &= \text{Account value} - \text{Market value} \\ &= 15,000 - 7,000 = \$ 8,000 \end{aligned}$$

$$\text{* Actual margin} = \frac{\text{New Equity}}{\text{Market value}}$$

$$= \frac{8,000}{7,000} = 114.29\%$$

$$\text{* Margin call price} = \frac{\text{AccT. value}}{\# \text{ of shares } (1 + M.M.)}$$

$$= \frac{15,000}{10,000 (1 + 0.4)} = \$ 1.07$$

$$\text{* Return} = \frac{10,000 - 7,000 - 500 + 200 - 40}{5,000} = 53.2\%$$

Example SNAPCHAT M:M = 30%
 10,000 shares → \$ 28
 \$ 170,000 يوجد في الحساب
 * No Dividends.
 * Interest = 7%
 * Commission = \$ 40

(1) Initial margin

$$= \frac{170,000}{280,000} = 60.7\%$$

ACT. value	
↓	280,000 220,000
	170,000 230,000
	450,000 450,000

(2) Actual margin

$$\downarrow \Rightarrow \frac{230,000}{220,000} = 104\%$$

$$\uparrow = \frac{150,000}{300,000} = 50\%$$

↑	280,000 300,000
	170,000 150,000
	450,000 450,000

(3) Margin call price.

$$= \frac{450,000}{10,000 (1+0.3)} = \$ 34.62$$

(4) Return = $\frac{280,000 - 220,000 + 11,900 - 40}{170,000}$

$$= 42.2\%$$

من سعر البيع
 * Interest

على المبلغ
 الموجود

- في حالة ارتفاع السعر .

(5) Return = $\frac{280,000 - 300,000 + 11,900 - 40}{170,000}$

$$= (4.7\%)$$

الحساب

- في حالة انخفاض السعر .

Direct investment ← Indirect investment
 (الاستثمار غير مسجل)
 باسم المستثمر.

* Funds

- Hedge Fund.
- Mutual Fund (open-end Fund)
- Closed Fund.
- Trust Fund → (بدون مسؤولية)
- Exchange-traded Fund (ETF)

→ Global Fund : أن يتم الاستثمار في الأسواق الخارجية مع وجود نسبة من هذه الاستثمارات في البلد الأم.

→ International Fund : كل الاستثمارات خارجية (خارج البلاد).

* Mutual Fund (open-end Fund) :

- Undefined capital (رأس المال غير محدد)
- Subscription and Redemption.
 (تقليل من الوحدات) (عند الكتابة)
- يجب المحافظة على نسبة من السيولة في الصندوق (Cash) وذلك من أجل استغلال أي فرصة يراها المستثمر مناسبة جداً والتي تحتاج إلى سيولة.

Example	share	price	Dollar amount
A	1,000	\$ 1	\$ 1,000
B	5,000	3	15,000
C	5,000	1	5,000
	<u>11,000</u>		<u>21,000</u>

→ In funnel
 stock → Units (As a name)
 is replaced by
 units → shares

$$* \text{ price per unit} = \frac{21,000}{11,000} = \$ 1.9 \quad (\text{Subscription price})$$

$$* \# \text{ of units} = 1,000 \div 1.9 = 526 \text{ units}$$

(قيمة الاستثمار)

العدد (مطلوب)

في حالة رقم تخفيض الأسعار:

A	1,000	2	2,000
B	5,000	4	20,000
C	5,000	3	15,000
	<u>11,000</u>		<u>37,000</u>

$$* \text{ price per unit} = \frac{37,000}{11,000} = \$ 3.36$$

$$* \# \text{ of units} = 1,000 \div 3.36 = 298 \text{ units.}$$

* Mutual (open) fund → Net Asset Value (NAV)
المستثمر (NAV)

$$\rightarrow \text{NAV} = \Sigma(\# \text{ of stocks} \times \text{price}) - \text{Liabilities}$$

→ Liabilities :

* Fees structure.

* operating expenses (Management Fees)
← دائما موجودة .

* Front end load.

مثال : \$ 10,000 سعر السهم

Front end load : 1 %

$$10,000 \times 1\% = \$ 100$$

$$10,000 + 100 = \$ 10,100$$

سعر السهم بعد دفع

- مرتبطة ب Subscription (عند الشراء)

* Back end load (Deferred load)

مثال : \$ 12,000 سعر البيع

Back end load : 0.51

$$12,000 \times 0.51 = 61.2$$

$$12,000 - 61.2 = \$ 11,938.8$$

سعر البيع بعد دفع

- مرتبطة ب Redemption (عند البيع)

* كل ما يخصت المحفظة ← تزيد performance fees

نتيجة تحقيق المزيد من الأرباح المحفظة .

Net Asset Value ← من الأرباح

والسهم

→ Unlimited capital
(Subscription and Redemption are unlimited)

→ Company Broker → عمليات البيع والشراء
تتم من خلاله

* Closed Fund

- Capital is limited.
- Selling and buying through the market.
- Supply and Demand.
- Discount and premium.

Because of *

* Brand (Experience)

* Quality

* Transaction cost, ... etc

* Trust Fund

- بدأ هذا النوع بالتدريج نوعاً ما من الأسواق.

* ETF (Exchange-traded Fund):

- يشبه closed Fund بأن عمليات البيع والشراء تتم من
خلال market.

- عند البيع ، يباع على سعر قريب جداً ، وليس مساوياً لقيمة
Net Asset value

- يوجد premium and Discount ، لكن قليل جداً.

- Broker

- ETF → Sell short → بيع من الممكن

أن يتم شراءه على margin من الممكن أن يتم عمل

على كس open and closed

- ETF is deferred taxes → وذلك لعدم وجود

Capital gain فيها ، وذلك لأن أساسها قائم على نقل

Funds من شخص لآخر (تحويل).

Example X Fund has a NAV \$50, it charges 3% load. How much you will pay for 100 units?

$$\text{NAV} = (1 - \text{load}) \times X$$

$$50 = (1 - 0.03) \times X$$

$$50 = 0.97 \times X$$

$$X = 51.55$$

$$\rightarrow 51.55 \times 100 \text{ units} = \$ 5,155$$

*** Net Asset Value (NAV)**

$$= (1 - \text{Load}) \times X$$



Charge per unit

*** Hedging Funds**

الهدف منها : التحوط من المخاطر (التحوط)

- Correlation between financial assets should equal -1 or zero.
- No regulation.
- You don't know where investor is going to invest.
- It's locked : استثماري fund لا يمكن بيعه
- The largest capital among all funds.
- Very expensive and very risky.

* Options ...

→ You have the right but not the obligation to buy or sell.

* Future Forward } obligation to buy or sell.

* Option (The right not the obligation).

→ option's types :

(1) Call option → Right to buy

(2) put option → Right to sell

Call option → Write a call

put option → Write a put

European options ← (Exercise date) → American options

↓
لا يمكن استغلال الحق
(حق) Expiry date
هذا التاريخ (حق)
يتم فيه استغلال الحق
حق و استغلال الحق
Expiry date

↓
To exercise the
right from the
date he/she
buy to expiry
date.

→ Strike price = Exercise price.

→ Spot price (Market) : السعر الحالي

→ Expiry date = Date you exercise your right.

← كل ما زاد مدة Expiry date يقل سعر option

← سعر option يعتمد على سعر Stocks الموجودة بداخله .

option \rightarrow 100 stocks

5 option \rightarrow 5×100
 $= 500$ shares

* In the money : $\text{Strike price} < \text{Spot price}$
(يتم الاستواء)

* Out of the money : $\text{Strike price} > \text{Spot price}$
(لا يتم الاستواء)

* At the money : $\text{Strike price} = \text{Spot price}$.

→ Call option (Right to buy) ...

* pay off = stock price - Exercise price

$$S_t > X$$

(بأنه أعلى)

$S_t - X \rightarrow$ positive

* profit = pay off - premium

Example ...

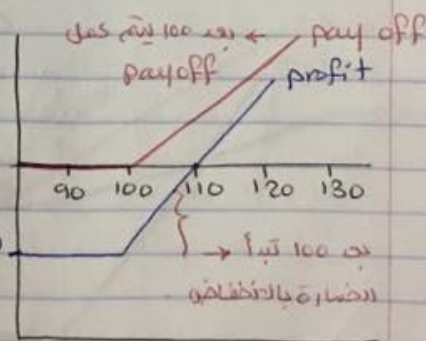
	Stock price	90	100	110	120	130
	pay off	0	0	10	20	30
10	(العمولة) premium	10	10	10	10	10
	profit	-3	-3	7	17	27

write a call ← call كذا *
بيع

↓ (مستفيد)

You are selling a call

(profit = pay off + premium)



Break even ← (10) كذا في كذا

Exercise price + 10

$$100 + 10 = 110$$

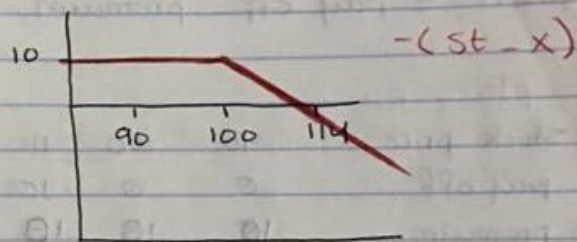
(Breakeven)

* Breakeven = pay off + premium

→ Writing a call ...

Call option على العكس تماماً لـ Call option
يتم الحصول على premium

Buy a call → write a call
مقابلته



→ Put option (Right to sell) ...

Exercise price $>$ Spot price.
(Sell)

Exercise price $<$ Spot price
(No action)

Example ...

- Option (1) $\rightarrow 1,000 \text{ call} \times \$10 = \$10,000$
 Option (2) $\rightarrow 100 \text{ stocks} \times \$100 = \$10,000$
 Option (3) $\rightarrow 100 \text{ option} \times \$10 = \$1,000$
 + T.B 8% (9,000)

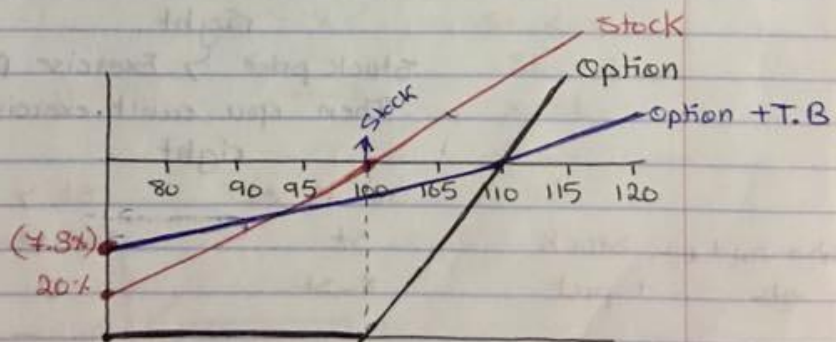
	95	100	105	110	115	120
Stock	9,500	10,000	10,500	11,000	11,500	12,000
	(5%)	0%	5%	10%	15%	20% <i>20% / 100%</i>

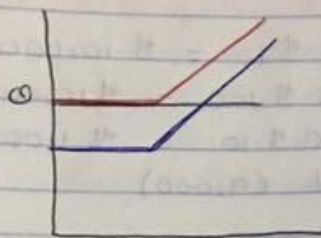
Option	0	0	5,000	10,000	15,000	20,000
	(100%)	(100%)	(50%)	(0%)	50%	100%

Option	9,270	9,270	9,270	9,270	9,270	9,270
+ T.B	0	0	500	1,000	1,500	2,000
	9,270	9,270	9,770	10,270	10,770	11,270
	(7.3%)	(7.3%)	(2.3%)	2%	7.7%	12.7%

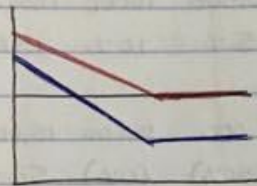
↓

$$\frac{9,270 - 10,000}{10,000} = -80 \text{ on } \dots$$





→ Call option
(Lose the premium)
profit = $(S - X) \rightarrow$ profit
pay off = $S - X$



→ Put option
(Lose the premium)

writing a call → Call option
Mirror For
writing a put → put option

* Protective put ...

- when : stock price < Exercise price.

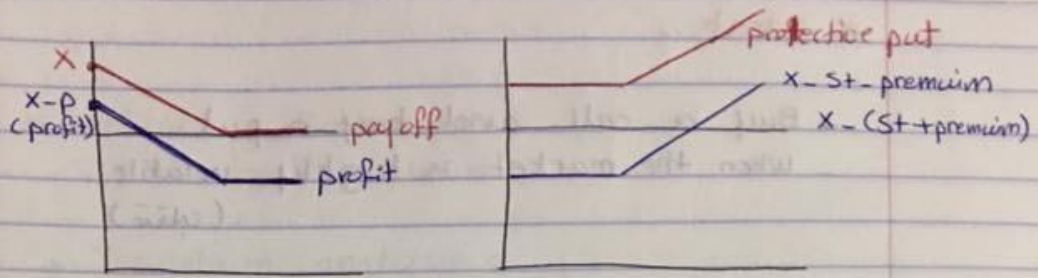
Then you can exercise your right.

stock price > Exercise price

Then you can't exercise your right.

	$S_t < X$	$S_t > X$
Stock	S_t	S_t
+ put	$X - S_t$	0
	<hr/>	<hr/>
	X	S_t

دولت سيطرة
عكس



* Covered call & Naked call ...

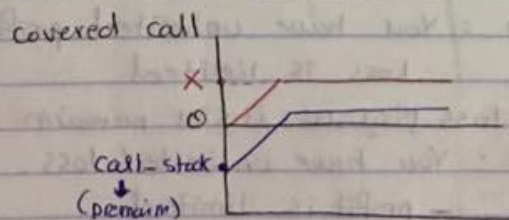
- Naked call : A call without cover.
 Sell short ← Naked call يتم حمايتها من خلال

- Covered call → writing a call
 يتم الحماية من خلال
 (الربح + premium)

→ Pay off :

* في حالة call : ممارسة الحق إذا كان السعر أعلى
 * في حالة writing a call : ممارسة الحق إذا كان السعر أقل

	$S_t > X$	$S_t < X$
Stock	S_t	S_t
+ write a call	0	$X - S_t$
	S_t	X



* Strat ..

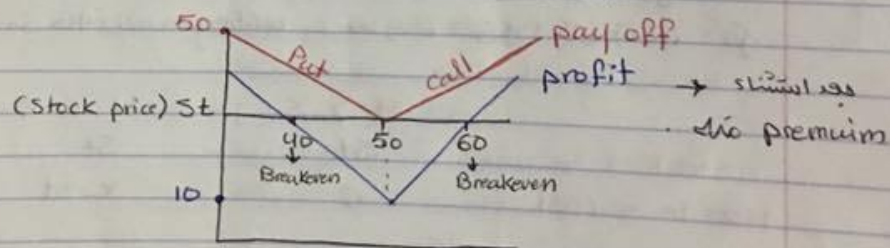
- Buy a call and buy a put.
- When the market is highly volatile .
(صلافة)

→ Stripes volatility : Buy 2 puts
+ 1 call

→ Strapes volatility : Buy 2 call
+ 1 put

* Pay off :

	$St < X$	$St > X$
Call	0	$St - X$
+ put	$X - St$	0
	$X - St$	$St - X$



* Call option : You have unlimited profit.
- Loss is limited

loss is limited by the premium

* Writing a call : You have unlimited loss.
- profit is limited

* Analysis $\begin{cases} \rightarrow \text{Bottom-up} \\ \rightarrow \text{Top-down} \end{cases}$

→ Top-down analysis :

Economy (The First step)



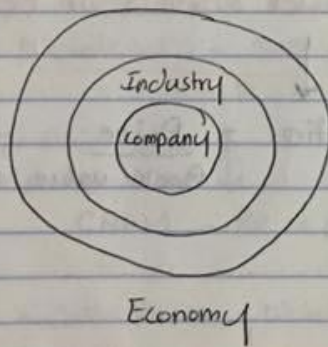
Industry



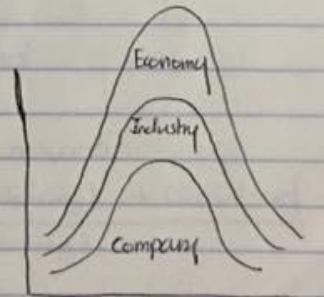
Company

- بالعامة من يعمل Top-down analysis هو المستثمراني .
(على يترك نسبة عالية من الشركة)

* Economy : Regulations - تسجيع الاستثمار -
Taxes - Tariffs - قانون الشركات



* Industry → الشركة
نطاق ، نسبة إقبال
عالية على هذا القطاع



→ ليس شرط أن تكون (B)
مخبرات مكافئة

- * Industry
 - Defensive
 - Cyclic
 - Financial (Interest rate)
 - Construction (Demographic)

- Defensive industry → It is bought to be consumed.
(Your needs)

- ! دأا تواج تآير يكو قلى جأ (غير مدأا).
(دأا تآير فى Economy)

- kindly constant supply and demand.
- مدأا علىا : الأكل

- Cyclic → It is bought to be sold.
(Your wants)

- Economy تأسى بىكل موازى لـ
- مدأا علىا : أسراراً، الذهب

which industry should I invest in ???



$$P/E \text{ ratio} = \frac{\text{Price}}{\text{Book value}}$$

→ Market ratio

* Book value = Asset - Liabilities

"Owner's equity"

Book value → Historical cost

* Liquidation value → Selling price

* Replacement cost → purchase price

(ما هو التكلفة البديلة)

$$\rightarrow \text{Tobin's ratio} = \frac{\text{price}}{\text{Replacement cost}}$$

* Terminal value : القيمة في نهاية السلسلة
(عند التوقف)

→ Intrinsic value

= P.V of all cash flows + selling price

$$= \frac{\text{Dividend} + \text{Selling price}}{1 + K}$$

نظرية القيمة السوقية

Market value



$$\text{CAPM} = R_f + \beta(r_m - r_f)$$

* Cash flow = Dividend

→ HPR = Holding period return

$$= \frac{P_1 (\text{selling}) - P_0 (\text{purchasing}) + \text{Dividend}}{P_0 (\text{purchasing})}$$

$$* \frac{P_1 - P_0}{P_0} = \text{Capital Gain (Loss)}$$

$$* \frac{\text{Dividend}}{P_0} = \text{Dividend yield.}$$

- بعد أن يتم حسابها يتم مقارنتها مع باقي الاستثمارات من أجل اختيار الأفضل..

Example

Yahoo \rightarrow \$ 46

Expectation \rightarrow \$ 51 (At the end of the year).

Dividend payout ratio = 50% (this year).

$\beta = 2$ $r_f = 6\%$ market return = 10

Earnings = 3%.

(1) Expected dividend yield.

(2) Capital gain.

(3) HRR

(4) Required rate of return.

(5) Intrinsic value.

$$\text{Payout} = \frac{D}{E} \rightarrow 0.5 = \frac{D}{0.3} \rightarrow D = 1.5$$

$$\rightarrow D_0 = 1.5$$

$$\rightarrow D_1 = 1.5 (1+g)$$

$$g = \text{Retention ratio} \times \text{ROE}$$

\downarrow

(OR: Return)

$$\rightarrow \text{Retention ratio} = 1 - \text{payout ratio}$$

$$= 1 - 0.5 = 0.5$$

$$\rightarrow \text{Return} \rightarrow \text{CAPM}$$

$$\text{CAPM} = r_f + \beta(r_m - r_f) \\ = 0.06 + 2(0.1 - 0.06) = 0.14 = 14\%$$

$$\rightarrow \text{Growth} = 0.5 \times 0.14 = 0.07 = 7\%$$

$$S_0 : D_1 = 1.5(1 + 0.07) = 1.605$$

$$(1) \text{ Expected dividend yield} = \frac{D_1}{P_0} \\ = \frac{1.605}{46} = 3.5\%$$

$$(2) \text{ Capital Gain} = \frac{P_1 - P_0}{P_0} \\ = \frac{51 - 46}{46} = 10.8\%$$

$$(3) \text{ HPR} = \text{Expected dividend yield} + \text{Capital gain} \\ = 3.5\% + 10.8\% = 14.3\%$$

$$(4) \text{ Required rate of return} = \frac{D_1 + P_1}{1 + r} \\ = \frac{1.605 + 51}{1 + 0.14} = 46.14$$

Intrinsic value	↔	Market value
46.14		51

(BUY)

Note * : Hold (Neither buy nor sell)

* Dividend Discount Model

- Zero
- Constant
- Multiple

$$\rightarrow \text{Zero} = \frac{D_0}{K}$$

$$\rightarrow \text{Constant} = \frac{D_0 (1+g)}{K-g}$$

$$\rightarrow \text{Multiple (Mixed Stream)} \\ = P.V. (\text{Mixed stream}) + \frac{D_n (1+g_{\text{new}})}{K-g_{\text{new}}} \times \frac{1}{(1+K)^n}$$

* Dividend Discount Model

<p>↓</p> <p>Zero</p> $= \frac{D_0}{K}$	<p>↓</p> <p>Constant</p> $= \frac{D_0(1+g)}{K-g}$	<p>↓</p> <p>Multiple</p> $= \sum \frac{D_n}{(1+K)^n} + \frac{D_n(1+g)}{K-g} \times \frac{1}{(1+K)^n}$
--	---	---

→ Free Cash Flow (FCF)

$$= OCF - \text{Capital Expenditure} - \Delta NWC$$

$$= EBIT + \text{Dep} - \text{tax} - \text{Cap. Exp} - \Delta NWC$$

→ Enterprise value (EV)

$$P/E = \frac{1-b}{K-g}$$

b : Retention ratio
(Plowback ratio)

$$\text{Enterprise value} = \text{JSS as Contingent}$$

↓

* Market capitalization for stocks
(# of shares × price)

* Market value for all debt (All interest bearing debt short / Long)
- Cash and cash equivalent.

→ Enterprise value ratio

$$= \frac{EV}{EBITDA}$$

EBITDA

EBITDA = Earnings Before Interest and Tax
without Depreciation and Amortization.

EV and EBITDA → P/E ratio.

↳ Value

Example

The value of the company (price) ?

Dividend (next year) = \$2.

Growth rate 15% for 4 years.

After that, growth will decrease to 5%.

Required rate of return = 22%.

$$P = \sum \frac{D_n}{(1+k)^n} + \frac{D_n(1+g)}{k-g} \times \frac{1}{(1+k)^n}$$

$$D_1 = \$2$$

$$D_2 = 2 \times 1.15$$

$$= \$2.3$$

$$D_3 = 2.3 \times 1.15 = \$2.64$$

$$D_4 = 2.64 \times 1.15 = \$3$$

$$D_1 \rightarrow 2 / 1.22 = 1.64$$

$$D_2 \rightarrow 2.3 / (1.22)^2 = 1.55$$

$$D_3 \rightarrow 2.64 / (1.22)^3 = 1.46$$

$$D_4 \rightarrow 3 / (1.22)^4 = \$1.37$$

$$\underline{\$6.02}$$

$$\rightarrow \frac{3 \times 1.05}{0.22 - 0.05} \times \frac{1}{(1+0.22)^4} = 8.36$$

$$\begin{aligned} \text{Price of the company} &= 6.02 + 8.36 \\ &= \$14.38 \end{aligned}$$

* تلخيص القوانين ...

→ P/E ratio = $\frac{\text{Price}}{\text{Book value}}$

→ Tobin's ratio = $\frac{\text{Price}}{\text{Replacement cost}}$

→ Intrinsic value ↔ Market value
 $= \frac{D_1 + \text{Selling price}}{1+k} = \text{CAPM}$
 $= r_f + \beta(r_m - r_f)$

→ Holding period return (HPR) = $\frac{P_1 - P_0 + D_1}{P_0}$

→ Capital Gain (Loss) = $\frac{P_1 - P_0}{P_0}$

→ Dividend yield = $\frac{D_1}{P_0}$
 $= \frac{D_1}{P_0} + g$ في حالة نمو Growth

→ Payout ratio = $\frac{\text{Dividend}}{\text{Earnings}}$

→ Growth = Retention ratio × ROE (CAPM)

→ Retention ratio = $1 - \text{payout ratio}$

→ Dividend Discount Model

* Zero = $\frac{D}{k}$

* Constant = $\frac{D_0(1+g)}{k-g}$

* Multiple = $\sum \frac{D_n}{(1+k)^n} + \frac{D_n(1+g)}{k-g} \times \frac{1}{(1+k)^n}$

→ Free Cash Flow (FCF)

$$= \text{OCF} - \text{Capital Expenditure} - \Delta \text{NWC}$$

→ $\text{OCF} = \text{EBIT} + \text{Dep} - \text{tax}$

$$= \text{Net income} + \text{Dep}$$

→ Enterprise value (EV)

$$P/E = \frac{1-b}{K-g}$$

→ Enterprise value ratio = $\frac{\text{EV}}{\text{EBITDA}}$

→ Return $\left\{ \begin{array}{l} \text{CAPM} = r_F + \beta(r_M - r_F) \\ \text{Dividend Model} \end{array} \right.$

$$K = \frac{D}{P} + g$$

$$Zero = \frac{D}{K}$$

* Questions ...

→ Question (4) :

Dividend \$1

Growth 20% 2 years

4% thereafter

Return 8.5%

		20%	20%	4%
	0	1	2	

$$* D_0 = \$1$$

$$D_1 = 1 \times 1.2 = \$1.2$$

$$D_2 = 1.2 \times 1.2 = \$1.44$$

$$D_1 \rightarrow \frac{1.2}{(1.085)^1} = \$1.106$$

$$D_2 \rightarrow \frac{1.44}{(1.085)^2} = \$1.223$$

$$\underline{\$2.329}$$

$$* \frac{1.44 \times 1.04}{0.085 - 0.04} \times \frac{1}{(1 + 0.085)^2}$$

$$33.28 \times 0.85 = \$28.288$$

$$P = 2.329 + 28.288$$

$$= \$30.617$$

→ Question (8) :

Return 16%.

$D_1 = \$2$.

Selling price = \$50 per share.

Growth ???

Return $\left\{ \begin{array}{l} \text{CAPM } (r = r_f + \beta(r_m - r_f)) \\ \text{Dividend model} \end{array} \right.$

$$= \frac{D}{P} + g$$

$$\frac{2}{50} + g = 16\%$$

$$g = 12\%$$

$$\rightarrow \text{Price} = \frac{D_1}{r - g} = \frac{2}{0.16 - 0.12} = \$18.18$$

* Growth and price (Direct relationship).

→ Question (19) :

Operating profit = \$2 m ↑ 5%

tax = 35%

20% pretax

Dep = 200,000

Return = 12% Debt = \$4 m

$$\rightarrow FCF = NI + Dep - Investment - \Delta N.W.C$$

$$\downarrow$$

$$OCF$$

EBIT 2,100,000

- Dep 210,000

EBIT 1,890,000

- tax (35%) 661,500

Net income 1,228,500

+ Dep 210,000

OCF \$ 1,438,500

$$\begin{aligned} \rightarrow FCF (Firm) &= 1,438,500 - 420,000 \\ &= 1,018,500 \\ &\quad \frac{0.12 - 0.05}{0.12 - 0.05} \\ &= \$ 14,550,000 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \rightarrow \text{value (Equity)} &= 14,550,000 - 4 \text{ m} \\ &= \frac{10,550,000}{\# \text{ of shares}} = \text{per share} \end{aligned}$$

→ Question (20) :

Earning \$ 1

Dividend 0.5

$K = 15\%$ (For industry)

a) $1 \times 0.5 = 0.5 \quad D_0$

Growth = ROE \times Retention ratio

Retention ratio = $1 - \text{pay out ratio}$

$$= 1 - (1 \times 50\%)$$

$$= 1 - 0.5 = 50\%$$

$$\text{Growth} = 10\%$$

$$\rightarrow D = 0.5 \times \frac{1.1}{0.15 - 0.10} = \$ 11$$

b) $G_1 = 10\%$

$G_2 = 6\%$

← نفس الشيء ولكن باستطاف حُرَيْفَة:

"Multiple Growth Stage"

* Covariance = Correlation $\times \sigma_a \sigma_b$

→ Separation property



Portfolio manager

Portfolio (1)

Portfolio (2)

→ tailored for risk-averse
using simulation.

* Investment ...

- Weak : Historical → Market is efficient but weak.
- Semi-Strong : Public → Public companies
→ current and historical information.
- Strong : The previous and future information.

* Management Discussion and Analysis (MDA)

- يتم مناقشة الخطط الإستراتيجية للشركة.

→ Body market have specific characteristics:

- (1) Liquidity
- (2) Low cost.
- (3) Price uncertainty → يلاحظ السهم على سعده دون
تغيير حق يحصل شيء يغير فيه .
- في حالة حدوث أي حادث يؤثر إيجابياً أو سلبياً على الشركة سيؤدي
ذلك إلى تغيير في السعر (انخفاض أو ارتفاع).

* Efficient market hypothesis → Information is available (Reflected the price)

- * Information is available → لكل يوم فرق بين توفر
المعلومة وبين استغلالها.
- ليس شرطاً إذا توفرت المعلومة أن يكون المستثمر على معرفة فيها .

Fundamental analysis ↔ Technical analysis

- Weak → Fundamental Technical
لا يوجد فيها
* من الممكن أن يطبق فيها Fundamental

- Semi-strong → Fundamental Technical
لا يوجد فيها

- Strong → Fundamental Technical
لا يوجد فيها
* وذلك بسبب توفر كافة المعلومات.

* Anomalies → Efficient market hypothesis
(الانحراف عن الفرضية)

↓
Behavioral Finance.

- هناك أمور تصعب من المصوح أن يتم تفسيرها.

* Anomalies
→ Calender
→ Fundamental,
→ Technical,
→ Social.

→ Calender : According to a day.

Example : * Monday effect → حين أن السوق ينخفض في أول ربيع ساعة من ثم يبدأ بالارتفاع.

* January effect → Buy the rumer and sell the fact.

- قد تكون مرتبطة بالبيانات المالية.

→ في حالة انتشار Anomaly بين الناس تزداد الظاهرة ، حيث يصبح أمر طبيعي متعارف عليه بين الناس .

- Fundamental → P/E ratio

* سعر السهم في Low P/E ratio يرتفع أكثر من حالة High P/E ratio .

- Technical → Momentum (زخم)

- Social → حالات تحدث في المجتمع

* مثال : Ramadan effect

حيث أن السوق ينخفض في رمضان ، أحد التفسيرات :
التباعد عن الشبهات .

* Technical Analysis

Historical prices → what will happen in the future??
السعر

- Chartist : Technical analyst

* Two technical analysis → Dow theory
→ Eliotte wave.

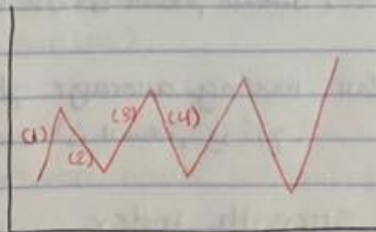
→ Dow theory : تنقسم حركات السهم إلى (3) حركات :

* Primary movement → حركات طويلة المدى
مدارس سنة أو أطول .

* Secondary movement → weeks or months
(Less than 1 year).

* Daily movement → One day.

→ Eliotte wave : السهم ليسير في موجات



حيث أن : (1) = (3)

و (2) = (4)

* Purpose from technical analysis : Show the best time to buy the stock.

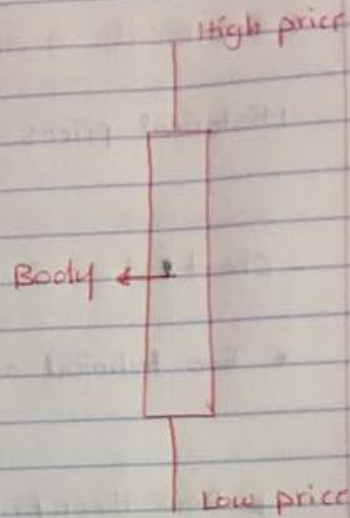
* Candle Chart ...

Red, Black (Body)

Then : * High price (open price)
* Low price (close price).

Green, white (Body)

Then : * High price (close price)
* Low price (open price).



→ Technical Analyst : يعتمد على المراقبة لتوقع
كيف سيتحرك هذا السهم
في المستقبل.

$$* \text{Moving Average} = \frac{\sum \text{closing price}}{\# \text{ of days.}}$$

- في حالة تقاطع moving average الطويل مع القصير من
فوق ← يدل على أن السهم منخفض (أو ينخفض).

- في حالة تقاطع moving average الطويل مع القصير من
تحت ← يدل على أن السهم يرتفع.

→ Relative Strength Index
(Show buy signal and sell signal).

المحدد (30-70)

Hold → 60

↑ 70 : Sell

↓ 30 : Buy

* Trend : Upward trend OR Downward trend.

→ Support and Resistance

↓ ↓
أقل سعر وصل إليه أعلى سعر
السهم ومن المرجح يتم كسره .
كسر هذا Support

— * عند بقاء السهم على نفس المستوى لمدة من الزمن
تقني Trading

* عند البدء بارتفاع أو انخفاض / تسار Trending

- شراء الأسهم يجب أن يتم عند ارتفاع السعر .

* Don't average down , Always average up .

* If Demand > Supply → Green الإشارة
(على السهم)

* If Supply > Demand → Red الإشارة
(على السهم)

→ The breadth of the market

Spread between stock advancing and stock declining.

Bullish ↔ Bearish
(positive) (Negative)

* Trenstatistics : The strength of the market to rise or fall.

$$= \frac{\text{Volume of advance}}{\# \text{ of stock advances}}$$

→ Confidence index :

Average 10 high yield bond

Average 10 intermediate yield bond.

* High value : Bullish.

* Low value : Bearish.

* School chart.

* Behavioral Finance ...

→ Psychology and Emotions.

→ Cognitive illusions.

↓
Heuristic

• (ملاحظة سريعة)

* Representativeness

* Over confidence

* Anchoring

* Availability bias

* Gamblers Fallacy

↓
Prospect

* Loss aversion

* Regret aversion

* Mental accounting

* Self-control

→ Representativeness : Sterotyping

مثال : سهم معين خسران فيه خسارة ، يأخذ المستثمر ذكراً
أن هذه الشركة سيئة حتى لو تحسن وضعها .

→ Self confidence : Lead to bad (worst) decisions.

حين يعتمد المستثمر على رأيه فقط دون الأخذ بآراء الآخرين .

→ Anchoring : very very big information

على الرغم من ذلك ، يتم اختيار جزء من هذه المعلومات و
القبول بها .

→ Availability bias : يوجد معلومات ولكن المستثمر
يكتفي بهذه المعلومات ولا يبحث عن معلومات جديدة .

→ Gamblers Fallacy : يكون المستثمر أنه سيحقق ربح
ولكن النتيجة تكون خسارة ← Highly optimistic

→ Loss aversion : عن التردد لأمر سلبي يرفضه ،
عن التردد لأمر إيجابي يقبله .
* استجاب وقبول الأمر الجيد أكثر من الأمر السيئ .

→ Regret aversion : لا يتم الشراء على السهم الجيد إذا
خسر لأنه يبقى جيد ويرجع السبب في ذلك للخط السيئ ، أما
إذا تم شراء Junk bond مثلاً فإنه يتم الشراء على اتخاذ
هذه الخطوة .

→ Mental accounting : ان ذكر تفضيل بين الحسابات
المختلفة على نفس الشيء .

→ Self-Control : Fear and Greed
الطمع والخوف .
"You should have self-control"

* Risk and Return ...

⇒ Single Asset :

$$\rightarrow \bar{R} = \frac{\sum r}{n} \quad (\text{population})$$

$$\rightarrow \bar{R} = \frac{\sum r}{n-1} \quad (\text{Sample})$$

$$\rightarrow \bar{R} = \sum r(pr) \quad (\text{probabilities})$$

$$\rightarrow \text{Variance} = \sigma^2 = \frac{\sum (R - \bar{R})^2}{n-1}$$

$$\rightarrow \text{Standard deviation} = \sigma = \sqrt{\text{Variance}}$$

$$\rightarrow \text{Sharpe ratio} = \frac{\text{Risk premium}}{\text{Standard deviation}}$$

⇒ More than one asset (portfolio) :

$$\rightarrow \bar{R} = (R_A \times W_A) + (R_B \times W_B)$$

$$\rightarrow \text{Variance} = \sigma_A^2 W_A^2 + \sigma_B^2 W_B^2 + 2 W_A W_B \text{Cov}_{A,B}$$

$$\rightarrow \text{Standard deviation} = \sqrt{\text{Variance}}$$

$$\rightarrow \text{Covariance} = G_{AB} = \frac{\sum (R_A - \bar{R}_A)(R_B - \bar{R}_B)}{n-1}$$

$$\rightarrow \text{Correlation} = \rho_{AB} = \frac{\text{Cov}_{A,B}}{SD_A \times SD_B}$$

⇒ Minimum Variance portfolio :

→ Step 1 :
$$W_A = \frac{\sigma_B^2 - \text{Cov } AB}{\sigma_A^2 + \sigma_B^2 - \text{Cov } AB}$$

→ Step 2 :
$$W_A + W_B = 1$$
$$W_B = 1 - W_A$$

* Arithmetic Return

$$\rightarrow \frac{\sum r}{n} \quad (\text{population})$$

$$\rightarrow \frac{\sum r}{n-1} \quad (\text{Sample})$$

$$\rightarrow \sum r(p_r) \quad (\text{probabilities})$$

* Geometric Return

$$= [(1+r_1)(1+r_2)(1+r_n)]^{1/n} - 1 \quad \text{OR} \quad 1/n - 1$$

- عندما نتحدث عن 10, 20 years مثلاً ، نطبق في هذه الحالة :
Arithmetic Return.

- أما في حالة الصبي عن سنوات متواصلة مثلاً من 2010 - 2020
نطبق في هذه الحالة :
Geometric Return.

$$\rightarrow \text{Sharpe ratio} = \frac{\text{Risk premium}}{\text{SD excess return}}$$

Valuation of performance of management decisions.

If Sharpe ratio is positive \rightarrow V. Good.

* إذا تواجبت قوائم وتم اعتمادها كاملة في الحسابات \leftarrow population
(/ n)

* في حالة تواجبت (6) قوائم وتم حصرها في (5) قوائم أنشأ
الحساب \leftarrow Sample \leftarrow (/ n-1)

Example ...

Probability	A	B
20%	10%	(7%)
50%	30%	20%
30%	(5%)	5%

* For A :

\bar{R}	$R - \bar{R}$	$(R - \bar{R})^2$	$(R - \bar{R})^2 pr$
$20\% \times 10\% = 0.02$	(0.055)	0.003025	0.000605
$50\% \times 30\% = 0.15$	0.145	0.021	0.0105
$30\% \times (5\%) = (0.015)$	(0.205)	0.042	0.0126
0.155	(0.155)	0.066	0.023705

* For B :

$R - \bar{R}$	$(R - \bar{R})^2$	$(R - \bar{R})^2 pr$
(0.171)	0.0292	0.0058
0.099	0.0098	0.0049
(0.051)	0.002601	0.00078
		0.0185

* Correlation and covariance
"have the same meaning"

→ Correlation → -1 ↔ +1
has boundaries

* perfect positive correlation → +1

* perfect negative correlation → -1 (The Best)

* No correlation → Zero

↓
Minimize the risk

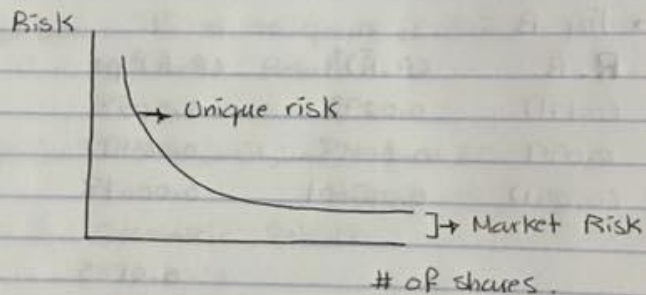
* Covariance : There is no Risk.

* Risk $\begin{cases} \rightarrow \text{Systematic} \\ \rightarrow \text{Non-Systematic} \end{cases}$

→ Systematic = Beta = Market risk =
Non-diversifiable risk = Non-controllable risk.
"Cannot be controlled"

→ Systematic = Beta.

→ Non-systematic risk = Unique risk.



كل ما زاد عدد الأسهم يقلل من Unique Risk ، لكن يبقى Market Risk لأنه لا نستطيع السيطرة عليه.

$$* \text{Covariance} = \sum (R_i - \bar{R}_x)(R_i - \bar{R}_y) P_i$$

* في المثال السابق :

$$\rightarrow \text{Covariance} = 0.0122$$

$$\rightarrow \text{Correlation} = 0.5835 \text{ (positive correlation)}$$

$$* R_{\text{portfolio}} = wR_a + wR_b + \dots + wR_n$$

$$* \beta_{\text{portfolio}} = w\beta_a + w\beta_b + \dots + w\beta_n$$

$$* \text{Beta} = \frac{\text{Covariance}}{\sigma^2}$$

* Risk for portfolio :

$$\sigma_p^2 = w_a^2 \sigma_a^2 + w_b^2 \sigma_b^2 + 2w_a w_b \text{Cov}$$

$$\downarrow$$

$$\text{Cov} = \text{Corr} \times \sigma_a \times \sigma_b$$

$$* \text{Correlation} = \frac{\text{Covariance}}{\sigma_a \sigma_b}$$

$$* \text{Risk for portfolio} = \text{Variance.}$$

$$* \text{Standard deviation} = \sqrt{\text{Variance.}}$$

→ Minimum variance portfolio :

$$w_a = \frac{\sigma_b^2 - \text{Cov}_{a,b}}{\sigma_a^2 + \sigma_b^2 - 2\text{Cov}_{a,b}}$$

* تعني أن w_i هي weights أو المساهمة على هذه الأصول
مُسَمَّاة "نسبة المساهمة"

Minimum variance portfolio = Minimum Risk.

* Utility Function ...

→ Risk averse : they take calculated Risk,
they punish the return by asking
for more risk premium.

* Degree of risk averse :

$A > 0$ → Risk averse → تجنب المخاطر

$A = 0$ → Risk neutral.

$A < 0$ → Risk seeker (taker)

Degree of risk averse (1 → 5).

$$* \text{Utility Function} = E_{12} - \frac{1}{2} A \sigma^2$$

↓
المعيار الكمي
(degree of risk averse)

Example ...

$$E_{12} = 7\% \quad \sigma^2 = 0.20$$

$$A = 1, 2, 3, 4, 5.$$

$$\text{when } A = 1 \rightarrow \text{Utility Function} = 7\% - \frac{1}{2} (0.20)^2 (1)$$

$$\text{when } A = 2 \rightarrow \text{Utility Function} = 7\% - \frac{1}{2} (0.20)^2 (2)$$

⋮
... 1 كذا

في 7% عائد Return = 7% \leftarrow القيمة المتوقعة
الدرجات المختلفة

* Complete portfolio ...

Complete portfolio minimum variance :

$$w_a^2 \sigma_a^2 + w_b^2 \sigma_b^2 + 2 w_a w_b \text{Cov}_{a,b}$$

→ Combination between risk and return.
(The Lowest - Minimum -).

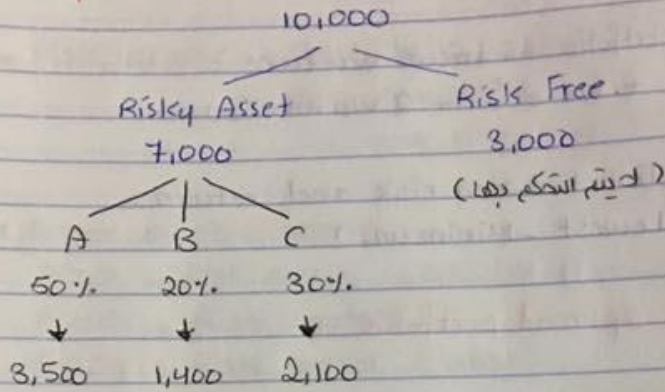
* Complete optimal portfolio ...

→ Combination between risk and return (The best).

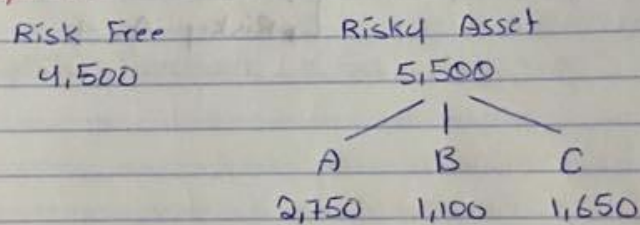
* Complete optimal portfolio

- Risk Free
- Risky Asset.

Example ...



Example ...



* Weights for risky Asset :

$$Y_{\text{risky Asset}} = \frac{ER - RF}{\sigma^2}$$

Risk taker ← Risk Averse ← Risky Asset : Risk Averse -
 Risk neutral ← (Risk Averse)

: Sharpe ratio

$$\text{Sharpe ratio} = \frac{ER - RF}{\sigma}$$

Example ...

$$\begin{aligned} * Y_{\text{risky Asset}} &= \frac{ER - RF}{A\sigma^2} \\ &= \frac{0.13 - 0.14}{2(0.20)^2} = 64\% \end{aligned}$$

→ $1 - 64\% = \text{weight for risk free.}$

$$* Y_{\text{risky Asset}} = \frac{0.13 - 0.14}{4(0.20)^2} = 32\%$$

→ $1 - 32\% = \text{weight for risk free.}$

* Minimum Variance Portfolio :

$$W_a = \frac{\sigma_b^2 - \text{Cov}_{a,b}}{\sigma_a^2 + \sigma_b^2 - 2\text{Cov}_{a,b}}$$

Example ...

Portfolio : Stock A and Stock B

ER = 10% (Return for portfolio)

rf = 3%

$\sigma_A = 15\%$

$\sigma_B = 25\%$

Degree of risk averse = 3

Cov = 0.006

(1) Weight A, B ? If return A = 5%
and return B = 20%

(2) σ for portfolio ? and what is the weights ?

$$R_{\text{portfolio}} = R_A w_A + R_B w_B$$

$$= R_A w_A + (1 - w_A) R_B$$

$$\rightarrow w_A = 67\%$$

$$\rightarrow w_B = 33\%$$

$$* \sigma^2 = w_A^2 \sigma_A^2 + w_B^2 \sigma_B^2 + 2 w_A w_B \text{Cov}$$

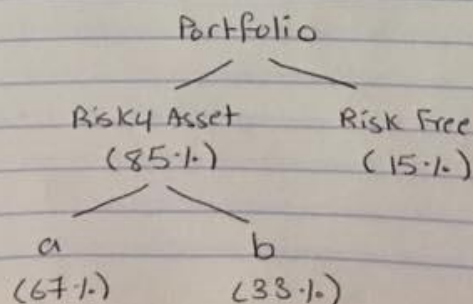
$$= (67\%)^2 (0.15)^2 + (33\%)^2 (0.25)^2 + 2(0.67)(0.33)(0.006)$$

$$\text{variance} = 0.01955$$

$$\rightarrow \text{standard deviation} = \sqrt{0.01955} = 13.9\%$$

$$* Y_{\text{risky Asset}} = \frac{0.10 - 0.03}{3(0.01955)} = 85\%$$

$$100\% - 85\% = 15\% \text{ weight for risk Free}$$



→ Optimal portfolio

$$W_a = \frac{\sigma_b^2(ER_a) - \text{Cov}(ER_b)}{\sigma_a^2(ER_b) + \sigma_b^2(ER_a) - [ER_a + ER_b] \text{Cov}}$$

→ Optimal complete portfolio.

→ Minimum variance portfolio.

$$W_a = \frac{\sigma_b^2 - \text{Cov}}{\sigma_a^2 + \sigma_b^2 - \text{Cov}}$$

→ Minimum variance portfolio : Risk ↓

→ Optimal portfolio : ↑ Risk → ↑ Return.

Example ...

	A	B	
Return	20%	13%	$cov = 0.0072$
Standard deviation	25%	10%	$r_f = 4\%$
			weights ???

* Using Minimum variance portfolio.

$$w_a = \frac{(0.1)^2 - 0.0072}{(0.25)^2 + (0.1)^2 - 2(0.0072)} = \frac{0.0028}{0.0581} = 4.8\%$$

$$w_b = 100\% - 4.8\% = 95.2\%$$

$$\rightarrow \text{Return} = (20\%)(4.8\%) + (13\%)(95.2\%) = 13.8\%$$

* Using optimal portfolio.

$$w_a = \frac{0.16(0.1)^2 - 0.09(0.0072)}{(0.25)^2(0.001) + 0.16(0.1)^2 - [0.09 + 0.16](0.0072)} = \frac{0.000952}{0.005425} = 17.548\%$$

$$w_b = 100\% - 17.548\% = 82.452\%$$

$$\rightarrow \text{Return} = (20\%)(17.548\%) + (13\%)(82.452\%) = 14.228\%$$

Example ... Minimum and optimal

: Given *

Corr = -0.2

$\sigma_a = 0.2$

$\sigma_b = 0.6$

$$w_a = \frac{\sigma_b^2 - \text{Cov}}{\sigma_a^2 + \sigma_b^2 - 2\text{Cov}} \quad \rightarrow \text{Minimum variance portfolio}$$

$$\text{* Correlation} = \frac{\text{Cov}}{\sigma_a \sigma_b}$$

$$-0.2 = \frac{\text{Cov}}{(0.2)(0.6)} \rightarrow \text{Cov} = 0.024$$

$$w_a = \frac{(0.6)^2 - 0.024}{(0.6)^2 + (0.2)^2 - 2(0.024)} = 85.7\%$$

$$w_b = 100\% - 85.7\% = 14.3\%$$

$$\begin{aligned} \text{* Return (portfolio)} &= (w_a \times r_a) + (w_b \times r_b) \\ &= (10\% \times 85.7\%) + (14.3\% \times 30\%) \\ &= 12.86\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{* } \sigma_{\text{portfolio}}^2 &= (w_a \sigma_a)^2 + (w_b \sigma_b)^2 - 2w_a w_b (\text{Correlation}) \\ &= (85.7\% \times 0.2)^2 + (14.3\% \times 0.6)^2 - 2(85.7\%)(14.3\%)(-0.2) \\ &= 0.17 = 17\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{* Standard deviation} &= \text{Risk} = \sqrt{17\%} \\ &= 0.29279 \end{aligned}$$

→

* Optimal portfolio :

$$W_a = \frac{5(0.6)^2 - (0.30 + -0.024)}{(0.2)^2(0.25) + (0.6)^2(0.05) - [0.05 + 0.25] \times -0.024}$$
$$= 0.6818 = 68.18\%$$

$$W_b = 100\% - 68.18\% = 31.82\%$$

$$\text{Return (portfolio)} = 16.36\%$$

$$\text{Risk (standard deviation)} = 21.13\%$$

* Optimal portfolio \rightarrow Sharpe ratio .

$$\text{Slope} = \text{Sharpe ratio} = \frac{\text{return} - \text{risk free}}{\sigma_{\text{rf}}}$$
$$= 50.89\% \text{ weight for risky Asset,}$$

$$\rightarrow W_a = W_a (\text{Optimal}) \times 50.89\%$$
$$= 68.18\% \times 50.89\% = 34\%$$

$$\rightarrow W_b = W_b (\text{Optimal}) \times 50.89\%$$
$$= 31.82\% \times 50.89\% = 16.18\%$$

$$\rightarrow \text{Weight for Risk Free} = 50.89\%$$

$$\begin{matrix} W_a \\ W_b \end{matrix} \rightarrow \text{Risky Asset,}$$